

## سیر تکاملی الگوریتم‌های پیش‌بینی میزان خردایش حاصل از انفجار در روش استخراج روباز

لیلا محمودی<sup>۱</sup>، عباس آقاجانی‌بزازی<sup>۲\*</sup>، امیرحسین بانگیان تبریزی<sup>۳</sup>

<sup>۱</sup> دانش‌آموخته‌ی کارشناسی‌ارشد مهندسی معدن، دانشگاه آزاد اسلامی واحد علوم و تحقیقات mahmoodi.leila62@gmail.com  
<sup>۲</sup> عضو هیئت علمی گروه مهندسی معدن، دانشگاه کاشان (نویسنده مسئول) a\_aghajani\_bazzazi@kashanu.ac.ir  
<sup>۳</sup> عضو هیئت علمی گروه مهندسی معدن، دانشگاه آزاد اسلامی - واحد تهران جنوب ah\_bangian@azad.ac.ir

### چکیده

عملیات حفاری و انفجار، اولین مرحله در فرآیند استخراج معادن روباز محسوب می‌شود که هدف اصلی از آن، خردایش سنگ است. طراحی مناسب سیستم حفاری و انفجار در راستای نیل به نتایج مطلوب عملیات معدنکاری، بسیار مهم و ضروری است. در سال‌های اخیر، روند رو به رشد الگوریتم‌های مختلف و ضرورت حل مسایل مختلف مهندسی، موجب گسترش کاربردهای الگوریتم‌های ابتکاری و فراابتکاری در شاخه‌های مختلف مهندسی شده است. مسأله‌ی پیش‌بینی نتایج خردایش حاصل از انفجار در معادن نیز محققان را بر آن داشته که با استفاده از این ابزارهای جدید مهندسی، در حل مسایل بکوشند. در این پژوهش، با مروری بر تحقیقات انجام‌شده، سیر تکاملی الگوریتم‌های پیش‌بینی میزان خردایش مورد بررسی قرار گرفته است. تحلیل‌ها حاکی از آن است که گذار از روش‌های مبتنی بر تجربه به سوی روش‌های فراابتکاری، نه تنها نتایج مطلوب‌تری را به همراه دارد، بلکه باعث تسهیل در حل مسأله شده است. با به‌کارگیری الگوریتم‌های فراابتکاری، می‌توان میزان اثرگذاری پارامترهای بیش‌تری را بررسی کرد که در روش‌های تجربی امکان‌پذیر نبوده و یا توأم با میزان خطای قابل توجهی است. نتایج حاصل از توسعه الگوریتم PSO نیز در قالب مطالعه موردی (معدن سرب و روی انگوران) نشان داد که مقدار بهینه RMSE برابر ۰/۲۶ است که دلالت بر مطلوبیت تابع خطی محاسبه‌شده در حالت استاندارد دارد. میزان ضریب تعیین ۰/۹۲ بین مقادیر واقعی اندازه‌گیری‌شده خردایش پس از انفجار و میزان پیش‌بینی‌شده آن، دلالت بر این دارد که تابع خطی پیشنهادشده با دقت بالایی می‌تواند میزان خردایش را پیش‌بینی کند.

**واژه‌های کلیدی:** الگوریتم‌های پیش‌بینی، خردایش، الگوریتم، روش استخراج روباز، انفجار.

## ۱- مقدمه

عملیات حفاری و انفجار از مهم‌ترین فرآیندهای استخراجی معادن روباز هستند؛ به طوری که پیش‌بینی میزان خردایش سنگ پس از انفجار می‌تواند در کاهش حجم حفاری، میزان مصرف مواد منفجره، توزیع دانه‌بندی قطعات خردشده و هزینه‌های استخراج معادن روباز مؤثر واقع شود [۱]. در اغلب موارد برای طراحی یک الگوی انفجار مناسب در معادن از روش‌های تجربی (سنتی) استفاده می‌شود که به لحاظ خردایش پس از انفجار، نتایج قابل قبولی را در پی ندارد. علت این امر نیز تنوع پارامترهای مؤثر و تغییر آنها در بخش‌های مختلف کانسار است که معمولاً از توده‌سنگ‌های متنوعی تشکیل شده است. با توجه به اهمیت موضوع میزان خردایش سنگ پس از انفجار، پیچیدگی آن و نیز تأثیر چشمگیر آن در هزینه تمام‌شده یک تن ماده معدنی استخراجی و همچنین اثرات غیرقابل اغماض آن در فرآیند فرآوری و به‌ویژه در بخش سنگ‌شکنی، بررسی دستاوردهای نوین در این باره ضروری است. روش‌های جدیدی در سال‌های اخیر کاربردهای فراوان مهندسی یافته است که می‌توان به روش‌های تجربی، ابتکاری و فرآبتکاری اشاره کرد. از سوی دیگر، تنوع پارامترهای اثرگذار در پیش‌بینی میزان خردایش حاصل از انفجار، محققان را بر آن داشته است که با نگرش‌های نوینی این موضوع را مورد تحلیل قرار دهند. در این پژوهش، مطالعات انجام‌شده در خصوص پیش‌بینی میزان خردایش سنگ پس از انفجار در معادن روباز مورد بررسی قرار می‌گیرد.

## ۲- ضرورت انجام تحقیق

با توجه به اهمیت فنی و اقتصادی عملیات انفجار در استخراج روباز معادن و نظر به هزینه‌های چشمگیری که در راستای فرآیندهای مختلف انفجار در معادن روباز صرف می‌شود، لازم است که با نگرشی جدید مبحث میزان خردایش سنگ پس از چال‌زنی و انفجار مورد بررسی قرار گیرد. هزینه‌های چال‌زنی و انفجار نیز جزو هزینه‌های جاری معادن محسوب می‌شود که در حدود ۲۵-۳۰ درصد هزینه‌های فعالیت‌های استخراجی را به خود اختصاص می‌دهد [۲]. از طرف دیگر، با توجه به افزایش قیمت مواد منفجره و نیز هزینه‌های مربوط به فرآیند سنگ‌شکنی که مصرف انرژی فراوانی را به خود اختصاص می‌دهد، اهمیت پیش‌بینی میزان خردایش سنگ و بهینه‌سازی آن دو چندان شده و ضرورت انجام پژوهشی در راستای بررسی مطالعات پیشین پیش‌بینی میزان خردایش سنگ پس از انفجار در معادن روباز، به‌ویژه در بخش‌هایی از کانسار که حاوی کانسنگ بوده و باید به سنگ‌شکنی ارسال شود، بسیار محسوس است. مع‌الوصف، هدف اصلی این پژوهش، مروری بر مطالعات انجام‌شده در راستای پیش‌بینی میزان خردایش سنگ پس از انفجار در معادن روباز است. از اهداف دیگر این تحقیق می‌توان به مقایسه نتایج پژوهش‌های مختلف اشاره کرد.

## ۳- مروری بر مطالعات انجام‌شده

فرآیند شکستگی سنگ با انفجار در معادن روباز، پدیده پیچیده‌ای است که توسط تعداد زیادی از متغیرها و پارامترها کنترل می‌شود. در حال حاضر، اعمال تمامی متغیرها در تحلیل‌های تک‌متغیره امکان‌پذیر نیست؛ به‌ویژه زمانی که تأثیر برخی از آنها و اثر آنها بر همدیگر، هنوز مورد تحلیل و بررسی قرار نگرفته است. با این حال، اساساً اندازه‌گیری ابعاد سنگ‌های خردشده برای اعتبارسنجی طراحی فرآیندهای الگوهای انفجار لازم و ضروری است. پیش‌بینی عددی (کمی‌سازی) میزان خردایش سنگ در بزرگ‌مقیاس بسیار دشوار بوده و به دلایل فنی-اقتصادی، دارای کاربردهای اندکی است. همچنین مجزا کردن تأثیر متغیرهای جزئی بر پارامترهای مؤثر در خردایش سنگ بر اساس اطلاعات به‌دست‌آمده به دلایل مختلف و شرایط تجربی دشوار است. بنابراین در طول سالین اخیر، پژوهشگران با استفاده از الگوریتم‌های مختلف ابتکاری، فرآبتکاری و فوق‌ابتکاری به بررسی میزان خردایش سنگ‌های حاصل از انفجار پرداخته و سعی کرده‌اند با کمی‌سازی این پارامتر بتوانند به پیش‌بینی میزان خردایش سنگ‌ها پس از انفجار بپردازند. تا کنون تحقیقات نسبتاً جامعی در رابطه با میزان خردایش سنگ حاصل از انفجار در معادن روباز انجام شده است که در جدول (۱) به برخی از مهم‌ترین آنها اشاره شده است. با مروری بر تحقیقات انجام‌گرفته، سیر تکاملی مدل‌های تجربی، مدل‌های ریاضی، احتمالاتی و بسیار قابل توجه است. در اکثر پژوهش‌ها با استفاده از نتایج روش پردازش تصویری به بررسی الگوی انفجار پرداخته شده است. در مطالعاتی نیز با استفاده از روش‌های مختلف ریاضی و تحقیق در عملیاتی، به بررسی این موضوع مهم پرداخته شده است. از سوی دیگر، با رشد الگوریتم‌های ابتکاری و فرآبتکاری، کاربرد آنها در پیش‌بینی نتایج انفجار نیز چشمگیر است. استفاده از شبکه‌های عصبی و سایر الگوریتم‌های هوش مصنوعی، باعث بهبود نتایج پیش‌بینی‌ها شده است. در اکثر تحقیقات انجام‌شده، روش شبکه عصبی مصنوعی در راستای موضوع مورد اشاره به کار گرفته است. لازم به ذکر است که در روش شبکه عصبی هیچ رابطه‌ای ارائه نمی‌شود و کاربر از چگونگی میزان پیش‌بینی مطلع نمی‌شود.

جالب توجه است که در مطالعات مختلف، برای اندازه‌گیری توزیع خرد شدن سنگ از روش پردازش تصویری استفاده شده است. تکنیک پردازش تصویری دیجیتال، با استفاده از نرم‌افزارها و تجهیزات مورد نیاز از روش‌های تجزیه و تحلیل میزان خردایش سنگ پس از انفجار است و در بسیاری از موارد، جایگزین روش‌های متداول (تجزیه و تحلیل بصری، عکاسی، فتوگرامتری، تعداد تخته‌سنگ) و یا تکنیک‌های آنالیز سردی شده است.

جدول ۱: پژوهش‌های انجام‌شده در خصوص پیش‌بینی میزان خردایش پس از انفجار در روش استخراج روباز

منابع	موضوع	سال	پژوهشگر(ان)
[۱]	ارائه مدل تجربی برای تعیین درصد تجمعی ابعاد قطعات حاصل از انفجار	۱۹۷۰	دینیس و گاما (Dinis & Gama)
[۲]	ارائه رابطه‌ی تجربی برای پیش‌بینی اندازه متوسط خردایش انفجار	۱۹۷۳	کوزنتسوف (Kuznetsov)
[۳]	ارائه مدل تجربی برای تعیین ابعاد قطعات سنگ حاصل از انفجار	۱۹۷۳	لارسن (Larsen)
[۴]	تعیین غیرمستقیم ابعاد خردایش حاصل از انفجار	۱۹۷۴	نورن و پورتر (Noren & Porter)
[۵]	اصلاح فرمول لارسون	۱۹۷۴	مؤسسه آتشفشانی سوئد
[۶]	تعیین دانه‌بندی جبهه‌کار انفجاری به روش عکس‌برداری	۱۹۷۶	رید (Rade)
[۷]	اصلاح معادله کوزنتسوف برای برآورد ابعاد متوسط خردایش	۱۹۸۳	کونینگهام (Cunningham)
[۸]	تخمین خردایش سنگ‌ها در انفجار با استفاده از عکس استاندارد	۱۹۸۶	آسوکن و کونینگهام (Aswgen & Cunningham)
[۹]	اصلاح مدل کاز-رام	۱۹۸۷	کانینگهام (Cunningham)
[۱۰]	برآورد خردایش بر اساس خصوصیات مکانیکی و ژئومکانیکی توده‌سنگ	۱۹۹۰	هانتر (Hunter)
[۱۱]	بررسی اختلاف نتایج استفاده از آنالیز سرنندی و پردازش تصویری دیجیتال	۱۹۹۰	اوپترونی و همکاران (Ouchterlony et al)
[۱۲]	اهمیت درزه‌های برجا و شکستگی‌ها در خردایش حاصل از انفجار	۱۹۹۰	گش و همکاران (Ghosh et al)
[۱۳]	تأثیر درزه‌ها بر نتایج انفجار	۱۹۹۰	مجتبایی و همکاران
[۱۴]	ارائه مدلی برای تعیین میزان خردایش سنگ	۱۹۹۳	کو و روستن (Ku & Rustin)
[۱۵]	تأثیر جهت‌یافتگی درزه‌های توده‌سنگ بر ابعاد بلوک قطعات انفجار	۱۹۹۴	چاکرابورتی و همکاران (Chakraborty et al)
[۱۶]	اثرگذاری ناپیوستگی‌های توده‌سنگ در ترک‌خوردگی‌های حاصل از انفجار	۱۹۹۵	پال‌روی (Pal Roy)
[۱۷]	وابستگی نتایج انفجار به خواص توده‌سنگ	۱۹۹۵	هاگان (Hagan)
[۱۸]	به‌کارگیری پردازش تصویری در ارزیابی نتایج خردایش حاصل از انفجار	۱۹۹۶	مائرز و همکاران (Maerz)
[۱۹]	بررسی بازدهی انفجار و بررسی تأثیر پارامترهای ژئومکانیکی بر انفجار	۱۹۹۶	آلر و همکاران (Aler)
[۲۰]	تأثیر پارامترهای ساختاری توده‌سنگ در توزیع اثر انفجار	۱۹۹۸	اوزلیک (Ozcelik)
[۲۱]	توسعه شاخص انفجار با استفاده از تحلیل تفکیک خطی	۱۹۹۸	کاسترو (Castro)
[۲۲]	بررسی ساختار ناپیوستگی‌های توده‌سنگ بر نتایج انفجار	۱۹۹۹	لاتهام و لو (Latham & Lu)
[۲۳]	ارائه مدل CK	۲۰۰۰	چانگ و کاتسابانیس (Chang & Catsaianis)
[۲۴]	اثرگذاری RQD بر انفجار روباره و خردایش سنگ	۲۰۰۴	چاکرابورتی و همکاران (Chakraborty et al)
[۲۵]	ارائه روش تحلیل خوشه‌ای و طبقه‌بندی توده‌سنگ با دیدگاه قابلیت انفجار	۲۰۰۵	حمدی و موزا (Hamdi & Mouza)
[۲۶]	ارائه مدل KCO	۲۰۰۵	اوپترونی (Ouchterlony)
[۲۷]	استفاده از شاخص توده‌سنگ برای اندیس خردشدگی انفجار	۲۰۰۶	حسینی و همکاران
[۲۸]	تخمین خردایش و منحنی عملکرد با استفاده از تولید سنگ‌ریزه	۲۰۰۶	لاتام و همکاران (Latham et al)
[۲۹]	بررسی توزیع خردشدگی سنگ‌ها در اثر انفجار در معادن روباز	۲۰۰۶	عطایی و زبیری
[۳۰]	کاربرد شبیه‌سازی مونت‌کارلو برای تخمین خردایش حاصل از انفجار	۲۰۰۶	مورین و فیکارازو (Morin & Ficazaro)
[۳۱]	اعتبارسنجی نتایج پردازش تصویری در دانه‌بندی سنگ حاصل از انفجار	۲۰۰۶	ابراهیمی و همکاران
[۳۲]	اعتبارسنجی نتایج روش پردازش تصویری جهت دانه‌بندی انواع سنگ	۲۰۰۶	تقی‌زاده و همکاران
[۳۳]	تخمین خردایش سنگ در معادن روباز با استفاده از شبکه عصبی	۲۰۰۶	اورعی و عاصی
[۳۴]	ارائه مدل شبیه‌سازی مونت‌کارلو بر اساس مدل کاز-رام	۲۰۰۶	ماریو و فرانچسکو (Mario & Francesco)
[۳۵]	ارائه مدل فازی برای پیش‌بینی خردشدگی در معادن روباز	۲۰۰۷	دربانی و همکاران
[۳۶]	پیش‌بینی و ارزیابی خردایش سنگ در اثر انفجار	۲۰۰۸	سینگ و نارندرولا (Singh & Narendrula)
[۳۷]	تخمین خردایش انفجار حلقه‌ای با استفاده از مدل کاز-رام	۲۰۰۸	سینگ و اوکنور (Singh & Oconnor)
[۳۸]	تحلیل کیفیت انتقال انرژی حاصل از انفجار	۲۰۰۸	حسینی و همکاران
[۳۹]	بررسی خردشوندگی سنگ‌ها در اثر انفجار	۲۰۰۹	شریعت‌علوی و همکاران
[۴۰]	پیش‌بینی خردایش ناشی از انفجار با استفاده از رگرسیون	۲۰۰۹	عنایت‌اللهی و همکاران
[۴۱]	مدل اصلاح‌شده کاز-رام برای خردایش سنگ حاصل از انفجار	۲۰۰۹	غیبی و همکاران

ادامه جدول ۱: پژوهش‌های انجام‌شده در خصوص پیش‌بینی میزان خردایش پس از انفجار در روش استخراج روباز

منابع	موضوع	سال	پژوهشگر(ان)
[۴۲]	ارزیابی فرآیندهای مختلف انفجار با استفاده از پردازش تصویری نرم‌افزاری	۲۰۰۹	اوزدمیر و همکاران (Ozdemir et al)
[۴۳]	ارائه مدل استدلالی فازی برای پیش‌بینی خردایش حاصل از انفجار	۲۰۰۹	منجری و همکاران
[۴۴]	بررسی طراحی انفجار پله‌ای با استفاده از پردازش تصویری دیجیتالی	۲۰۱۰	ارگین (Engin)
[۴۵]	ایجاد پایگاه داده انفجار برای توسعه مدل‌های پیش‌بینی خردایش سنگ	۲۰۱۰	هوداوردی و همکاران (Hudaverdi et al)
[۴۶]	ارائه روش شبکه عصبی برای پیش‌بینی نتایج خردایش انفجار	۲۰۱۰	کولاتیلیک و همکاران (Kulatilake et al)
[۴۷]	بررسی خردایش انواع سنگ ناشی از انفجار به کمک پردازش تصویری	۲۰۱۰	ریاحی و همکاران
[۴۸]	تخمین خردایش حاصل از انفجار با استفاده از آنالیز شبکه عصبی	۲۰۱۰	منجری و همکاران
[۴۹]	پیش‌بینی خردایش حاصل از انفجار با استفاده از مدل‌های کاز-رام و KCO	۲۰۱۱	مالکی نژاد و بخشنده امنیه
[۵۰]	استفاده از آنالیز حساسیت به منظور دستیابی به خردایش مناسب انفجار	۲۰۱۱	ضیایی و همکاران
[۵۱]	ارائه روشی برای طراحی انفجار بر اساس مدل خردایش کاز-رام	۲۰۱۲	باقری و همکاران
[۵۲]	ارائه مدل تجربی پیش‌بینی متوسط ابعاد خردایش انفجار در توده‌سنگ	۲۰۱۲	بخشنده امنیه و مالکی نژاد
[۵۳]	بررسی خردایش با استفاده از میانگین ابعاد قطعات و شاخص خردایش	۲۰۱۲	هوداوردی و همکاران (Hudaverdi et al)
[۵۴]	ارائه مدل سیستم‌های مهندسی سنگ برای تخمین خردایش انفجار	۲۰۱۳	فراموزی و همکاران
[۵۵]	مقایسه روش‌های تجربی پیش‌بینی خردایش ناشی از انفجار	۲۰۱۴	مرادجو نمین و همکاران
[۵۶]	استفاده از تحلیل رگرسیون ابعادی در پیش‌بینی میانگین ابعاد خردایش	۲۰۱۵	بخت‌آور و همکاران
[۵۷]	ارزیابی استفاده از روش‌های تجربی در محاسبه ضخامت بارسنگ	۲۰۱۵	سیدی و همکاران
[۵۸]	استفاده از پردازش تصویری در تحلیل خردایش پس از انفجار	۲۰۱۵	رستگار
[۵۹]	بررسی تطبیق‌پذیری مدل‌های تجربی محاسبه‌ی ابعاد خرده‌های انفجاری	۲۰۱۶	احمدی‌نژاد و بانگیان
[۶۰]	تحلیل سازگاری الگوهای ریاضی در پیش‌بینی ابعاد خردایش انفجار	۲۰۱۶	احمدی‌نژاد و بانگیان

لازم به ذکر است که با توجه به اهمیت موضوع، می‌بایست ارتباط میان تأثیر پارامترهای مختلف فرآیند انفجار و میزان خردایش سنگ پس از انفجار نیز بررسی شود؛ زیرا وابستگی زیادی بین پارامترهای مختلف فرآیند انفجار در معادن روباز وجود دارد. هر یک از روش‌ها و الگوریتم‌های ارائه‌شده، مزایا و معیای دارند. با توجه به اهمیت روند پیشرفت الگوریتم‌های مذکور، برخی از مهم‌ترین روش‌های تجربی و ابتکاری بررسی میزان خردایش حاصل از انفجار در ادامه مورد بررسی قرار می‌گیرند.

### ۳-۱- الگوریتم‌های تجربی

الف) مدل سوئدیفو: که توسط مؤسسه تحقیقات آتشفشانی سوئد (۱۹۷۴) ارائه شد [۵]:

$$X_{50} = C_b \cdot \left( 1 + 4.67 \left( \frac{T}{L} \right)^{2.5} \right) \cdot e^{\left( 0.29 \ln B^2 \sqrt{\frac{S}{1.25}} - 1.18 \ln \left( \frac{q}{c} \right)^{-0.82} \right)} \quad (1)$$

که در آن:  $C_b$  ثابت قابلیت انفجار،  $B$  بارسنگ،  $S$  فاصله‌داری چال‌ها،  $T$  طول گل‌گذاری،  $L$  عمق چال انفجاری،  $q$  خرج ویژه و  $C$  ثابت سنگ است.

ب) مدل کاز-رام: که توسط کونینگهام (۱۹۸۳) ارائه شد [۷]:

$$X_{50} = A \cdot \left( \frac{V}{Q} \right)^{0.8} \cdot Q^{0.167} \cdot \left( \frac{115}{E} \right)^{0.633} \quad (2)$$

که در آن:  $X_{50}$  اندازه‌ای که ۵۰٪ مواد از آن کوچک‌تر هستند،  $A$  شاخص قابلیت انفجار،  $V$  حجم توده‌سنگ خردشده در اثر انفجار هر چال و  $Q$  جرم ماده منفجره است.

ج) مدل CK: که برای نشان دادن توزیع ابعادی خردایش پس از انفجار از تابع روزین-راملر استفاده شد [۲۳]:

$$n = \frac{0.842}{(\ln X_{80} - \ln X_{50})} \quad (3)$$

که:  $X_{80}$  ابعاد سرنندی که ۸۰٪ مواد از آن عبور می‌کنند و  $X_{50}$  اندازه متوسط مواد خردشده بوده و از روابط (۴) و (۵) محاسبه می‌شوند:

$$X_{50} = A \cdot Q_h^{0.037} \cdot B^{-0.023} \cdot S^{0.024} \cdot H^{0.036} \cdot q^{-1.230} \quad (4)$$

$$X_{80} = 3A \cdot Q_h^{0.037} \cdot B^{-0.057} \cdot S^{0.041} \cdot H^{0.041} \cdot q^{-1.070} \quad (5)$$

$A$  فاکتور سنگ،  $Q_h$  جرم ماده منفجره،  $B$  بارسنگ،  $S$  فاصله‌داری چال‌ها و  $H$  ارتفاع چال است. در نتیجه، اندازه‌ی مشخصه‌ی سرنند ( $X_c$ ) از رابطه‌ی (۶) به دست می‌آید.

$$X_c = e^{(0.565 \ln X_{50} + 0.435 \ln X_{80})} \quad (6)$$

### ۳-۲- الگوریتم‌های ابتکاری

الف) الگوریتم بهینه‌سازی تراکم ذرات (PSO): در این الگوریتم که با الهام‌گیری از زندگی گروهی جانوران از جمله حشرات، پرندگان و ماهی‌ها ابداع شده است، برای حل یک مسأله بهینه‌سازی جمعیتی از جواب‌های کاندید با استفاده از یک فرمول ساده به‌طور تصادفی در دامنه مسأله حرکت می‌کنند و آن را با هدف یافتن جواب بهینه سراسری مورد کاوش قرار می‌دهند. برخلاف الگوریتم ژنتیک، در الگوریتم PSO باید بهترین جواب به‌دست‌آمده برای مسأله بهینه‌سازی از آغاز اجرای برنامه تا آخرین تکرار، توسط هر یک از ذرات نیز ذخیره‌سازی شود. از سوی دیگر، الگوریتم PSO نیز همانند الگوریتم ژنتیک ذاتاً برای حل مسائل بهینه‌سازی بدون قید در حالت پیوسته مناسب است. با این حال، می‌توان با انجام تغییراتی در شیوه تعریف تابع هدف، از آن برای حل مسائل بهینه‌سازی در حالت تحت قید پیوسته نیز استفاده کرد.

ب) توسعه‌ی الگوریتم PSO: در روش توسعه‌یافته الگوریتم PSO، بر اساس معادلات (۷) و (۸)، موقعیت و سرعت هر ذره محاسبه می‌شود و این روش تا زمانی که معیارهای خاتمه الگوریتم برآورده شوند، ادامه می‌یابد [۶۱].

$$v_{new} = \omega v + c_1 r_1 (P_{best} - p) + c_2 r_2 (g_{best} - p) \quad (7)$$

$$p_{new} = p + v_{new} \quad (8)$$

که در آن:  $v_{new}$  سرعت جدید،  $v$  سرعت فعلی،  $p$  موقعیت فعلی ذرات،  $p_{new}$  موقعیت جدید ذرات،  $w$  وزن سکون (بین ۰/۴ و ۰/۹)،  $r_1$  و  $r_2$  اعداد تصادفی که معمولاً بین [۰، ۱] انتخاب می‌شوند،  $c_1$  ضریب مؤلفه خودشناختی،  $c_2$  ضریب مؤلفه اجتماعی،  $P_{best}$  بهترین موقعیت ذره‌ای و  $g_{best}$  بهترین موقعیت بین ذرات است.

به منظور پیاده‌سازی و تحلیل نتایج حاصل از الگوریتم توسعه‌یافته ارائه‌شده، از مدل PSO با هفت پارامتر ورودی و یک پارامتر خروجی برای پیش‌بینی میزان خردایش سنگ‌های پس از انفجار در معدن سرب و روی انگوران (در قالب مطالعه‌ی موردی) استفاده شد. به منظور استانداردسازی داده‌های ورودی نیز از رابطه (۹) استفاده شده است.

$$0 \leq \frac{x - x_{min}}{x_{max} - x_{min}} \leq 1 \quad (9)$$

که در آن:  $X_n$  مقدار نرمال‌شده،  $X_r$  مقدار واقعی،  $X_{min}$  کمینه مقدار برای متغیر وابسته و  $X_{max}$  بیشینه مقدار برای متغیر وابسته است.

تابع هدف (کمینه‌سازی) مورد استفاده نیز به صورت رابطه (۱۰) تعریف شد:

$$z = \min RMSE = \min \sqrt{\frac{1}{m} \sum_{i=1}^m (A_i - P_i)^2} \quad (10)$$

با به‌کارگیری رابطه خطی بین پارامترهای مختلف، رابطه پارامترهای ورودی و میزان خردایش به صورت رابطه (۱۱) نوشته شد:

$$d_{80} = \alpha_1 X_1 + \alpha_2 X_2 + \alpha_3 X_3 + \alpha_4 X_4 + \alpha_5 X_5 + \alpha_6 X_6 + \alpha_7 X_7 \quad (11)$$

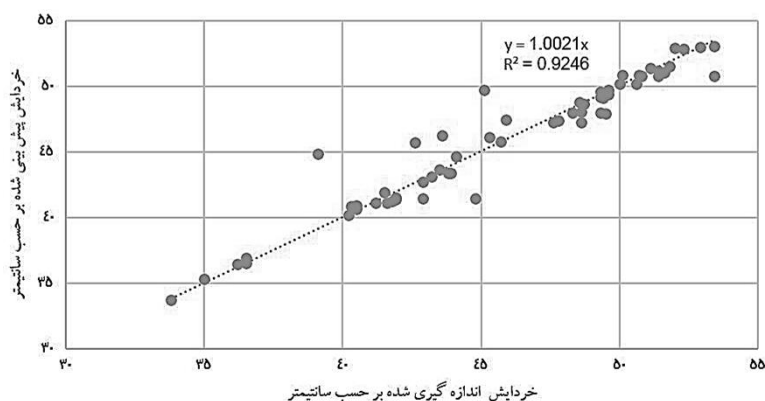
مقادیر بهینه فاکتورهای وزن نیز با استفاده از الگوریتم PSO و داده‌های واقعی برای برآورد میزان خردایش سنگ‌ها حاصل از انفجار در معدن سرب و روی انگوران تعیین شد. در حقیقت، الگوریتم PSO بهترین مدل‌های داده را با توجه به کم‌ترین مقدار برای RMSE پیدا می‌کند. برای به دست آوردن نتایج باید مقادیر  $\alpha_1$  تا  $\alpha_7$  را محاسبه کرد. هدف اصلی الگوریتم، یافتن مقادیر ضرایب مذکور است که با هدف کمینه‌سازی تابع هدف، مدل ارائه‌شده را حل کند. بنابراین مقادیر مختلف برای هر پارامتر در نظر گرفته شد و ارزش بهینه زمانی تعیین شد که تابع مناسب کمینه مقدار را تعیین می‌کند. مقادیر بهینه این پارامترها برای مدل PSO بدین شرح است: شتاب شناختی ( $C_1$ ) و شتاب اجتماعی ( $C_2$ ) برابر با  $0.1/4$ ،  $\theta_{max}$  برابر با  $0.1/9$ ،  $\theta_{min}$  برابر با  $0.1/4$  و تعداد تکرار برابر با ۲۰۰. نتایج حاصل از پیاده‌سازی الگوریتم نشان داد که حداقل میزان محاسبه‌شده برای RMSE در حالت معادله استاندارد ۰/۲۶ است. باید مقادیر  $y_{standard}$  را نیز محاسبه کرد. بدین منظور از رابطه (۱۲) بهره گرفته شده است:

$$y_{standard} = \alpha_1 X_1 + \alpha_2 X_2 + \alpha_3 X_3 + \alpha_4 X_4 + \alpha_5 X_5 + \alpha_6 X_6 + \alpha_7 X_7 \quad (12)$$

همچنین، مطابق تعریف استانداردسازی (۱۳) رابطه (۱۲) نیز برقرار است:

$$y_{standard} = \frac{y_1 - y_{min}}{y_{max} - y_{min}} \quad (13)$$

پس از انجام محاسبات، اعتبارسنجی رابطه بین مقادیر پیش‌بینی‌شده و مقادیر اندازه‌گیری‌شده خردایش سنگ‌های حاصل از انفجار (بر حسب سانتی‌متر) انجام گرفت که در شکل (۹) نشان داده شده است.



شکل (۹): رابطه بین مقادیر پیش‌بینی‌شده و مقادیر اندازه‌گیری‌شده خردایش سنگ‌های حاصل از انفجار

#### ۴- بحث و تحلیل

تحلیل و ارزیابی خردایش پس از انفجار، در بررسی کارایی انفجار، امری بسیار مهم و ضروری است. در عملیات معدنکاری معمولاً از روش‌های مختلفی از جمله روش مشاهده‌ای، پردازش تصویری، روش فوتوگرامتری یا عکاسی با سرعت بالا (عکاسی سریع) به منظور ارزیابی خردایش حاصل از انفجار استفاده می‌شود. در سال‌های اخیر نیز توسعه مدل‌ها و الگوریتم‌های مختلف ابتکاری و فرآینتکاری و استفاده از این ابزارهای مهندسی، رشد قابل توجهی داشته است. الگوریتم بهینه‌سازی تراکم ذرات از روش‌های سراسری بهینه‌سازی محسوب می‌شود که با استفاده از آن می‌توان مسایل

بهینه‌سازی پیوسته (نظیر پیش‌بینی میزان خردایش سنگ‌های حاصل از انفجار) را نیز حل کرد. جالب توجه است که در دوره‌ای نه‌چندان طولانی، سیر تکاملی روش‌های پیش‌بینی نتایج انفجار در معادن از روش‌های تجربی به سمت روش‌های فرآینتکاری سوق داده شده است. نتایج مطالعاتی که در سال‌های اخیر در خصوص پیش‌بینی نتایج انفجار در معادن روباز نشان می‌دهد که به‌کارگیری الگوریتم‌های نوین مهندسی برای حل مسایل پیچیده مهندسی معدن، همواره توأم با پاسخ‌ها و راه‌حلهایی بوده است که سازگاری و قرابت قابل توجهی با شرایط واقعی داشته است.

## ۵- نتیجه‌گیری

در این پژوهش، با مروری بر مطالعات انجام‌شده در خصوص روش‌های پیش‌بینی خردایش ناشی از انفجار در معادن روباز، سیر تکاملی حل مسأله مذکور مورد بررسی قرار گرفت و مشخص شد که در پیش‌بینی میزان خردایش که با استفاده از الگوریتم‌های ابتکاری و فرآینتکاری نیز می‌توان از این الگوریتم‌ها بهره گرفت. با مقایسه نتایج حاصل از مدل اصلاح‌شده الگوریتم تراکم ذرات، نتایج نشانگر سازگاری تابع خطی ارائه‌شده با شرایط واقعی معدن سرب و روی انگوران است و می‌توان از این الگوریتم در پیش‌بینی میزان خردایش سنگ‌های حاصل از انفجار در سایر معادن نیز بهره برد. نتایج حاصل از کاربرد الگوریتم PSO در قالب مطالعه موردی نشان می‌دهد که میزان بهینه RMSE برابر با ۰/۲۶ دلالت بر مطلوبیت تابع خطی محاسبه‌شده در حالت استاندارد دارد. میزان ضریب تعیین ۰/۹۲ بین مقادیر واقعی اندازه‌گیری‌شده پس از انفجار و میزان پیش‌بینی‌شده آن دلالت بر این دارد که تابع خطی پیشنهادشده با دقت بالایی می‌تواند میزان خردایش را پیش‌بینی کند.

## منابع

- [1] Dinis and Gama, C. "A model for rock-mass fragmentation by blasting". Proceedings 8th International congress on rock mechanics. Também publicado Na Revista Geotecnia, Março de. 1(76): 41-51. 1996.
- [2] Kuznetsov, V.M. "Mean diameter of fragments formed by blasting rock". Soviet mining science 9(2): 144-148. 1973.
- [3] Kim, K. "Blasting design using fracture toughness and image analysis of the bench face and muckpile". Thesis of M.Sc, Blacksburg: Virginia Polytechnic Institute and State University. 2006.
- [4] Catusus, P. "Experimental analysis of fragmentation, vibration and rock movement in open-pit blasting". Thesis Doctoral, Department of mining engineering: Madrid University of Polytechnic. 2004.
- [5] Lopez Jimeno, C. "Drilling and blasting of rocks". A. A. Balkema. 1995.
- [6] Gokhale, B.V., "Rotary drilling and blasting in large surface mines. Taylor & Francis Group. London: UK. 2011.
- [7] Cunningham, C.V.B. "The Kuz-Ram model for prediction of fragmentation from blasting". In: Holmberg, R., Rustan, A. (Eds.), proceedings of 1th. International symposium on rock fragmentation by blasting, Lulea. Sweden, pp. 439-453. 1983.
- [8] Van Aswegen, H., Cunningham, C.V.B. "The estimation of fragmentation in blast muckpiles by means of standard photographs". Journal of South African Institute of Mining and Metallurgy. 86(12): 56-65. 1986.
- [9] Cunningham, C.V.B. "Fragmentation estimations and Kuz-Ram model—Four years" on. Proceedings of 2th. International symposium on rock fragmentation by blasting. Keystone. Colorado. pp. 475-487. 1987.
- [10] Hunter G.C. "Review of Image analysis techniques for measuring blast fragmentation". Mining science & technology, vol. 11: 19-36. 1990.
- [11] Ouchterlony, F., Niklasson, B., Abrahamsson, S. "Fragmentation monitoring of production blasts at Mrica". In: McKenzie, C. (ed.), International symposium on rock fragmentation by blasting, FragBlast 3. Brisbane, Australia, pp. 283-289. 1990.
- [12] Ghosh, A., Daemen, J.J.K., Vanzyl, D. "Fractal based approach to determine the effect of discontinuities on blast fragmentation". Proceeding of the 31st U.S. symposium on rock mechanics. Golden, pp. 905-912. 1990.
- [13] Mojtabai, N., Farmer, I.W., Savely, J.P. "Optimisation of rock fragmentation in bench blasting." Proceeding of 31st US symposium on rock mechanics. Balkema. Rotterdam. pp. 897-901. 1990.
- [14] Morin, M. A., Ficarazzo, F. "Monte-Carlo simulation as a tool to predict blasting fragmentation based on the kuz-ram model". Computers & geoscience, vol. 32: 352-359. 2006.
- [15] Chakraborty, A.K., Jethwa, J.L., Paithankar, A.G. "Effects of joint orientation and rock mass quality on tunnel blasting". Engineering geology 37: 247-262. 1994.
- [16] Pal Roy, P. "Breakage assessment through cluster analysis of joint set orientations of exposed benches of opencast mines". Geotechnical and geological engineering 13: 79-92. 1995.
- [17] Hagan, T.N. "The effect of rock properties on the design and results of tunnel blasts". Journal of rock mechanics and tunnelling technology 1 (1): 25-39. 1995.
- [18] Maerz, N.H., Palangio, T.C., Franklin, J.A. "WipFrag image based granulometry system". In proceeding

- measurement of blast fragmentation. Balkema, Rotterdam. 1996.
- [19] Aler, J., DuMouza, J., Arnould, M. "Measurement of the fragmentation efficiency of rock mass blasting and its mining applications". International journal of rock mechanics and mining sciences and geomechanics abstracts 33: 125-139. 1996.
- [20] Ozcelik, Y. "Effect of discontinuities on fragment size distribution in open-pit blasting — a case study". Transactions of the institution of mining and metallurgy 107: 146–150. 1998.
- [21] Castro, J.T., Liste, A.V., Gonzalez, A.S. "Blasting index for exploitation of aggregates". In: Singhhal, R.K. (ed.), proceedings of the 7th mine planning and equipment selection symposium, Calgary, Canada, pp. 165–168. 1998.
- [22] Latham, J.P., Lu, P. "Development of an assessment system for the blastability of rock masses". International journal of rock mechanics and mining sciences and geomechanics abstracts 36: 41-55. 1999.
- [23] Spathis, A.T. "Formulae and techniques for assessing features of blast-induced fragmentation distributions. Rock". Fragmentation by blasting (Frag blast 9): 209-219. 2010.
- [24] Chakraborty, A.K., Raina, A.K., Ramulu, M., Choudhury, P.B., Haldar, A., Sahu, P., Bandopadhyay, C. "Parametric study to develop guidelines for blast fragmentation improvement in jointed and massive formations". Engineering geology 73: 105-116. 2004.
- [25] Hamdi, E., Du Mouza, J. "A methodology for rock mass characterization and classification to improve blast results". International journal of rock mechanics & mining sciences 42: 177–194. 2005.
- [26] Ouchterlony, F. "The swabrec function linking fragmentation by blasting and crushing". Mining technology. vol. 114: 29-44. 2005.
- [27] Hoseinie, S.H., Pourrahimian, Y., Aghababaei, H. "Application of rock mass index to determinate of blasting index". 15th International symposium on mine planning and equipment selection. Torino. Italy. 2006.
- [28] Latham, J.P., Meulen, J.V., Dupray, S. "Prediction of fragmentation and yield curves with reference to armourstone production". Engineering geology. 12(87): 60-74. 2006.
- [۲۹] عطایی، م؛ زبیری، ن. "بررسی توزیع خردشدگی سنگها در اثر انفجار در معدن سنگ آهن سنگان"، نشریه حفاری و آتشفکری. شماره ۳. ۱۳۸۵.
- [30] Karami, A., Afiuni-Zadeh, S. "Sizing of rock fragmentation modeling due to bench blasting using adaptive neuro-fuzzy inference system and radial basis function". International journal of mining science and technology. vol. 22: 459-463. 2012.
- [۳۱] ابراهیمی امیری، ح؛ منصوری، ح؛ امیررحمت، م. "اعتبارسنجی نتایج حاصل از روش آنالیز تصویری در دانه بندی سنگ معدن مس سرچشمه". دومین کنفرانس معادن روباز ایران. ۱۳۸۴.
- [۳۲] تقی زاده، ن؛ منصوری، ح. "اعتبارسنجی نتایج حاصل از روش آنالیز تصویری جهت دانه بندی انواع سنگ آهن معدن گل گهر". دومین کنفرانس معادن روباز ایران. ۱۳۸۴.
- [33] Oraee, K., Asi, B. "Prediction of rock fragmentation in open pit mines, using neural network analysis". 5th International symposium on mine planning and equipment selection. Turin. Italy. 2006.
- [۳۴] سامی، ع. "بهینه سازی خردایش انفجار با استفاده از شبیه سازی مونت کارلو بر اساس مدل کار-رام". (پایان نامه کارشناسی ارشد)، دانشکده مهندسی معدن، متالورژی و نفت، دانشگاه صنعتی امیرکبیر. ۱۳۸۶.
- [۳۵] دربانی، ح؛ ابراهیمی فر سنگی، م؛ ع؛ منصوری، ح. "پیش بینی خرد شدگی در معدن روباز یک مدل فازی". سومین کنفرانس مکانیک سنگ ایران. دانشگاه امیرکبیر. ۱۳۸۶.
- [36] Singh, S.P., Narendrula, R. "Prediction and assessment of rock fragmentation". 5th International symposium on mine planning & equipment selection. Turin. Italy. 2008.
- [37] Singh, S. P., Oconnor, C. P. "Fragmentation prediction during ring blasting using a discrete Kuz-Ram model". 5th International symposium on mine planning & equipment selection. Turin. Italy. 2006.
- [38] Rezaei, M., Monjezi, M., Yazdian Varjani, A. "Development of a fuzzy model to predict flyrock in surface mining". Safty science. vol. 49: 298-305. 2011.
- [۳۹] شریعت علوی، ح؛ زارع، م؛ بیرانوند، ا. "بررسی خردشوندگی سنگها در اثر انفجار در معدن سنگ آهن مرکزی ایران". دومین کنفرانس مهندسی معدن ایران. ۱۳۸۷.
- [۴۰] عنایت اللهی، ا؛ اسدی، ا؛ مجدی، ع. "پیش بینی خردایش ناشی از انفجارهای معدن سنگ آهن گل گهر با استفاده از رگرسیون خطی". سومین کنفرانس مهندسی معدن. ۱۳۸۸.
- [41] Gheibie, S., Aghababaei, H., Hoseinie, S.H., Pourrahimian, Y. "Modified Kuz-Ram fragmentation model and its use at the Sungun copper mine". International journal of rock mechanics & mining sciences 46: 967-973. 2009.
- [42] Ozdemir, K., Kahriman, A., Karadogan, A., Tuncer, G. "Rock blasting fragmentation control using the split digital image analysis system". 2009.



- [43] Monjezi, M., Rezaei, M., Yazdian Varjani, A. "Prediction of rock fragmentation due to blasting in Gol-e-Gohar iron mine using fuzzy logic". International journal of rock mechanics & mining sciences 46: 1273-1280. 2009.
- [44] Engin, I.C. "A partial method of bench blasting design for desired fragmentation based on digital image processing technique and Kuz-Ram model". International journal on rock fragmentation by blasting (FRAGBLAST), vol. 9: 257-263. 2010.
- [45] Hudaverdi, T., Kulatilake, P.H.S.W., Kuzu, C. "Prediction of blast fragmentation using multivariate analysis procedures". To appear in 2010.
- [46] Kulatilake, P. H. S. W., Qiong, W., Hudaverdi, T. "Mean particle size prediction in rock blast fragmentation using neural networks". Engineering geology 21: 298-311. 2011.
- [۴۷] ریاحی، م؛ خوشرو، س.ح؛ رضایی، ب؛ امیررحمت، م؛ "بررسی خردایش انواع سنگ ناشی از انفجار معدن مس میدوک با استفاده از آنالیز تصویری". سومین کنفرانس مهندسی معدن ایران. ۱۳۸۸.
- [48] Monjezi, M., Amiri, H., Farrokhi, A. "Prediction of rock fragmentation due to blasting in Sarcheshmeh copper mine using artificial neural networks". Geotech geol engineering 16: 423-30. 2010.
- [۴۹] مالکی نژاد، ح.ر؛ بخشنده امنیه، ح. "پیش‌بینی خرد شدگی حاصل از انفجار معدن سرریز سد گتوند علیت با استفاده از مدل‌های کاز-رام و KCO". اولین کنفرانس مهندسی انفجار و جایگاه آن در سازندگی کشور. دانشگاه صنعتی امیرکبیر. ۱۳۸۹.
- [۵۰] ضیایی، ا؛ آهنگری، ک؛ عابدینی، م. "سرلک شاه‌محمدی، ع. طراحی الگوی حفاری و انفجار بهینه معدن شماره ۳ گل‌گهر سیرجان با استفاده از آنالیز حساسیت در جهت دستیابی به خردایش مناسب". کنگره بین‌المللی معدن. ۱۳۸۹.
- [۵۱] باقری، م؛ خوشرو، ح؛ عطایی، م. "یک روش جدید برای طراحی الگوی حفاری و انفجار بر اساس اصلاح مدل خردایش کاز-رام در معدن سنگ آهن گل‌گهر". اولین کنفرانس فناوری‌های معدنکاری ایران. ۱۳۹۱.
- [۵۲] بخشنده امنیه، ح؛ مالکی نژاد، ح. "ارائه مدل تجربی پیش‌بینی متوسط ابعاد خرد شدگی حاصل از انفجار در توده سنگ کنگلومرای سد گتوند علیا". نشریه علمی پژوهشی مدیریت انرژی. ۱۳۹۱.
- [53] Hudaverdi, T., Kuzu, C., Fisse, A. "Investigation of the blast fragmentation using the mean fragment size and fragmentation index". International journal of rock mechanics & mining sciences. vol. 56: 136-45. 2012.
- [54] Faramarzi, F., Mansouri, H., Ebrahimi, M. A. "A rock engineering systems based model to predict rock fragmentation by blasting". International journal of rock mechanics and mining sciences. vol. 60: 82-94. 2013.
- [۵۵] مرادجو، ا؛ منجزی، م؛ رستم‌آبادی، س. "مقایسه بین روش‌های تجربی پیش‌بینی خردایش سنگ ناشی از انفجار در معدن مس سونگون". پنجمین کنفرانس مهندسی معدن. ۱۳۹۳.
- [56] Bakhtavar, E; Khoshrou, H & Badroddin, M. "Using dimensional-regression analysis to predict the mean particle size of fragmentation by blasting at the Sungun copper mine". Arabian journal of geoscience. vol. 8: 2111-2120. DOI: 10.1007/s12517-013-1216-2. 2015.
- [۵۷] سیدی، و؛ ابراهیم‌زاده، د؛ حدائقی، ع. "تعیین ضخامت بار سنگ با توجه به شرایط موجود در معدن سنگ آهک مسگرآباد کارخانه سیمان تهران". فصلنامه علمی-پژوهشی فن‌آوری سیمان. شماره ۱۲. ۱۳۹۳.
- [۵۸] رستگار، ع. "بررسی خطای ناشی از ویژگی‌های تصویر پردازش دیجیتال در حوزه آنالیز تصویری خردایش سنگ ناشی از انفجار". <http://www.mining-eng.ir>. ۱۳۹۳.
- [۵۹] احمدی نژاد، ع.ر؛ بانگیان، ا.ح. "تطبیق‌پذیری مدل‌های تجربی محاسبه توزیع ابعاد خرده‌های انفجاری، معادن سنگ پرکننده سد باطله معدن مس سرچشمه". سومین کنفرانس معادن روباز ایران. دانشگاه شهید باهنر کرمان. ۱۳۹۴.
- [۶۰] احمدی نژاد، ع.ر؛ بانگیان، ا.ح. "تحلیل سازگاری الگوهای ریاضی در پیش‌بینی ابعاد خرده‌های انفجاری (مطالعه موردی)". ششمین همایش ملی زمین‌شناسی محیط زیست. دانشگاه آزاد اسلامی واحد اسلامشهر. ۱۳۹۴.
- [۶۱] محمودی، ل؛ آقاجانی بزاری، ع؛ بانگیان تبریزی، ا.ح. "پیش‌بینی میزان خردایش سنگ پس از انفجار با استفاده از الگوریتم بهینه‌سازی تراکم ذرات (مطالعه موردی: معدن سرب و روی انگوران)". پایان‌نامه مقطع کارشناسی ارشد. دانشگاه آزاد اسلامی واحد علوم و تحقیقات. دانشکده فنی و مهندسی. گروه مهندسی معدن. ۱۳۹۶.