



## مبحث چهاردهم:

# تحریک و هارمونیکها در ترانسفورماتورهای سه فاز

- هارمونیکها در ترانسفورماتورها
- عیوب هارمونیکها
- روشهای حذف هارمونیکها

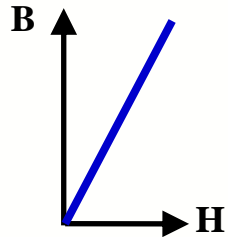




✓ در یک ترانسفورماتور ایده‌آل مشخصه مغناطیسی هسته به صورت خطی است و در نتیجه ولتاژهای هر دو طرف ترانس کاملاً سینوسی هستند.

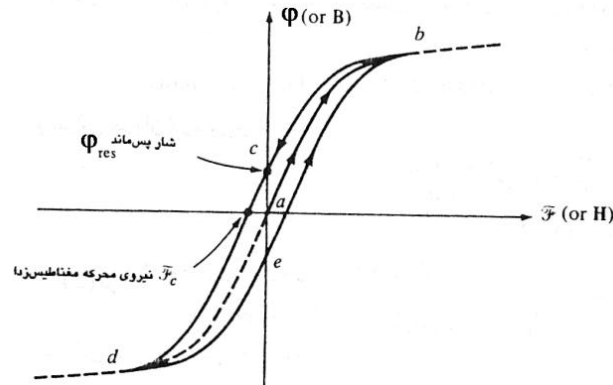
✓ اما در عمل هسته ترانسفورماتورها غیر خطی بوده که منجر به ایجاد ولتاژهای غیر سینوسی و هارمونیک‌ها می‌گردد.

✓ علل غیر خطی بودن: ۱- حلقه هیستریزیس ۲- اشباع



$$B = \mu H$$

مدل ایده‌آل (خطی) یک هسته مغناطیسی

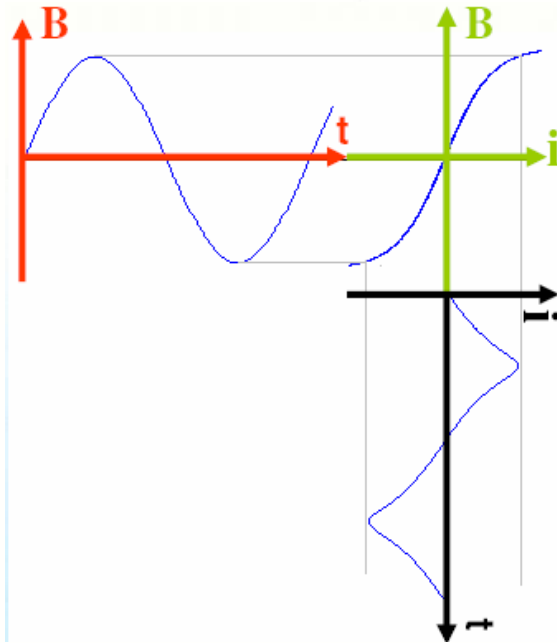


مدل واقعی (غیر خطی) یک هسته مغناطیسی

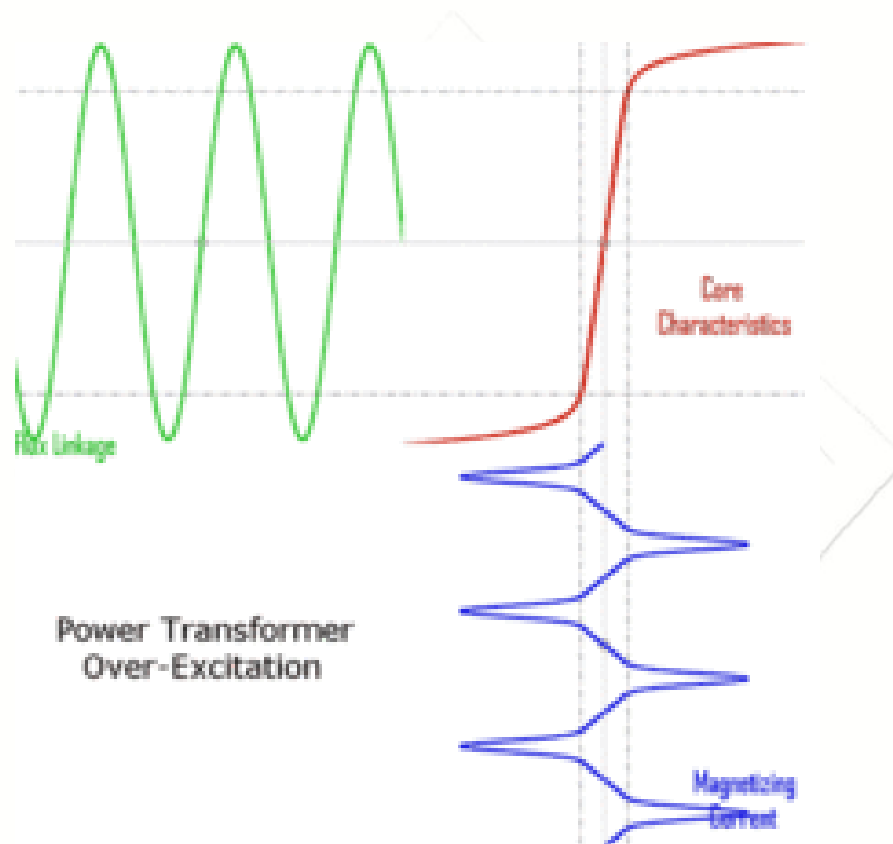




عامل ایجاد هارمونیک‌ها در ترانسپهائیکه با منبع سینوسی تغذیه می‌شوند، مشخصه مغناطیسی غیر خطی هسته می‌باشد.



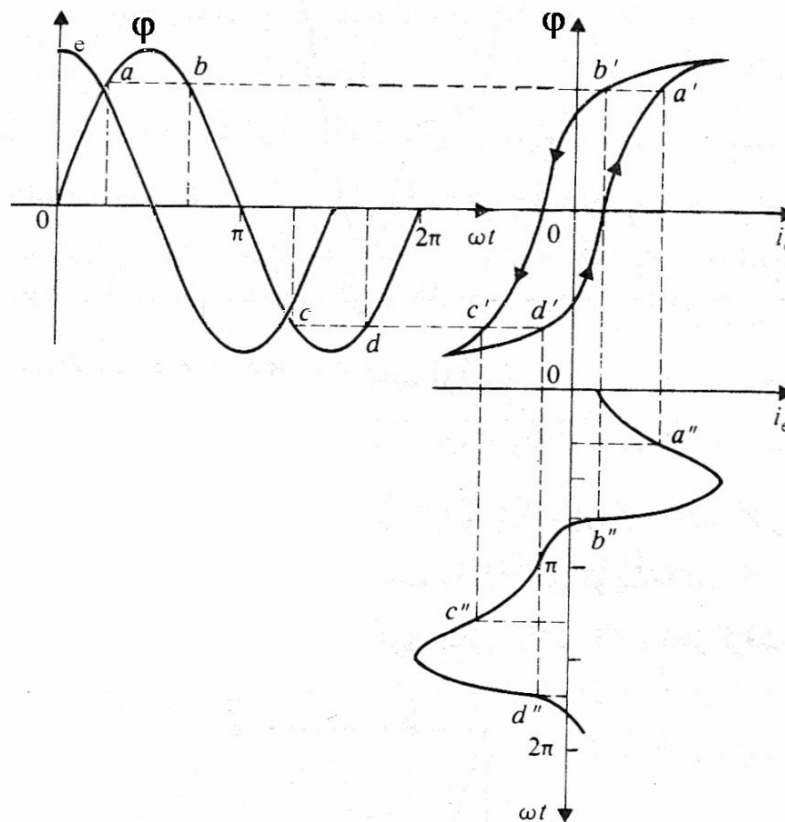
می‌دانیم که ولتاژ با مشتق شار متناسب است لذا اگر ولتاژ سینوسی به ترانسفورماتوری اعمال شود، شار نیز باید سینوسی باشد. اما همان‌گونه که از شکل زیر پیداست برای داشتن شار سینوسی، یک جریان غیر سینوسی لازم است که ترکیبی است از مولفه اصلی و مولفه‌های فرد دیگر.



شکل موج جریان ناشی از ایجاد شار سینوسی در یک هسته غیر خطی



## □ هارمونیک‌ها در ترانسفورماتورها

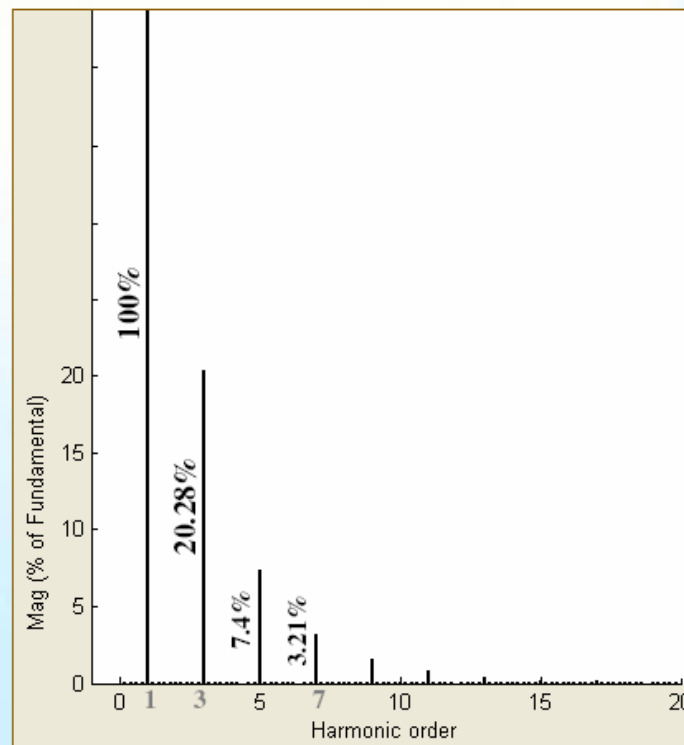
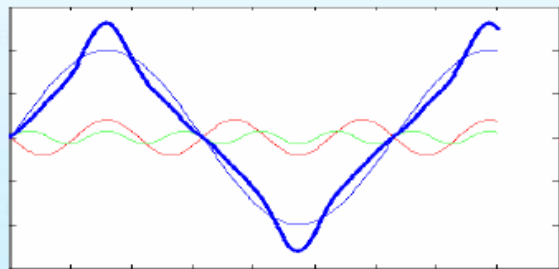
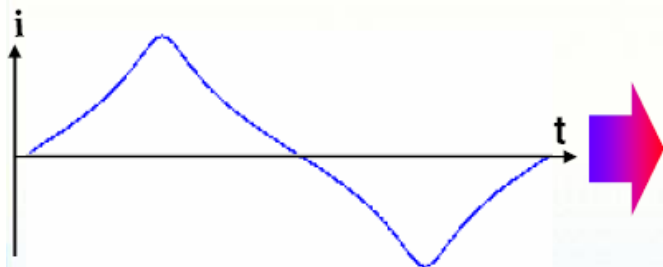


شکل موج جریان ناشی از ایجاد شار سینوسی در یک هسته غیرخطی



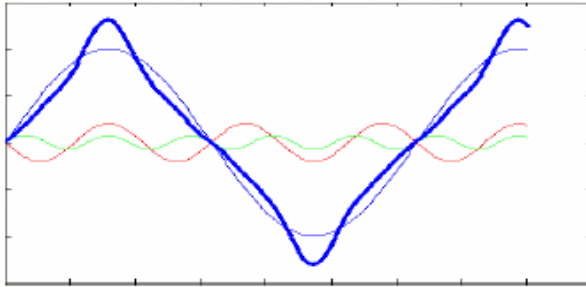


این شکل موج شامل هارمونیک‌های مرتبه اول ، سوم ، پنجم و سایر مولفه های فرد است که فقط هارمونیک‌های اول و سوم از نظر دامنه قابل ملاحظه می باشند .





## □ هارمونیک‌ها در ترانسفورماتورها



همانطور که می بینید این شکل موج دارای مولفه های فرد می باشد . روابط مربوط به مولفه های اول تا پنجم در زیر آمده است .

$$\left. \begin{aligned} I_{A1} &= I_{m1} \sin(\omega t) \\ I_{B1} &= I_{m1} \sin(\omega t - 120) \\ I_{C1} &= I_{m1} \sin(\omega t + 120) \end{aligned} \right\} I_{A1} + I_{B1} + I_{C1} = 0$$

مولفه اول  
سه فاز متقارن، توالی مثبت

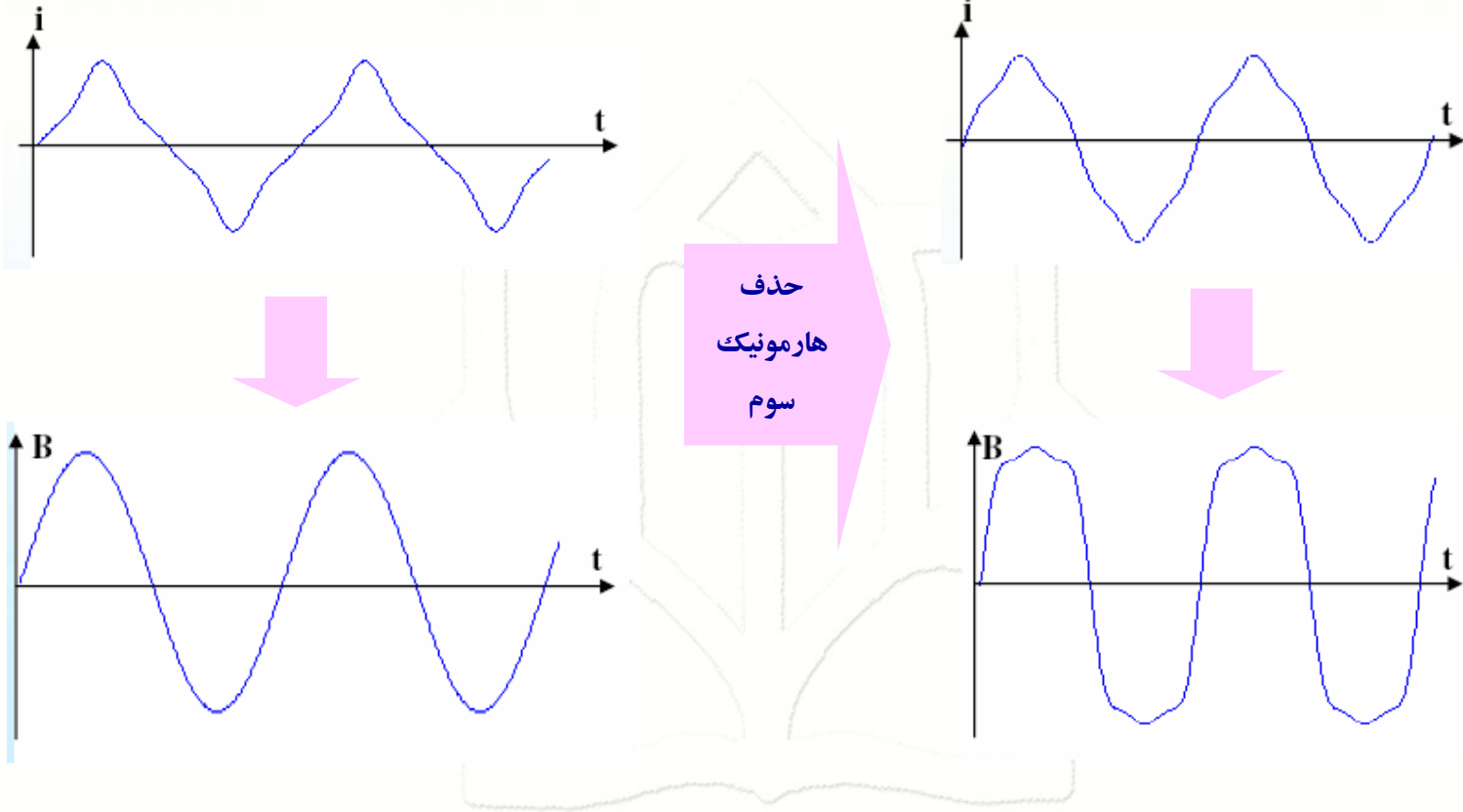
$$\left. \begin{aligned} I_{A3} &= I_{m3} \sin 3(\omega t) \\ I_{B3} &= I_{m3} \sin 3(\omega t - 120) = I_{m3} \sin(3\omega t - 360) = I_{m3} \sin(3\omega t) \\ I_{C3} &= I_{m3} \sin 3(\omega t + 120) = I_{m3} \sin(3\omega t + 360) = I_{m3} \sin(3\omega t) \end{aligned} \right\} I_{A3} + I_{B3} + I_{C3} = 3I_{m3} \sin(3\omega t)$$

مولفه سوم  
سه موج هم فاز

$$\left. \begin{aligned} I_{A5} &= I_{m5} \sin(5\omega t) \\ I_{B5} &= I_{m5} \sin 5(\omega t - 120) = I_{m5} \sin(5\omega t - 600) = I_{m5} \sin(5\omega t - 240) \\ I_{C5} &= I_{m5} \sin 5(\omega t + 120) = I_{m5} \sin(5\omega t + 600) = I_{m5} \sin(5\omega t + 240) \end{aligned} \right\} I_{A5} + I_{B5} + I_{C5} = 0$$

مولفه پنجم  
سه فاز متقارن، توالی منفی





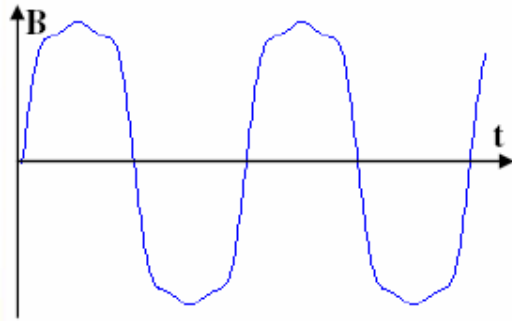
✓ در صورتیکه مسیری برای جاری شدن هارمونیک سوم جریان وجود نداشته باشد، لاجرم شار دارای هارمونیک سوم خواهد شد.





## □ هارمونیک‌ها در ترانسفورماتورها

... اثر جاری نشدن هارمونیک سوم جریان



ملاحظه می شود که شکل موج شار غیر سینوسی شده و باعث تولید ولتاژ غیر سینوسی خواهد گردید. این شکل موج دارای یک مولفه سوم مزاحم است.

می توان بطور تقریبی نوشت :

$$\phi_1 = \phi_{m1} \sin(\omega t)$$

$$\phi_3 = \phi_{m3} \sin(3\omega t)$$



$$E_1 = n \frac{d\phi_1}{dt} = n\phi_{m1} \omega \cos(\omega t)$$

$$E_3 = n \frac{d\phi_3}{dt} = n\phi_{m3} \times 3\omega \cos(3\omega t)$$

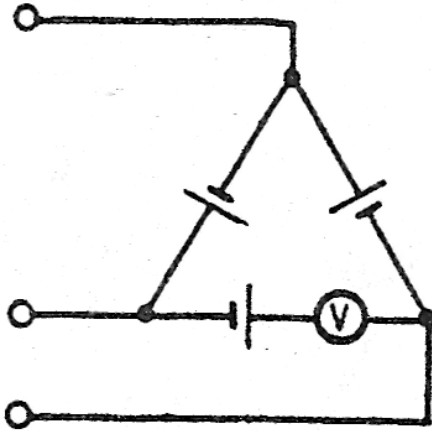
حالت اخیر ممکنست اضافه ولتاژهای بزرگی

تولید کند که باعث آسیب ترانسفورماتور یا

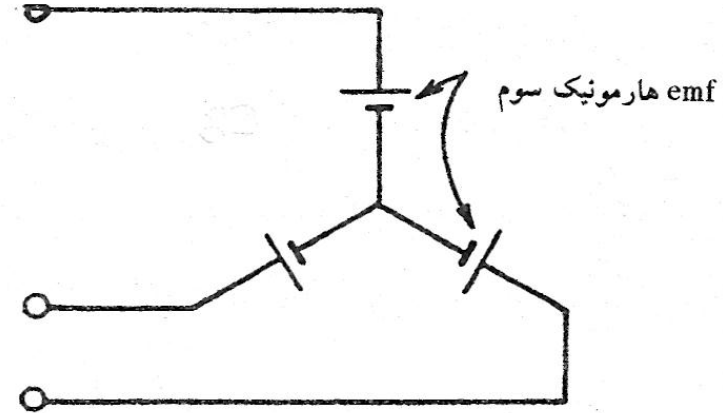
مصرف کننده شود.

$$E_{rms} = \sqrt{E_1^2 + E_3^2}$$





مولفه‌های هارمونیک سوم ولتاژ در اتصال مثلث



مولفه‌های هارمونیک سوم ولتاژ در اتصال ستاره

- ✓ در صورتیکه هارمونیک سوم ولتاژ در هر فاز اتصال ستاره بوجود آید، در ولتاژ خط، مولفه هارمونیک سوم وجود نخواهد داشت.
- ✓ در اتصال مثلث، اگر هارمونیک سوم ولتاژ در هر فاز وجود داشته باشد، در ولتاژ خط نیز مولفه هارمونیک سوم وجود خواهد داشت.
- ✓ در ادامه، وجود هارمونیک ولتاژ و جریان در اتصالات مختلف ترانسفورماتورهای سه فاز بررسی می‌شود.



□ (الف) اتصال Yy بدون زمین:

ترانسفورماتورهای با مدار مغناطیسی مجزا (بانک ترانس):

- ✓ به دلیل هم فاز بودن مولفه های هارمونیک سوم جریان، و همچنین عدم وجود هیچ مسیری برای عبور این جریان، الزاما مولفه هارمونیک سوم جریان در فازهای اولیه و ثانویه صفر خواهد شد.
- ✓ در نتیجه شار مغناطیسی دارای مولفه هارمونیک سوم زیادی (مثلا ۲۰ درصد) خواهد بود.
- ✓ لذا ولتاژ القائی ( $E_1, E_2$ ) دارای هارمونیک سوم شدید (در حد ۶۰ درصد) خواهد گردید.
- ✓ در اینحالت مقدار ولتاژ هر فاز به ۱۶۰٪ خواهد رسید که ممکن است به عایق بندی ترانس آسیب بزند.
- ✓ با این وجود، ولتاژهای خط به خط عاری از هارمونیک سوم ولتاژ می باشند.
- ✓ مقدار موثر ولتاژ هر فاز برابر با  $1/17$  برابر مولفه اصلی ولتاژ فاز است. بنابراین رابطه (ولتاژ فاز  $\times \sqrt{3}$  = ولتاژ خط) برقرار نخواهد بود.
- ✓ جریان خط در این حالت سینوسی خواهد بود.





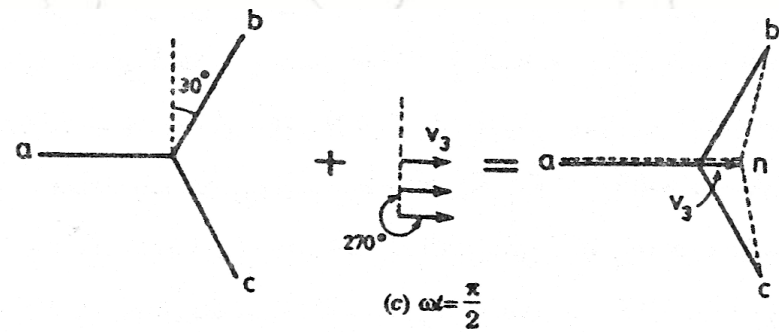
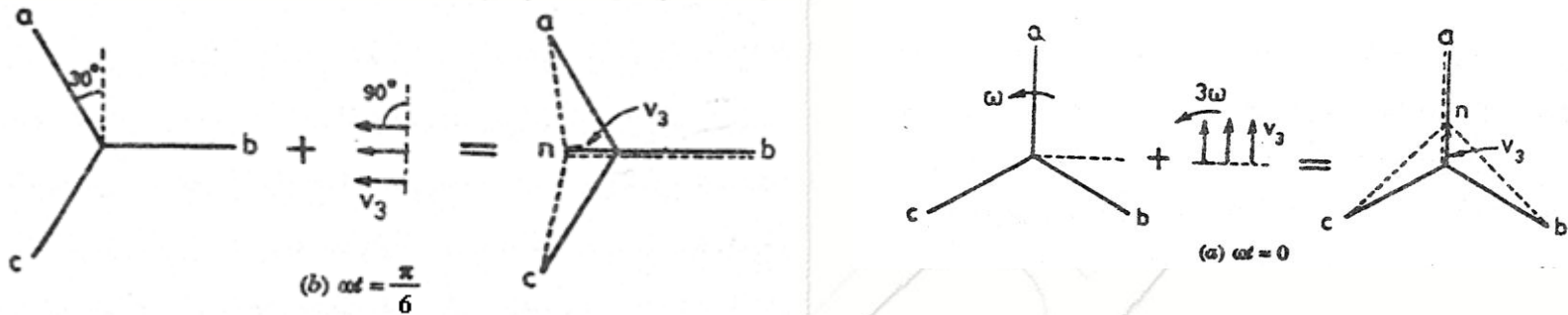
## □ هارمونیک‌ها در ترانسفورماتورها

➤ هارمونیک‌ها در اتصال ستاره-ستاره

□ ... اتصال Yy بدون زمین:

... ترانسفورماتورهای با مدار مغناطیسی مجزا (بانک ترانس):

✓ عیب دیگر این نوع آرایش، نوسان ولتاژ نقطه خنثی می باشد. لذا ولتاژ خط به نقطه خنثی دارای نوسان خواهد شد.





## □ هارمونیک‌ها در ترانسفورماتورها

➤ هارمونیک‌ها در اتصال ستاره-ستاره

### □ (ب) اتصال Yy با نقطه خنثی زمین شده:

- ✓ همانطور که قبل اشاره شد، یکی از راه‌های موجود برای حذف هارمونیک سوم ولتاژ، ایجاد یک مسیر برای عبور هارمونیک‌های سوم جریان می‌باشد.
- ✓ با استفاده از اتصال ستاره-ستاره و اتصال نقاط ستاره به زمین، جریان هارمونیک سوم قادر به جاری شدن بین ترانس و منبع (با اتصال ستاره خنثی شده) خواهد بود.
- ✓ جریان عبوری از سیم متصل به نقطه خنثی، در این حالت سه برابر جریان مغناطیس‌کننده هارمونیک سوم هر فاز می‌باشد.
- ✓ در این حالت شار فاقد مولفه هارمونیک سوم خواهد بود و در نتیجه، در ولتاژ فاز، هارمونیک سوم ولتاژ بوجود نخواهد آمد. در ولتاژ خط نیز هارمونیک سوم ولتاژ وجود نخواهد داشت.

### مشکلات این روش:

- ۱- تداخل قابل ملاحظه با خطوط مخابراتی که به موازات خطوط انتقال قدرت کشیده شده‌اند.
- ۲- هزینه بالا



## □ هارمونیک‌ها در ترانسفورماتورها

➤ هارمونیک‌ها در اتصال‌های مثلث

### □ (الف) اتصال مثلث – مثلث:

- ✓ در این نوع آرایش، هارمونیک سوم جریان در مثلث‌های اولیه و ثانویه قادر به چرخش خواهد بود و در نتیجه، هارمونیک سوم شار و ولتاژ بوجود نخواهند آمد.
- ✓ جریانهای خط و ولتاژهای خط در این آرایش، فاقد مولفه‌های هارمونیک سوم خواهند بود.
- ✓ عیب این روش همان وجود جریان چرخشی دائمی در ترانس حتی در حالت بی باری است.

### □ (ب) اتصال ستاره – مثلث:

- ✓ در این نوع آرایش، به دلیل اعمال ولتاژ سینوسی به اولیه و عدم توانایی جاری شدن جریان هارمونیک سوم در مدار ستاره، هارمونیک سوم شار مغناطیسی را بوجود می‌آورد.
- ✓ اما در مدار ثانویه، هارمونیک سوم شار، هارمونیک سوم ولتاژ را بوجود می‌آورد که در نتیجه، هارمونیک سوم جریان در مدار مثلث در ثانویه جاری خواهد گردید. جاری شدن جریان هارمونیک سوم، سبب مخالفت با عامل بوجود آورنده اش یعنی هارمونیک سوم شار شده و لذا موجب سینوسی تر شدن شار خواهد گردید.
- ✓ لذا در این آرایش شکل موجهای فاز اولیه و ثانویه تقریباً سینوسی است و وضعیت از حالت  $Yy$  بمراتب بهتر است.
- ✓ جریانهای خط نیز سینوسی هستند.
- ✓ تحلیل فوق به کمک روش تعادل  $mmf$  ها نیز قابل بیان است.

### □ (ج) اتصال مثلث – ستاره:

- ✓ این آرایش نیز مشابه آرایش ستاره – مثلث قابل تحلیل است. در این آرایش نیز ولتاژهای فازها تقریباً سینوسی است.



دانشگاه کاشان

## ❑ عیوب هارمونیک‌ها

➤ عیوب هارمونیک‌های جریان

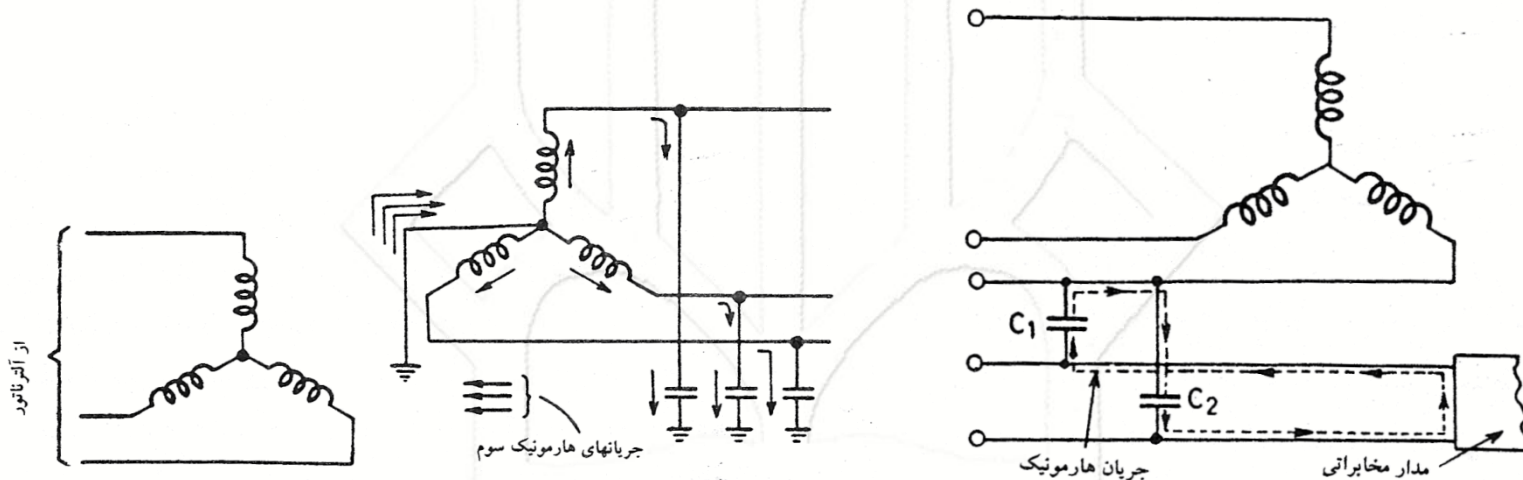
- ۱- افزایش تلفات اهمی در ترانس: وجود هارمونیک‌های گردشی
- ۲- تداخل الکترومغناطیسی با مدارهای مخابراتی: ایجاد شار هارمونیکی در اطراف خطوط انتقال و القا ولتاژ در خطوط مخابراتی که به موازات خطوط انتقال کشیده شده‌اند.
- ۳- افزایش تلفات هسته: به دلیل افزایش حداکثر دامنه شار هسته



۱- تنش ولتاژ روی عایق

۲- تداخل الکتروستاتیکی با مدارهای مخابراتی: تشدید بین اندوکتانس مدار مخابراتی و خازن خط انتقال

۳- ولتاژهای تشدید بزرگ



تشدید بین خازن خط و راکتانس هر فاز در فرکانس  $3f$

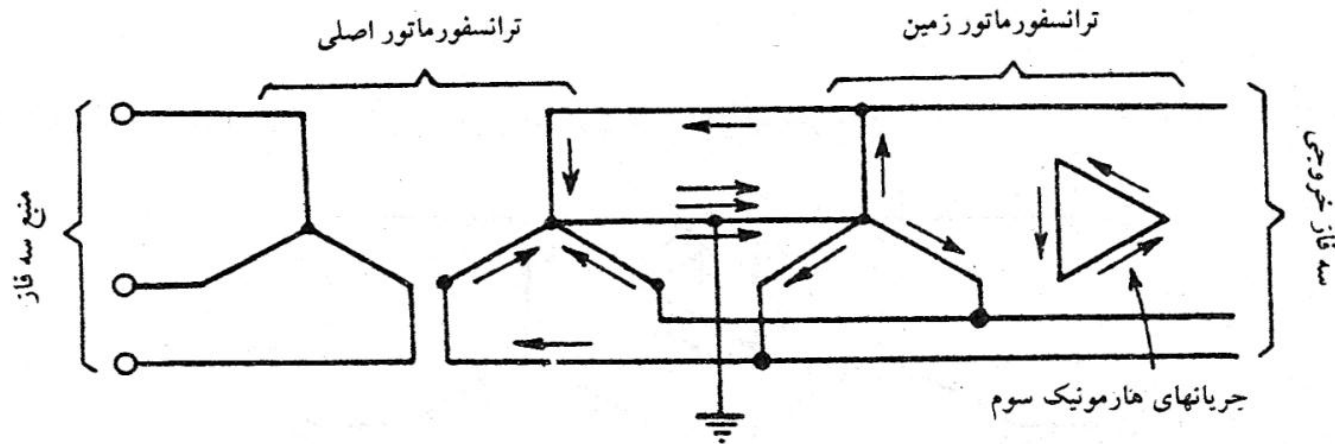
تداخل الکتروستاتیکی با مدارهای مخابراتی



۱- استفاده از اتصال مثلث در قسمت اولیه و یا ثانویه

۲- استفاده از ترانسفورماتور ستاره-مثلث زمین: در موقعیکه اتصال ترانس اصلی ستاره-ستاره باشد.

۳- استفاده از سیم‌پیچ سومین (سیم پیچ ثالثیه)



شکل ۳۷-۸: ترانسفورماتور ستاره - مثلث زمین برای حذف هارمونیکهای مضرب ۳ ولتاژ



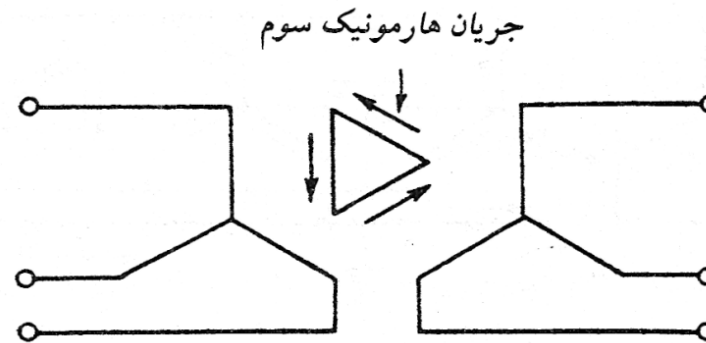
## □ روش‌های حذف هارمونیک سوم ولتاژ

➤ استفاده از سیم پیچ ثالثیه

- ✓ به ترانسهایی که شامل سیم پیچ ثالثیه هستند، ترانس سه سیم پیچه گفته می شود.
- ✓ سیم پیچ ثالثیه به صورت مثلث بسته می شود و در اغلب اوقات، سرهای آن داخل محفظه ترانسفورماتور باقی می ماند.

➤ **وظیفه سیم پیچ ثالثیه:**

- ۱- حذف هارمونیک سوم ولتاژ از خطوط متصل به اولیه و ثانویه
- ۲- ایجاد امکان تغذیه بارهای تکفاز بوسیله ترانسفورماتورهای  $Yy$
- ۳- اگر ترمینالهای آن بیرون باشد برای تغذیه مصرف کننده‌های داخلی نیروگاه یا پست استفاده می شود.



شکل ۳۸-۱: سیم پیچی سومین (ثالثیه)