

# فصل دوم

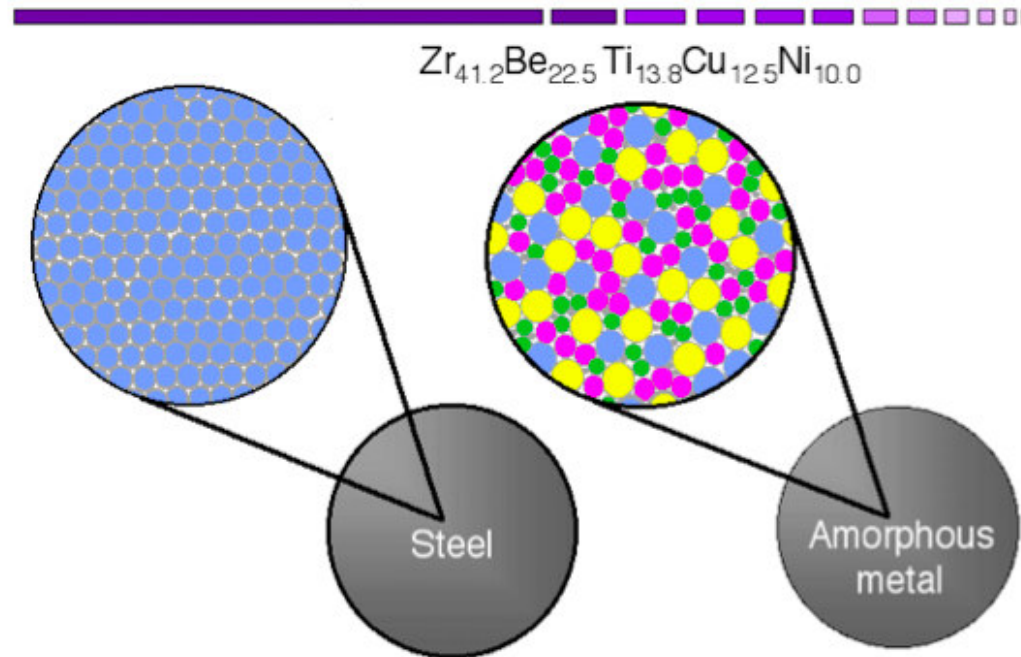
## ساختار اتمی جامدات

# ساختار اتمی جامدات

## ساختار جامدات

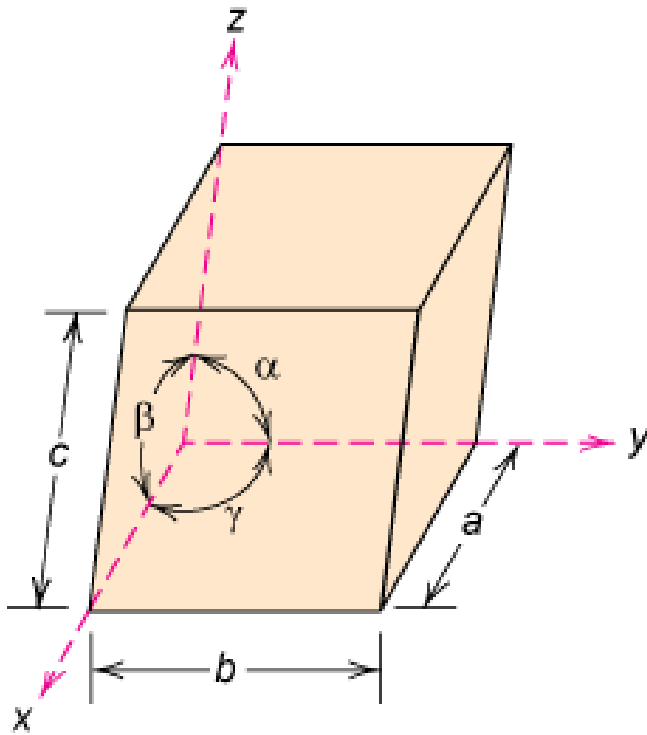
-کریستالی (بلورین): مثل فلزات، سرامیکها  
-آمورف (بی شکل): مثل شیشه، پلاستیک، لاستیک و ...

### The Importance of Structure

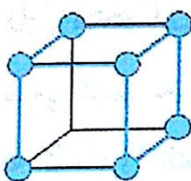
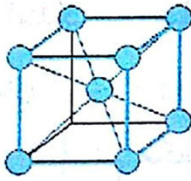
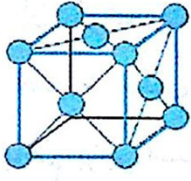
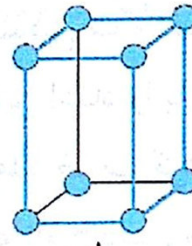
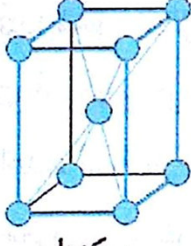
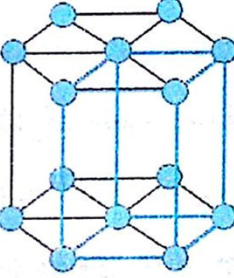
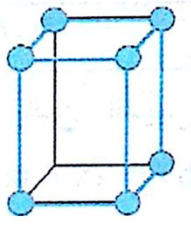
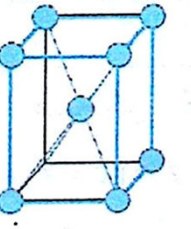
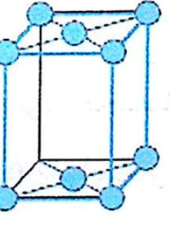
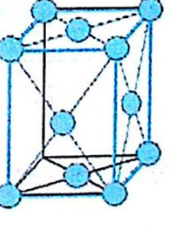
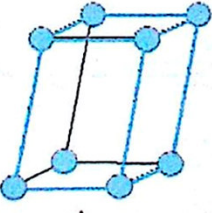
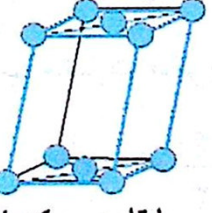
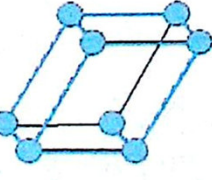
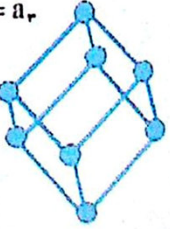


# ساختار کریستالی و شبکه های فضایی

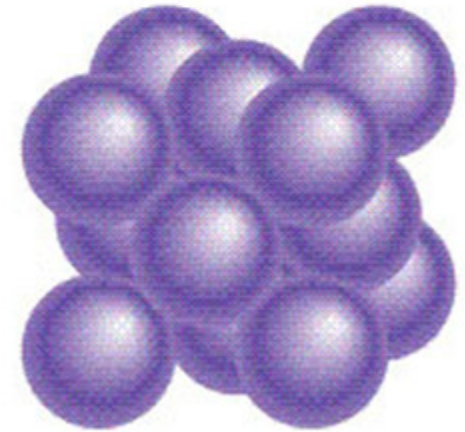
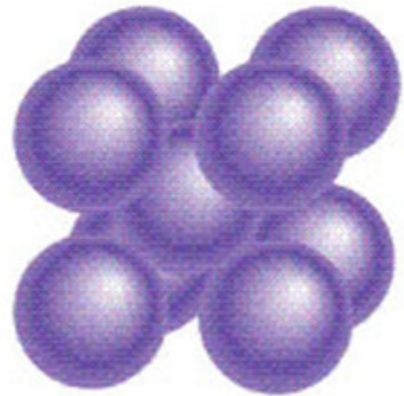
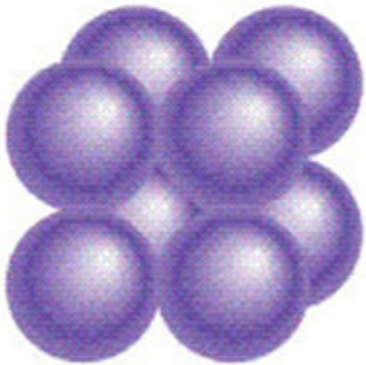
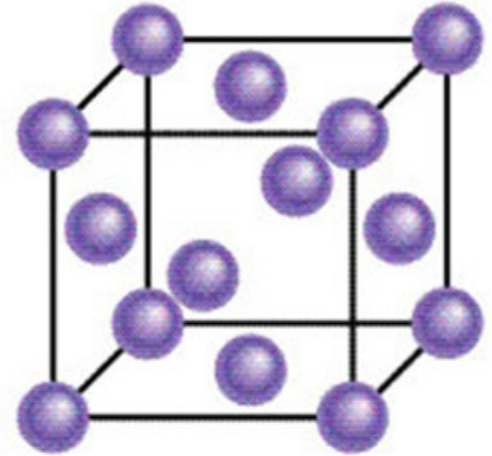
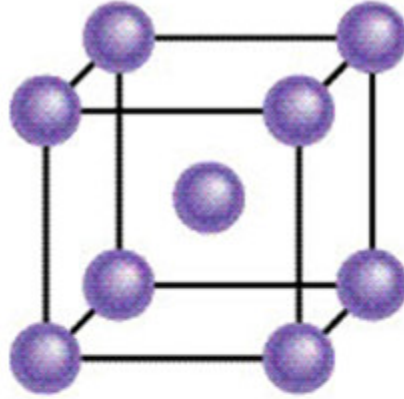
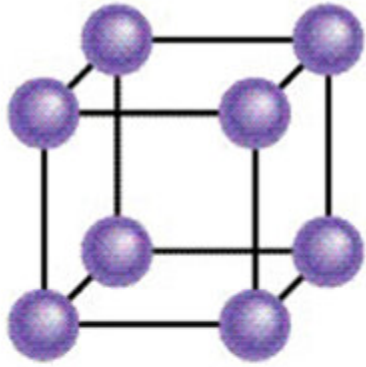
a, b و c واحدهای شبکه می باشند



# ساختار کریستالی و شبکه های فضایی

 <p>ساده</p>	 <p>مرکزدار</p>	 <p>با وجوه مرکزدار</p> <p>مکعب  <math>\alpha = \beta = \gamma = 90^\circ</math>  <math>a_1 = a_2 = a_3</math></p>	
<p><math>\alpha = \beta = \gamma = 90^\circ</math></p>  <p>ساده</p>	<p><math>a_1 = a_2 \neq a_3</math></p>  <p>مرکزدار</p> <p>تتراگونال</p>	 <p>هگزاگونال</p> <p><math>a_1 = a_2 \neq a_3</math>  <math>\alpha = \beta = 90^\circ, \gamma = 120^\circ</math></p>	
 <p>ساده</p>	 <p>مرکزدار</p>	 <p>با دو وجه مرکزدار</p>	 <p>با وجوه مرکزدار</p> <p>اورتورومبیک  <math>\alpha = \beta = \gamma \neq 90^\circ</math>  <math>a_1 \neq a_2 \neq a_3</math></p>
<p><math>\alpha = \beta = 90^\circ, \gamma \neq 90^\circ</math>  <math>a_1 \neq a_2 \neq a_3</math></p>  <p>ساده</p>	 <p>با قاعده مرکزدار</p> <p>منوکلینیک</p>	 <p>تری کلینیک</p> <p><math>\alpha \neq \beta \neq \gamma \neq 90^\circ</math>  <math>a_1 \neq a_2 \neq a_3</math></p>	 <p>رومبوهدرال</p> <p><math>\alpha = \beta = \gamma \neq 90^\circ</math>  <math>a_1 = a_2 = a_3</math></p>

# ۳ نوع شبکه مکعبی



**Simple cubic**

**Body-centered cubic**

**Face-centered cubic**

# محاسبه اتم معادل و ضریب تراکم در شبکه های کریستالی

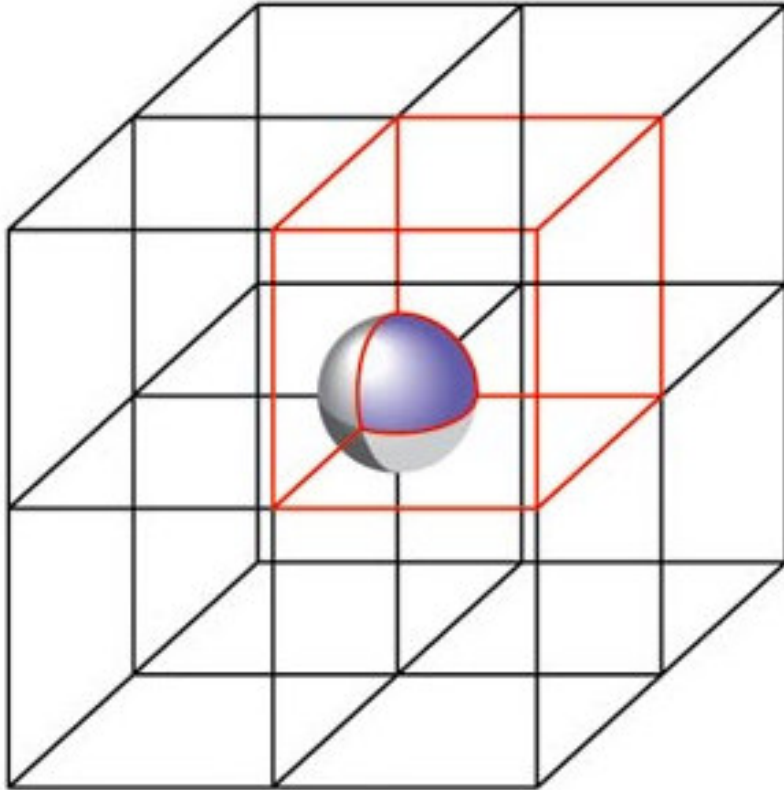
۱- شبکه مکعبی ساده (simple cubic)

۲- شبکه مکعب مرکزدار (body center cubic)

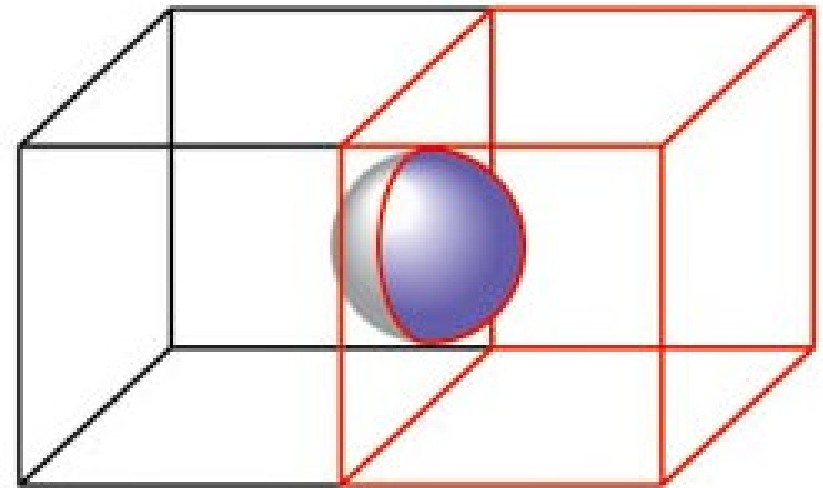
۳- شبکه مکعبی با وجوه مرکزدار (face center cubic)

۴- شبکه هگزاگونال متراکم (hexagonal close packed)

# نحوه تعیین اتم معادل

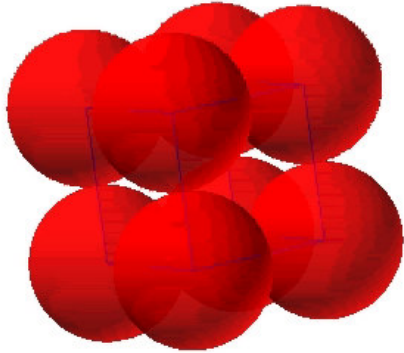


اتم معادل  $1 \times 1/8$



اتم معادل  $1 \times 1/2$

# سیستم مکعبی ساده (SC)



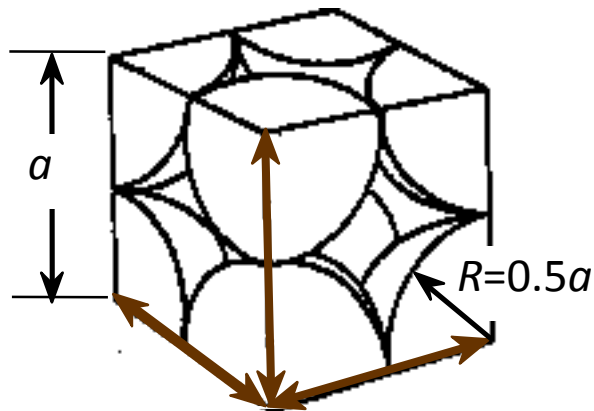
الف) تعداد اتم کامل:  $8 \times 1/8 = 1$



# سیستم مکعبی ساده (SC)

ب) محاسبه ضریب تراکم ( $APF$ )

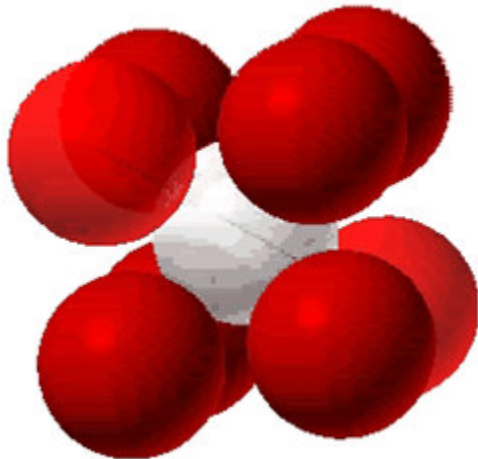
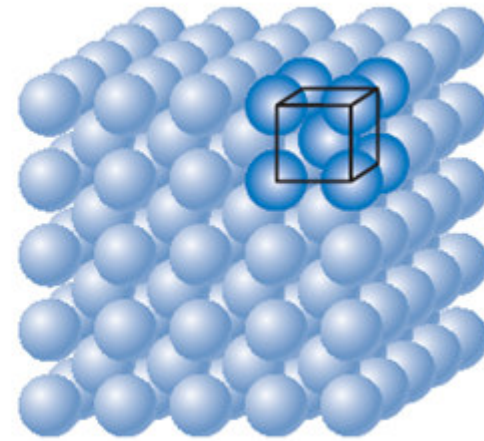
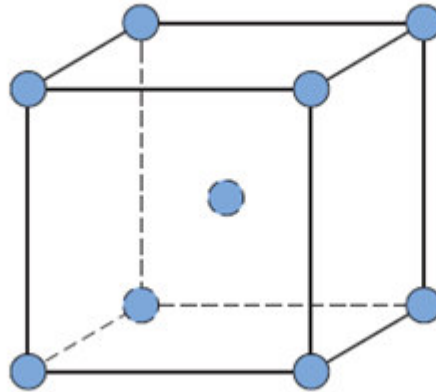
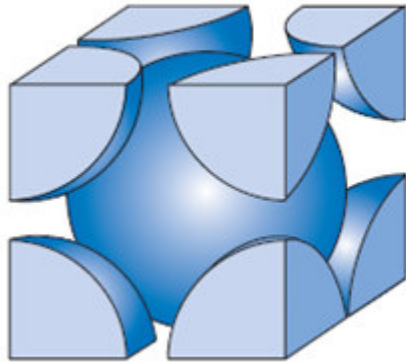
$$APF = \frac{\text{حجم اتمهای معادل در سلول واحد}}{\text{حجم سلول واحد}}$$



$$APF = \frac{\text{atoms unit cell} \times \frac{4}{3} \pi (0.5a)^3}{a^3} = 0.53$$

The diagram shows the calculation of the Atomic Packing Factor (APF) for a simple cubic unit cell. The numerator represents the volume of atoms in the unit cell, calculated as the number of atoms (1) multiplied by the volume of one atom ( $\frac{4}{3} \pi (0.5a)^3$ ). The denominator represents the volume of the unit cell ( $a^3$ ). The final result is 0.53.

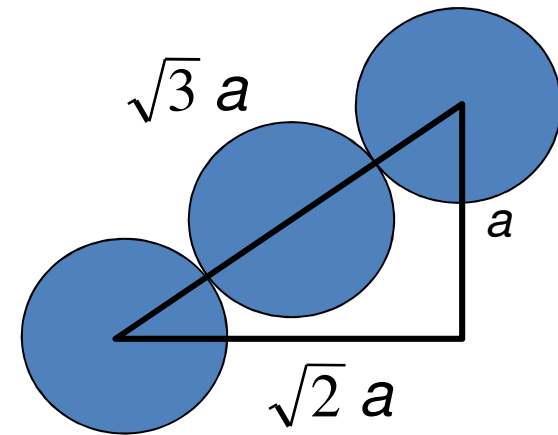
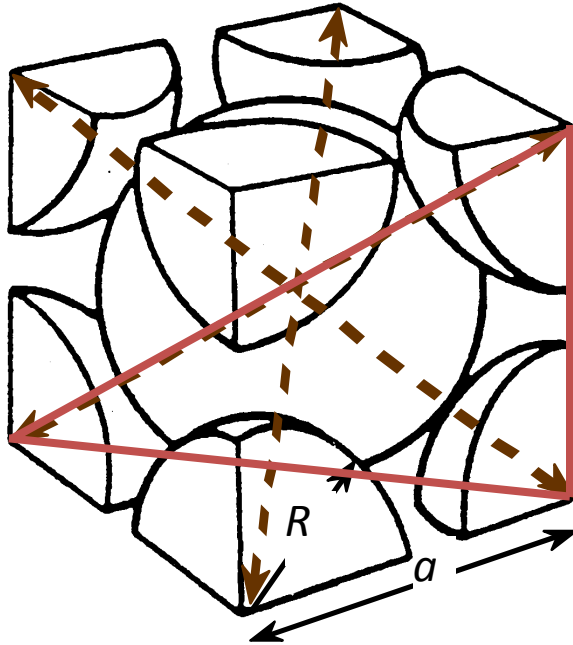
# سیستم مکعب مرکزدار (bcc)



الف) تعداد اتم کامل:  $8 \times 1/8 + 1 = 2$

# سیستم مکعب مرکزدار (bcc)

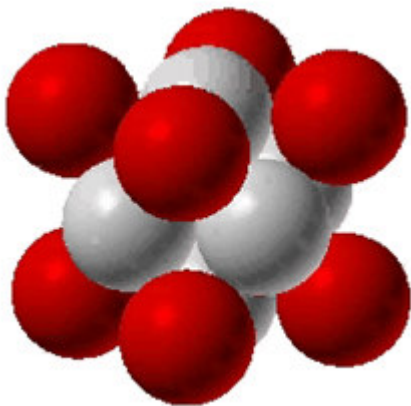
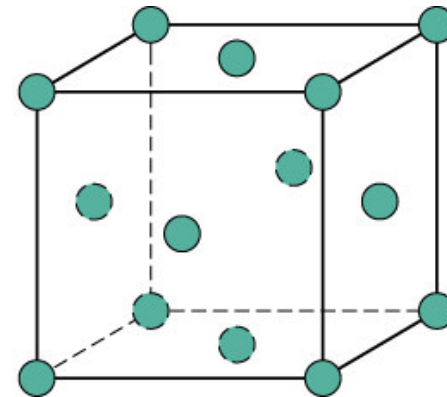
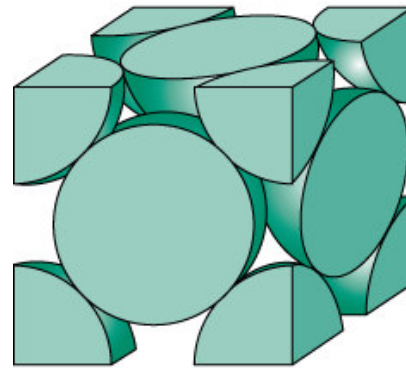
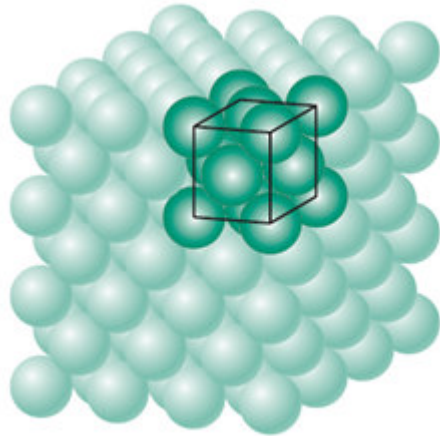
(ب) محاسبه ضریب تراکم



$$\text{APF} = \frac{\text{atoms unit cell} \times \text{volume atom}}{\text{volume unit cell}} = 0.68$$

atoms unit cell: 2  
 volume atom:  $\frac{4}{3} \pi \left( \frac{\sqrt{3} a}{4} \right)^3$   
 volume unit cell:  $a^3$

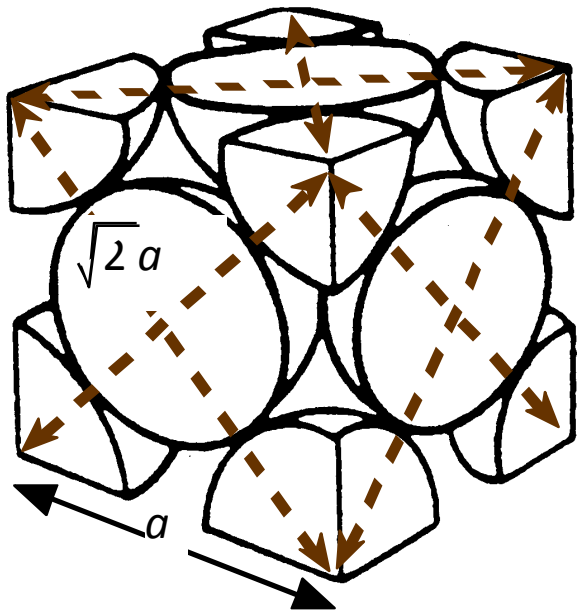
# سیستم مکعب با وجوه مرکزدار (fcc)



الف) تعداد اتم کامل:  $8 \times 1/8 + 6 \times 1/2 = 4$

# سیستم مکعب با وجوه مرکزدار (fcc)

ب) محاسبه ضریب تراکم



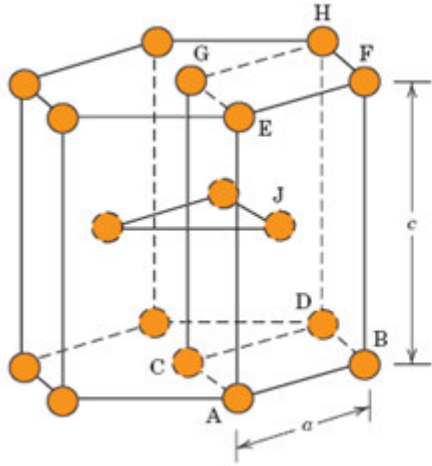
atoms  
in cell

$$\text{APF} = \frac{4 \times \frac{4}{3} \pi \left(\frac{\sqrt{2}a}{4}\right)^3}{a^3} = 0.74$$

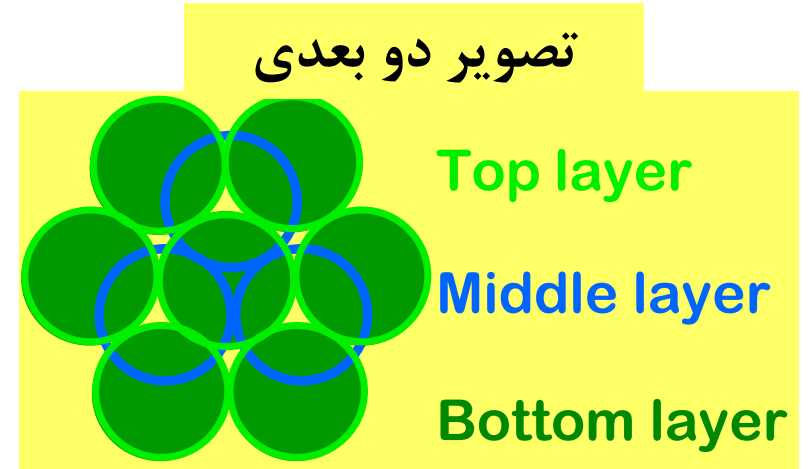
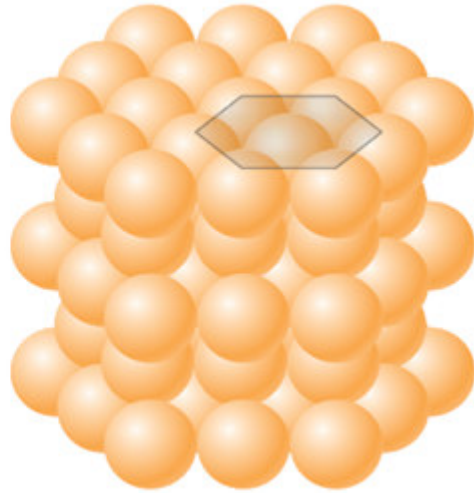
volume atom

volume unit cell

# سیستم هگزاگونال متراکم (hcp)



•  $c/a = 1.633$



الف) تعداد اتم کامل:  $12 \times 1/6 + 2 \times 1/2 + 3 = 6$

ب) ضریب تراکم: 0.74

# ساختار کریستالی برخی از فلزات

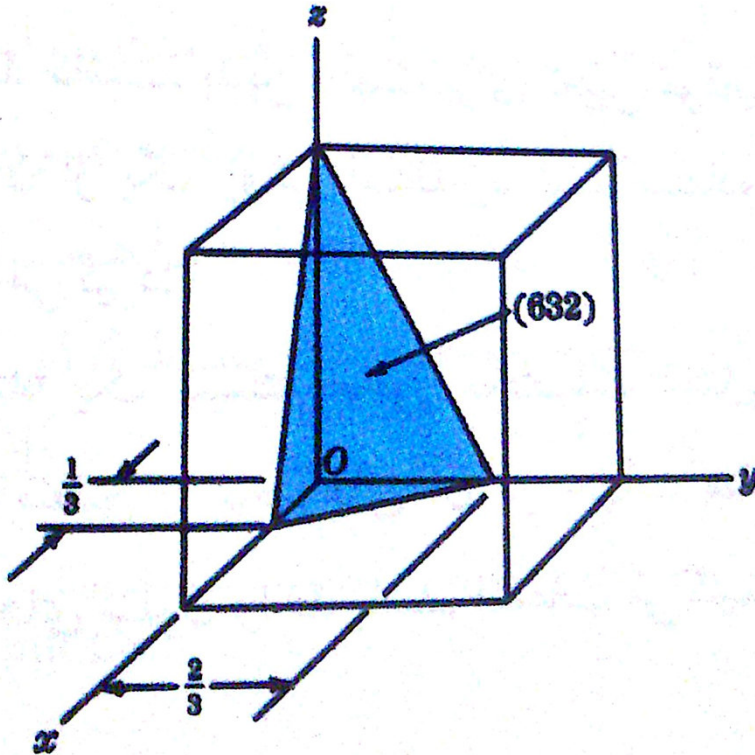
**Table 3.1 Atomic Radii and Crystal Structures for 16 Metals**

<i>Metal</i>	<i>Crystal Structure<sup>a</sup></i>	<i>Atomic Radius<sup>b</sup></i> (nm)	<i>Metal</i>	<i>Crystal Structure</i>	<i>Atomic Radius</i> (nm)
Aluminum	FCC	0.1431	Molybdenum	BCC	0.1363
Cadmium	HCP	0.1490	Nickel	FCC	0.1246
Chromium	BCC	0.1249	Platinum	FCC	0.1387
Cobalt	HCP	0.1253	Silver	FCC	0.1445
Copper	FCC	0.1278	Tantalum	BCC	0.1430
Gold	FCC	0.1442	Titanium ( $\alpha$ )	HCP	0.1445
Iron ( $\alpha$ )	BCC	0.1241	Tungsten	BCC	0.1371
Lead	FCC	0.1750	Zinc	HCP	0.1332

<sup>a</sup> FCC = face-centered cubic; HCP = hexagonal close-packed; BCC = body-centered cubic.

<sup>b</sup> A nanometer (nm) equals  $10^{-9}$  m; to convert from nanometers to angstrom units ( $\text{\AA}$ ), multiply the nanometer value by 10.

# صفحات کریستالی



محورهای مختصات	x	y	z
تقاطع با محور	1/3	2/3	1
معکوس اعداد	3	3/2	1
ضرب اعداد در کم م	6	3	2



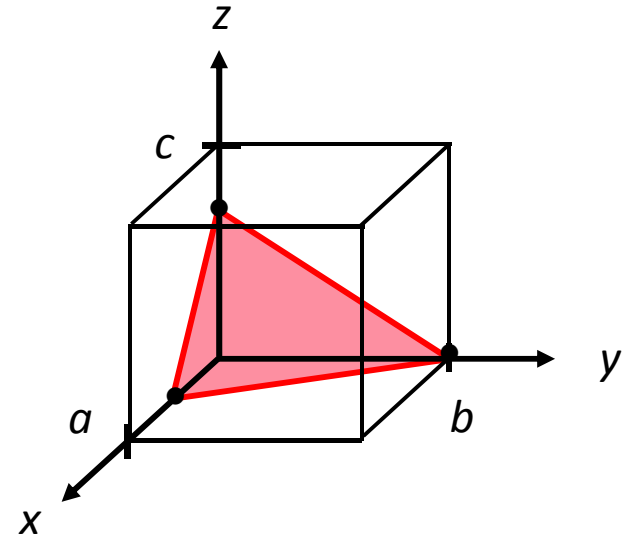
اندیس میلر

(6 3 2)

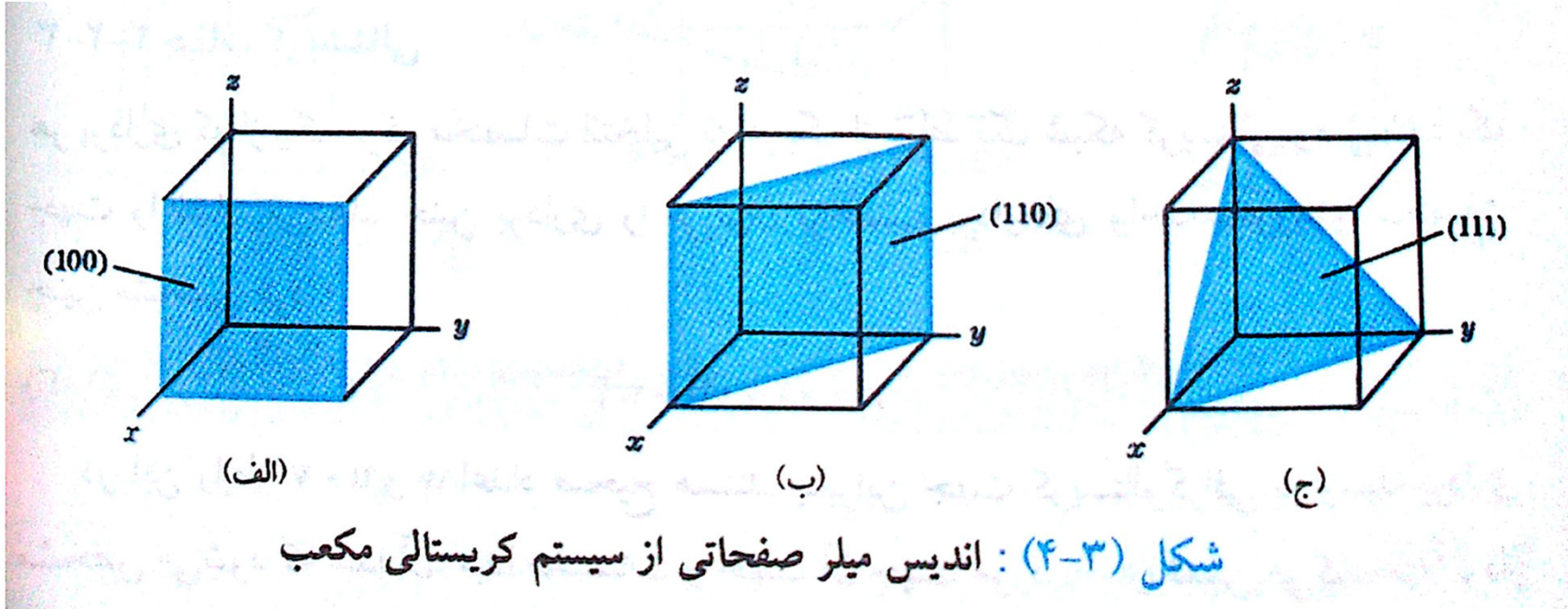


# صفحات کریستالی

$a$	$b$	$c$
$1/2$	$1$	$3/4$
$1/1/2$	$1/1$	$1/3/4$
$2$	$1$	$4/3$
$6$	$3$	$4$



# صفحات کریستالی

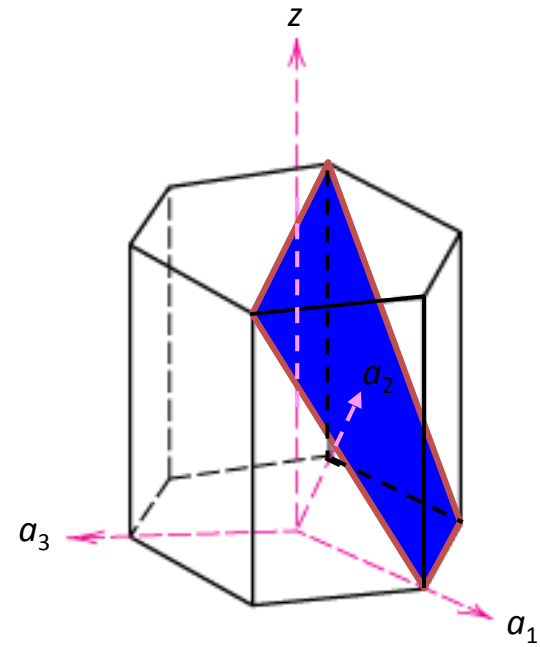


# صفحات کریستالی

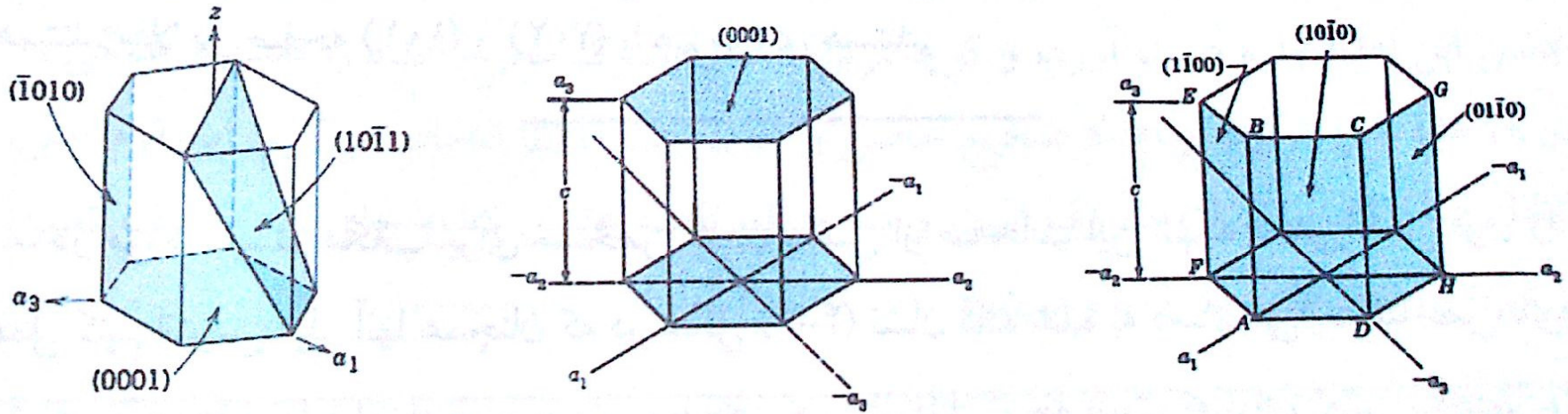
$a_1$	$a_2$	$a_3$	$c$
1	$\infty$	-1	1
1	$1/\infty$	-1	1
1	0	-1	1
1	0	-1	1

$(10\bar{1}1)$

اندیس میلر-براوایس

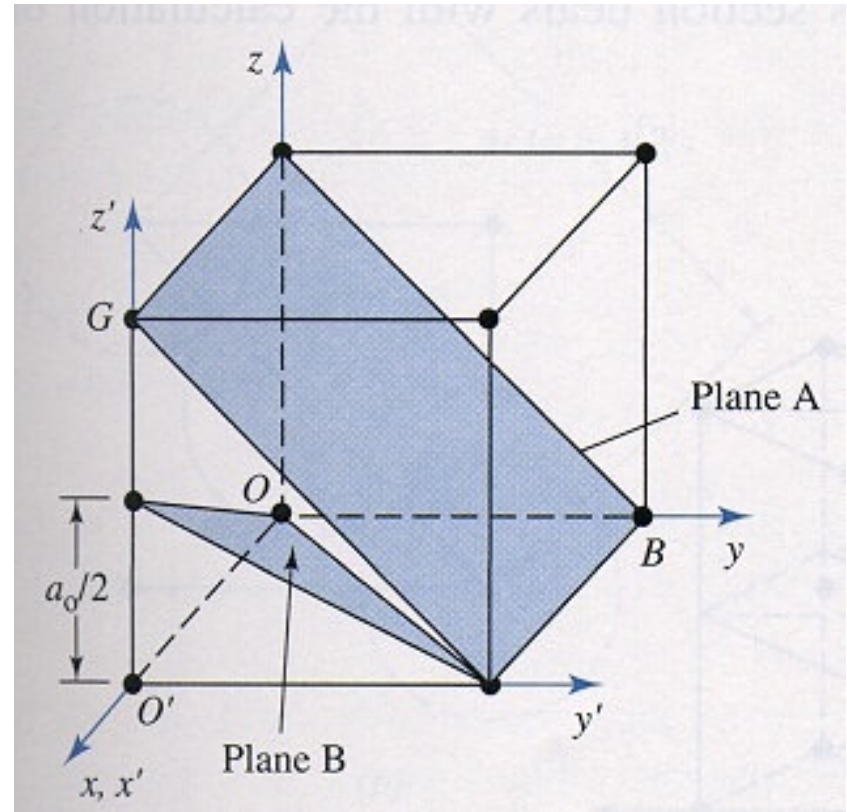
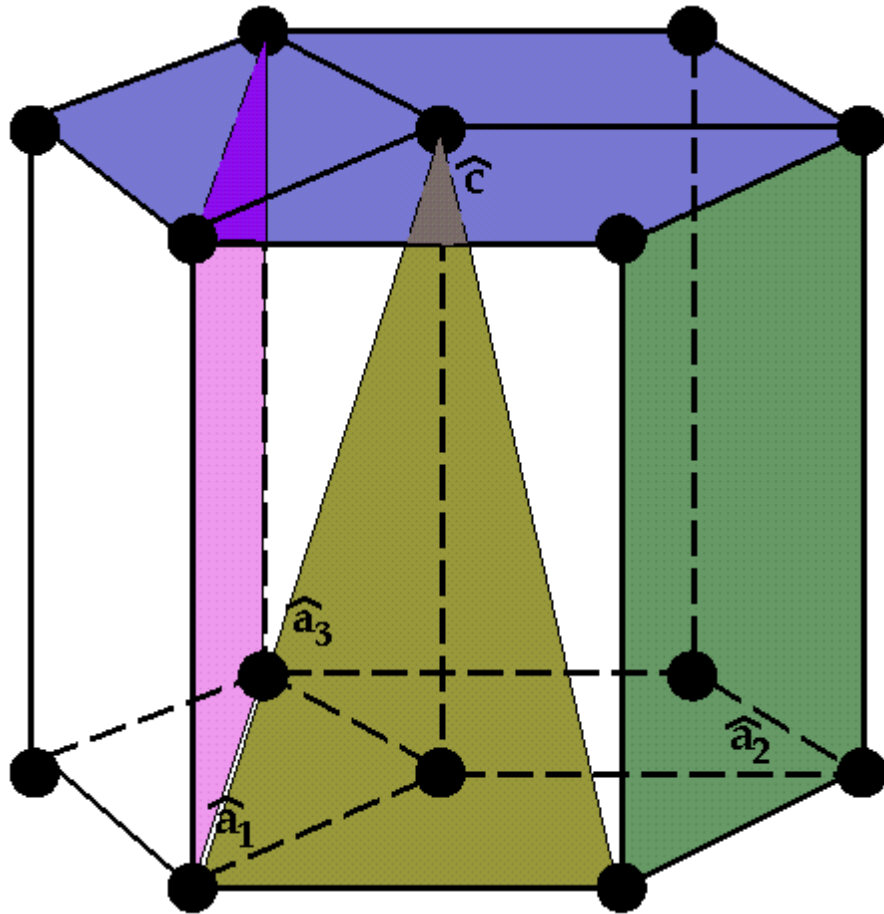


# صفحات کریستالی

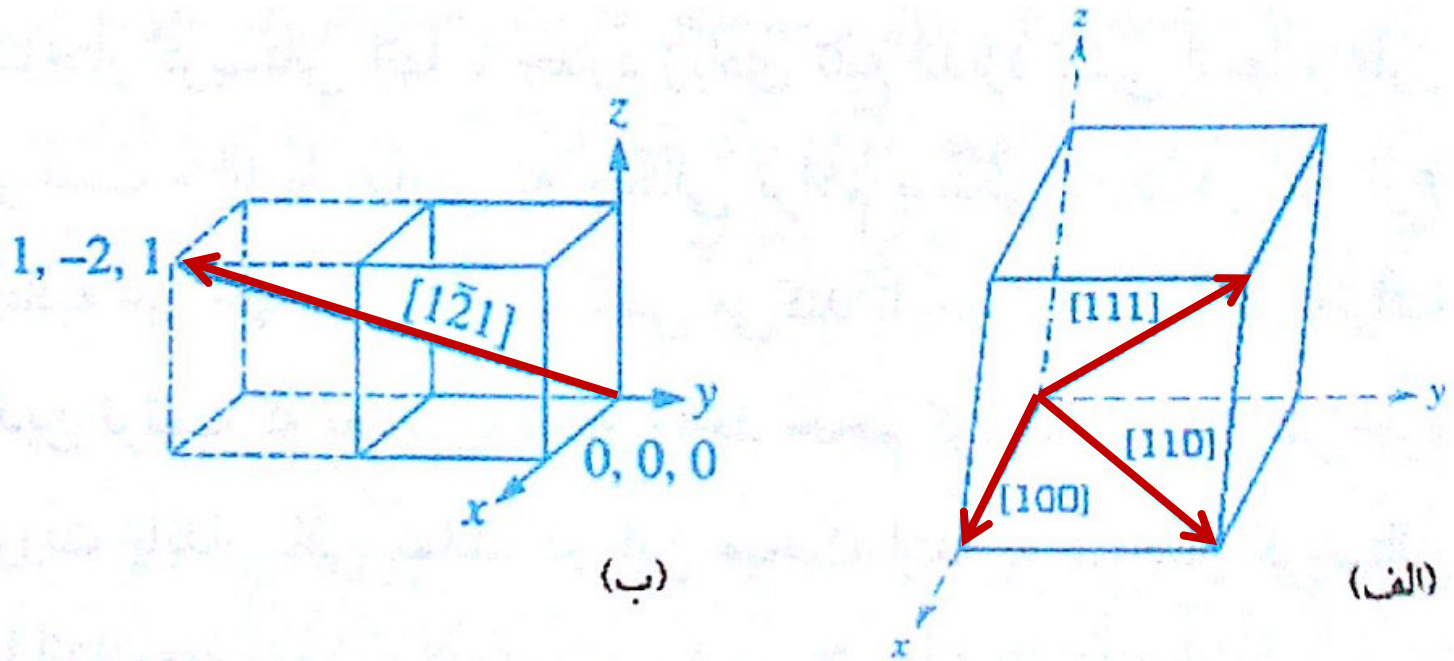


شکل (۵-۳): اندیس‌های میلر - براویس صفحه‌هایی از سیستم هگزاگونال، [۳].

# صفحات کریستالی

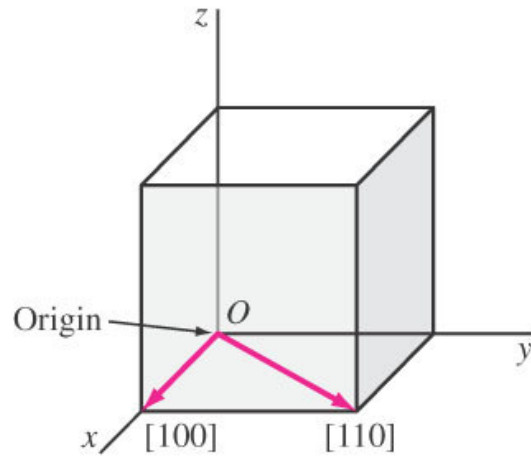


# جهات کریستالی

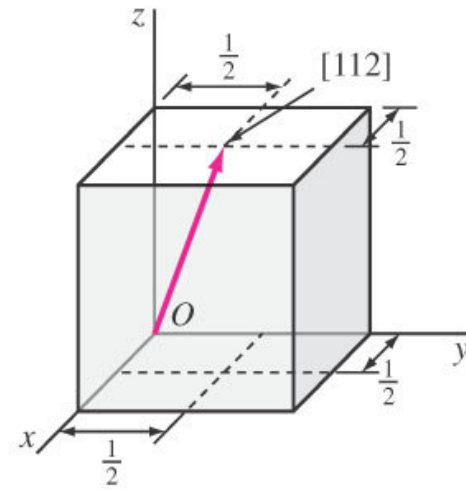


شکل (۳-۶): اندیس میلر جهات شبکه کریستالی در سیستم مکعب

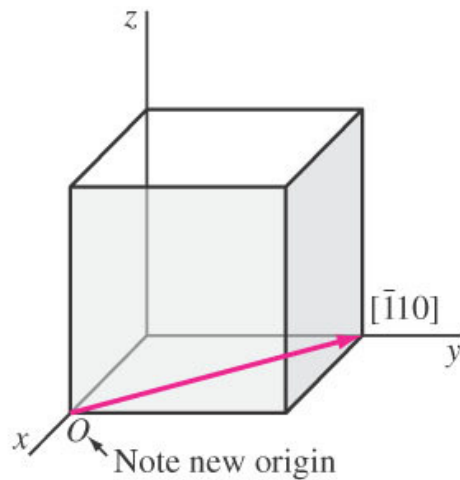
# جہات کریستالی



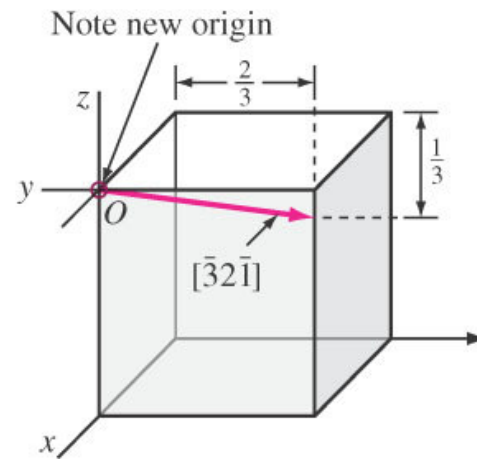
a



b

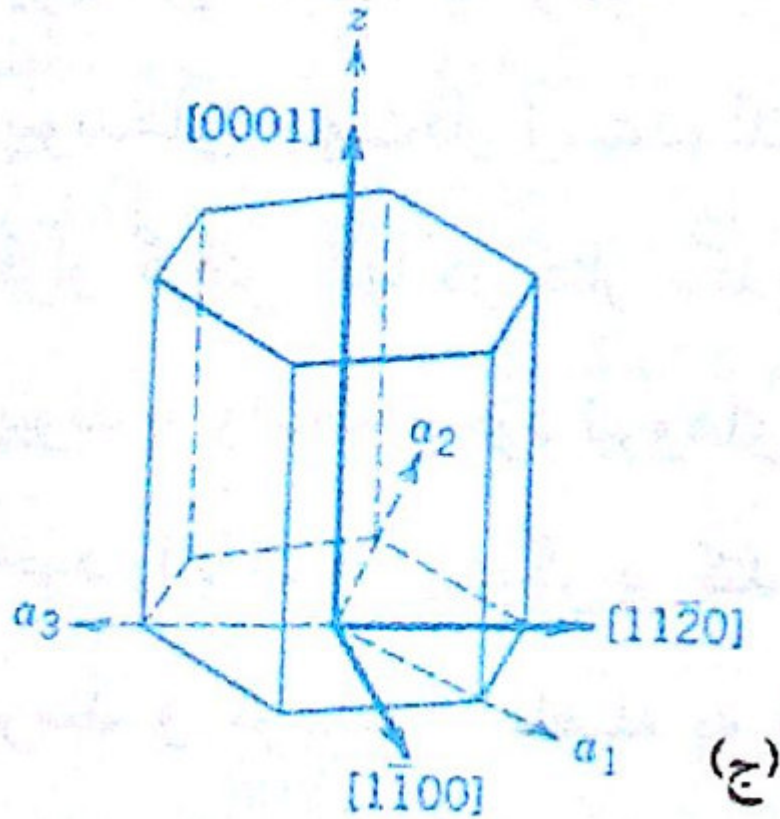


c



d

# جہات کریستالی



• اندیس میلر  $[a_1 a_2 a_3 c]$



# محاسبه چگالی تئوری مواد

$$\rho = \frac{\text{جرم اتمهای یک سلول}}{\text{حجم سلول}} = \rho = \text{چگالی}$$

$$\rho = \frac{n A}{V_C N_A}$$

$n$  = تعداد اتمهای سلول

$A$  = جرم اتمی (g/mol)

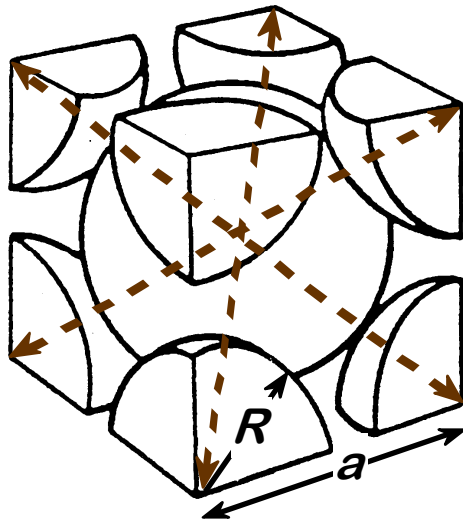
$V_C = a^3$  = حجم سلول واحد

$N_A$  = عدد آووگادرو

=  $6.022 \times 10^{23}$  atoms/mol

# محاسبه چگالی تئوری مواد

مثال: Cr (BCC)

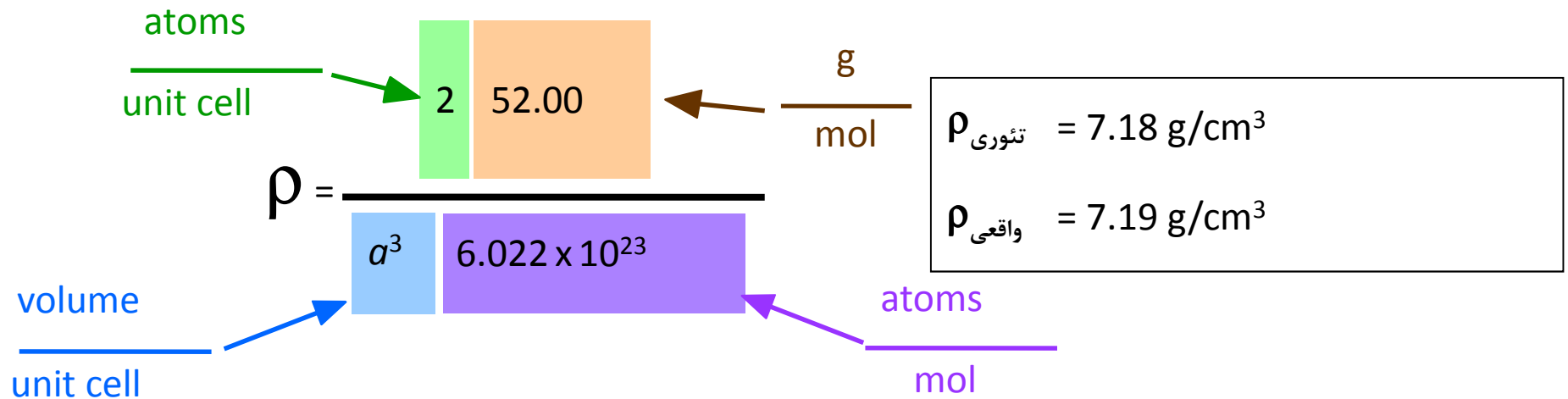


$$A = 52.00 \text{ g/mol}$$

$$R = 0.125 \text{ nm}$$

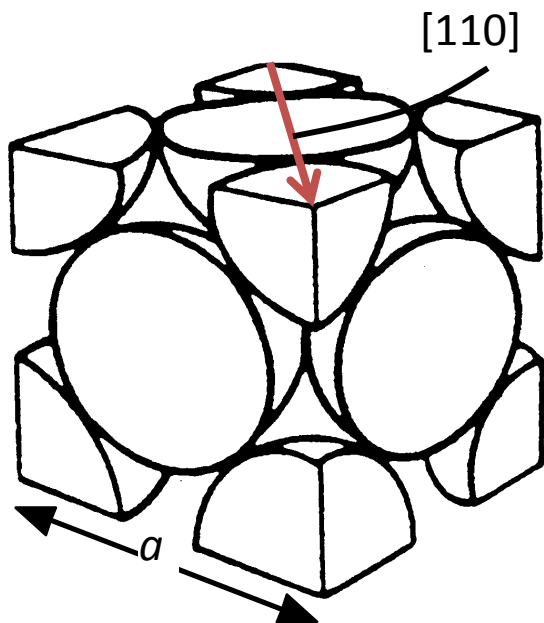
$$n = 2 \text{ atoms/unit cell}$$

$$a = 4R\sqrt{3} = 0.2887 \text{ nm}$$



# چگالی خطی

$$LD \equiv \text{چگالی خطی اتمها} = \frac{\text{تعداد اتمهای موجود بر روی خط}}{\text{طول خط}}$$



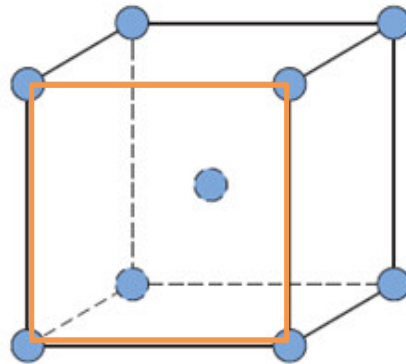
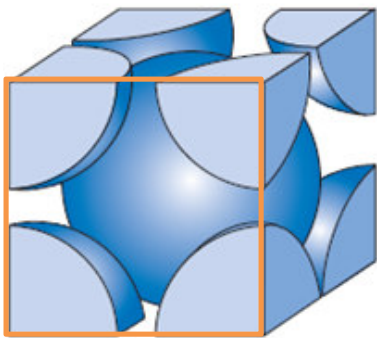
**مثال:** مطلوبست دانسیته خطی در  $Al$  و در راستای  $[110]$  اگر ثابت شبکه در  $Al$  برابر با  $a = 0.405 \text{ nm}$  باشد.

$$LD = \frac{\text{تعداد اتم}}{\text{طول خط}} = \frac{2}{\sqrt{2}a} = 3.5 \text{ nm}^{-1}$$

# چگالی صفحه ای

$$PD = \frac{\text{تعداد اتمهای موجود بر روی صفحه}}{\text{مساحت صفحه}}$$

**مثال:** مطلوبست دانسیته صفحه ای در آهن با ساختار bcc و در صفحه (۱۰۰) اگر شعاع اتمهای آهن برابر 0.1241nm باشد.



$$PD = \frac{\text{تعداد اتمها}}{a^2} = \frac{1}{\left(\frac{4\sqrt{3}}{3}R\right)^2} = 12.1 \frac{\text{اتم}}{\text{nm}^2} = 1.2 \times 10^{19} \frac{\text{اتم}}{\text{m}^2}$$

تعداد اتمها → 1  
مساحت صفحه →  $a^2$

جدول (۱-۳): ساختار شبکه کریستالی تعدادی از مواد. [۳]

نام عنصر	علامت اختصاری	عدد اتمی	وزن اتمی g/mol	نوع شبکه	شعاع اتمی (r) Å	واحد شبکه (a) Å	چگالی $\times 10^3 \text{ kg/m}^3$
آلومینیم	Al	۱۳	۲۶/۹۸	fcc	۱/۴۳	۴۰۵	۲/۶۹۹
آرسنیک	As	۳۳	۷۴/۹۲	هگزاگونال	۱/۲۵	a=۳۷۵۹ c=۱۰/۵۴۸	۵/۷
آنتیموان	Sb	۵۱	۱۲۱/۷۵	هگزاگونال	۱/۶۰	a=۴۳۰۷ c=۱۱/۲۷۳	۶/۶۹
اورانیم	U	۹۲	۲۳۸/۰۳	اورتورمیک*	۱/۳۸	a=۲/۸۵۸ b=۵/۸۷۶ c=۴/۹۵۴	۱۹/۰۷
آهن	(α) Fe	۲۶	۵۵/۸۵	bcc	۱/۲۴	۲/۸۶۶	۷/۸۷
»	(γ) Fe	۲۶	۵۵/۸۵	fcc	۱/۲۶	۳/۵۸۹	
»	(δ) Fe	۲۶	۵۵/۸۵	bcc	۱/۲۷	۲/۹۳۳	
باریم	Ba	۵۶	۱۳۷/۳۳	bcc	۲/۱۷	۵/۰۱۱	۳/۵
بر	B	۵	۱۰/۸۱	اورتورمیک	۰/۹۷	a=۱۷/۶۴ b=۲۵/۰۰ c=۱۰/۲۶	۲/۳۴
برلیوم	Be	۴	۹/۰۱	hcp	۱/۱۳	a=۲/۲۸۶ c=۳/۵۴۴	۱/۸۴۸
بیسوت	Bi	۸۳	۲۰۸/۹۸	هگزاگونال	۱/۸۲	a=۴/۵۴۵ c=۱۱/۸۶	۹/۸۰۸
پالادیم	Pd	۴۶	۱۰۶/۴	fcc	۱/۳۷	۳/۸۷۵	۱۲/۰۲
پتاسیم	K	۱۹	۳۹/۱	bcc	۲/۳۸	۵/۴۹۲	۰/۸۶۲
پلاتین	Pt	۷۸	۱۹۵/۰۸	fcc	۱/۳۹	۳/۹۳۳	۲۱/۴۵
تنالتام	Ta	۷۳	۱۸۰/۹۵	bcc	۱/۴۳	۳/۳۰۲	۱۶/۶
تنگستن	W	۷۴	۱۸۳/۸۵	bcc	۱/۳۷	۳/۱۵۸	۱۹/۳
تیتانیوم	Ti	۲۲	۴۷/۸۸	hcp*	۱/۴۷	a=۲/۹۵۰ c=۴/۶۸۲	۴/۵۰۷
روی	Zn	۳۰	۶۵/۳۹	hcp	۱/۳۳	a=۲/۶۶۵ c=۴/۹۴۷	۷/۱۳
زیرکونیم	Zr	۴۰	۹۱/۲۲	hcp*	۱/۶۰	a=۳/۲۳۱ c=۵/۱۴۷	۶/۵
ژرمانیم	Ge	۳۲	۷۲/۵۹	مکعب الماسی	۱/۳۹	۵/۶۵۶	۵/۳۲
سدیم	Na	۱۱	۲۲/۹۹	bcc	۱/۹۲	۵/۶۵۷	۰/۹۷۱

ادامه جدول (۱-۳): ساختار شبکه کریستالی تعدادی از مواد. [۳]

نام عنصر	علامت اختصاری	عدد اتمی	وزن اتمی g/mol	نوع شبکه	شعاع اتمی (r) Å	واحد شبکه (a) Å	چگالی $\times 10^3 \text{ kg/m}^3$
سرب	Pb	۸۲	۲۰۷/۱۹	fcc	۱/۷۵	۴/۹۵	۱۱/۳۶
سیلیسیم	Si	۱۴	۲۸/۰۹	مکعب الماسی	۱/۱۷	۵/۴۳۱	۲/۳۳
طلا	Au	۷۹	۱۹۶/۹۷	fcc	۱/۳۹	۴/۰۷۸	۱۹/۳۲
فسفر	P	۱۵	۳۰/۹۷	اورتورمیک	۱/۱۰	a=۳/۳۱ b=۴/۳۸ c=۱۰/۵۰	۱/۸۲
قلع خاکستری	Sn	۵۰	۱۱۸/۶۹	مکعب الماسی	۱/۵۸	۶/۴۹۱	۷/۲۹۸
قلع سفید	Sn	۵۰	۱۱۸/۶۹	تراگونال	۱/۵۸	a=۵/۸۳۱ c=۳/۱۸۱	
کادمیم	Cd	۴۸	۱۱۲/۴۱	hcp**	۱/۴۸	a=۲/۹۷۸ c=۵/۶۱۷	۸/۶۵
کبالت	Co	۲۷	۵۸/۹۳	hcp**	۱/۲۵	a=۲/۵۰۷ c=۴/۰۶۹	۸/۸۵
کربن (گرافیت)	C	۶	۱۲/۰۱	هگزاگونال	۰/۷۷	a=۴/۲۵۵ c=۶/۴۰۷	۲/۲۵
کربن (الماس)	C	۶	۱۲/۰۱	مکعب الماسی	۰/۷۷	۳/۵۶۷	۳/۵۲
کروم	Cr	۲۴	۵۱/۹۹۶	bcc*	۱/۲۶	۲/۸۸۴	۷/۱۹
گوگرد	S	۱۶	۳۲/۰۶	اورتورمیک	۱/۰۴	a=۱۰/۴۸ b=۱۲/۹۲ c=۲۴/۵۵	۲/۰۷
لیتیم	Li	۳	۶/۹۴	bcc	۱/۵۷	۳/۵۲۵	۰/۵۳۶
مس	Cu	۲۹	۶۳/۵۵	fcc	۱/۲۸	۳/۶۱۵	۸/۹۴
مولیبیدن	Mo	۴۲	۹۵/۹۴	bcc	۱/۳۶	۳/۱۴۷	۱۰/۲۲
منگنز	Mn	۲۵	۵۴/۹۴	مکعبی*	۱/۱۸	۸/۹۲۲	۷/۴۴
منیزیم	Mg	۱۲	۲۴/۳۱	hcp	۱/۶۰	a=۳/۲۰۹ c=۵/۲۰۹	۱/۷۴
نیکل	Ni	۲۸	۵۸/۶۹	fcc	۱/۲۵	۳/۵۱۷	۸/۹۰
نقره	Ag	۴۷	۱۰۷/۸۷	fcc	۱/۴۴	۴/۰۸۶	۱۰/۴۹
نیوبیم	Nb	۴۱	۹۲/۹۱	bcc	۱/۴۷	۳/۲۹۵	۸/۵۷
وانادیم	V	۲۳	۵۰/۹۴	bcc	۱/۳۶	۳/۰۲۸	۶/۱

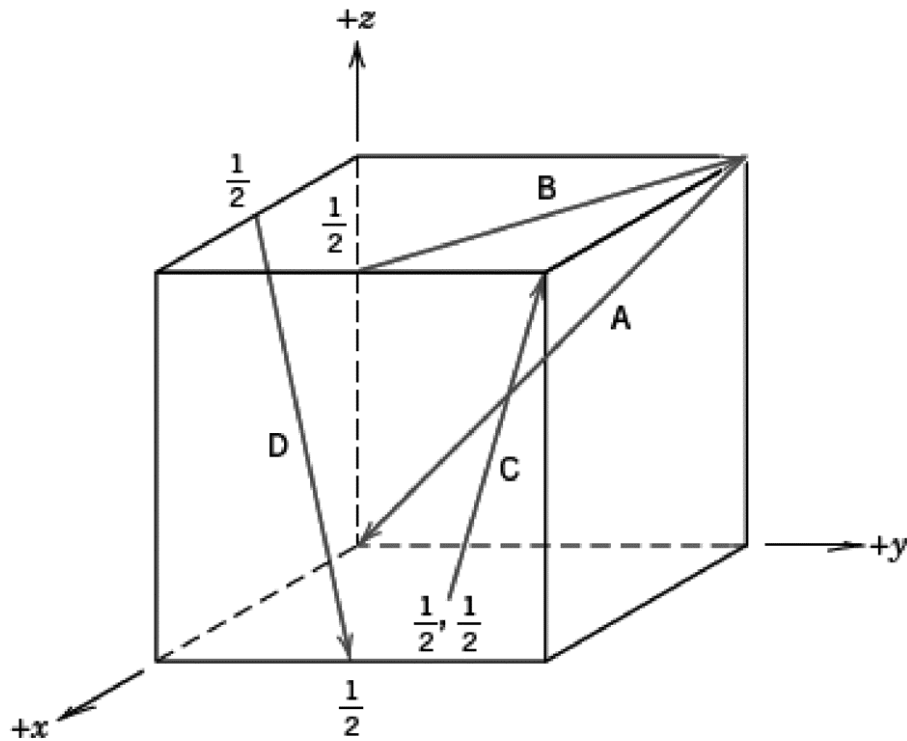
\* اعداد داده شده برای شعاع اتمی و واحد شبکه در درجه حرارت معمول محیط است (به غیر از عنصر آهن)  
\*\* این عنصر دارای شبکه‌های کریستالی دیگر هم در دماهای دیگر است.

# تمرین

- ۱- آلیاژی شامل 85% وزنی مس و 15% وزنی قلع است. درصد اتمی هر عنصر را محاسبه کنید. ( $A_{Sn}=118.7\text{g/mol}$ - $A_{Cu}=63.5\text{g/mol}$ )
- ۲- شبکه کریستالی کروم (bcc) را ترسیم کنید و صفحه (۱۰۲) را سایه بزنید. چگالی صفحه ای اتمها چقدر است؟
- ۳- صفحه نازکی از طلا دارای ضخامت 0.08mm و سطح  $670\text{mm}^2$  است. الف) طلا ساختاری مکعبی با  $a=0.4076\text{nm}$  دارد. در این صفحه چند سلول واحد وجود دارد؟ ب) اگر چگالی طلا  $19.32\text{g/cm}^3$  باشد، جرم هر سلول واحد چقدر است؟

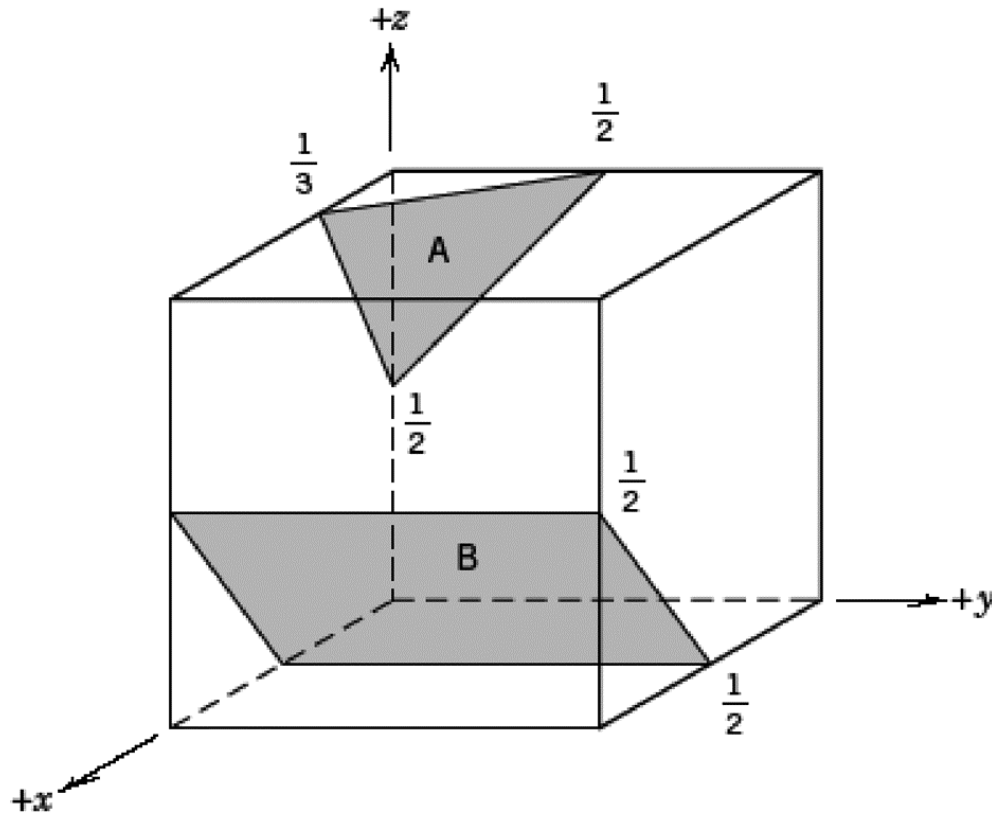
# تمرین

- جهات کریستالی در شکل زیر را نامگذاری کنید.



# تمرین

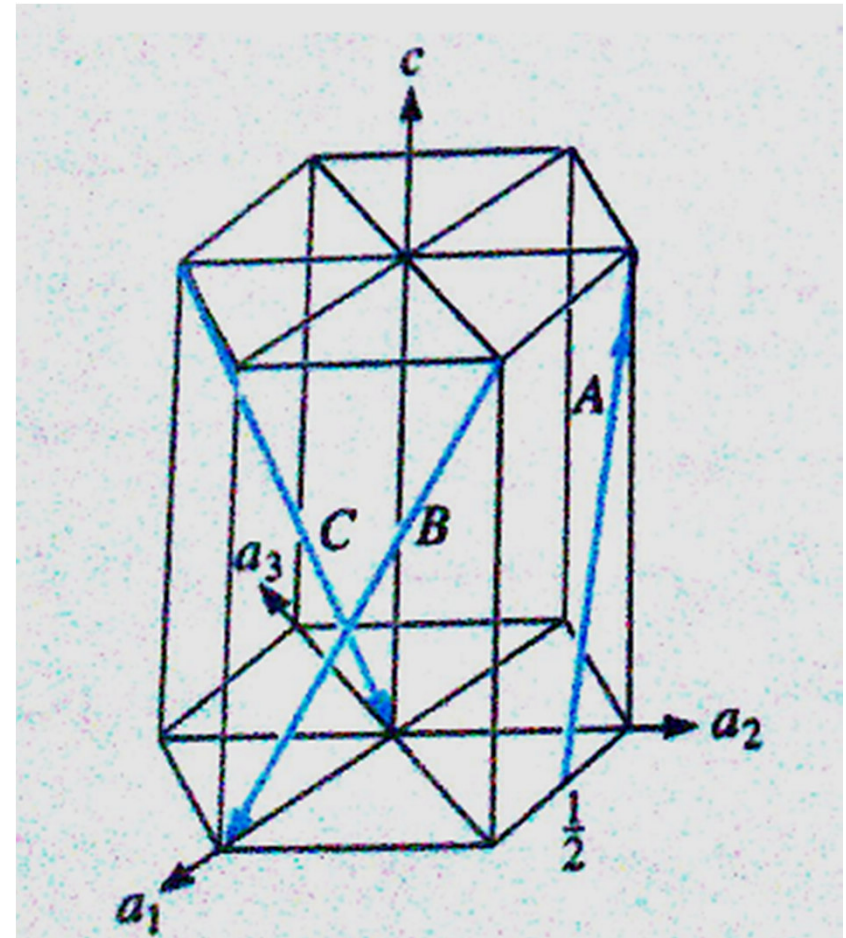
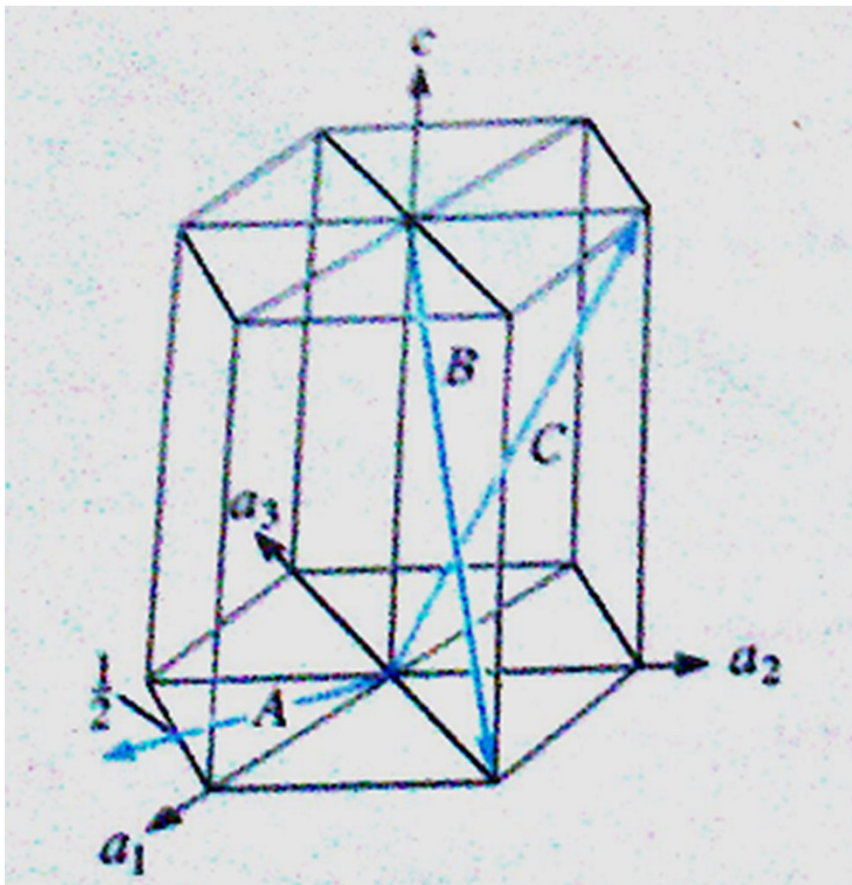
- اندیس گذاری میلر صفحات زیر را بنویسید.





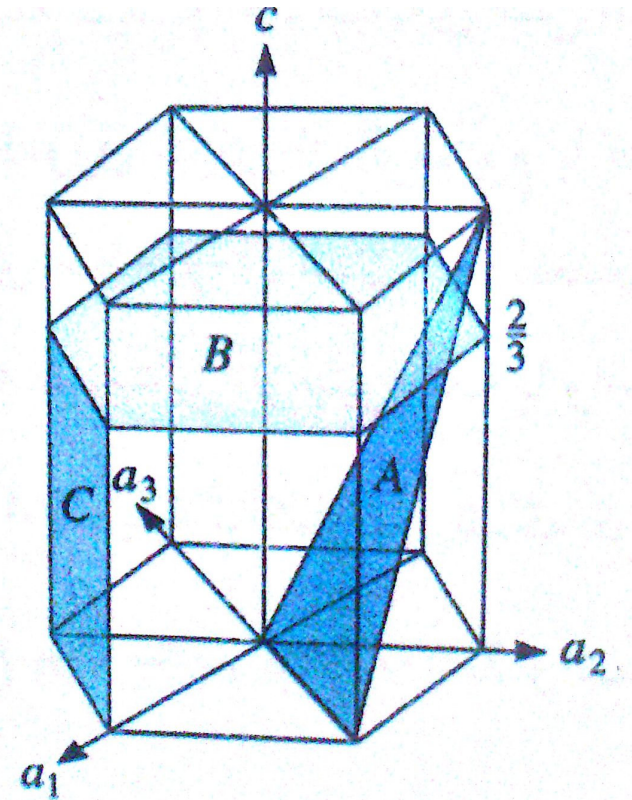
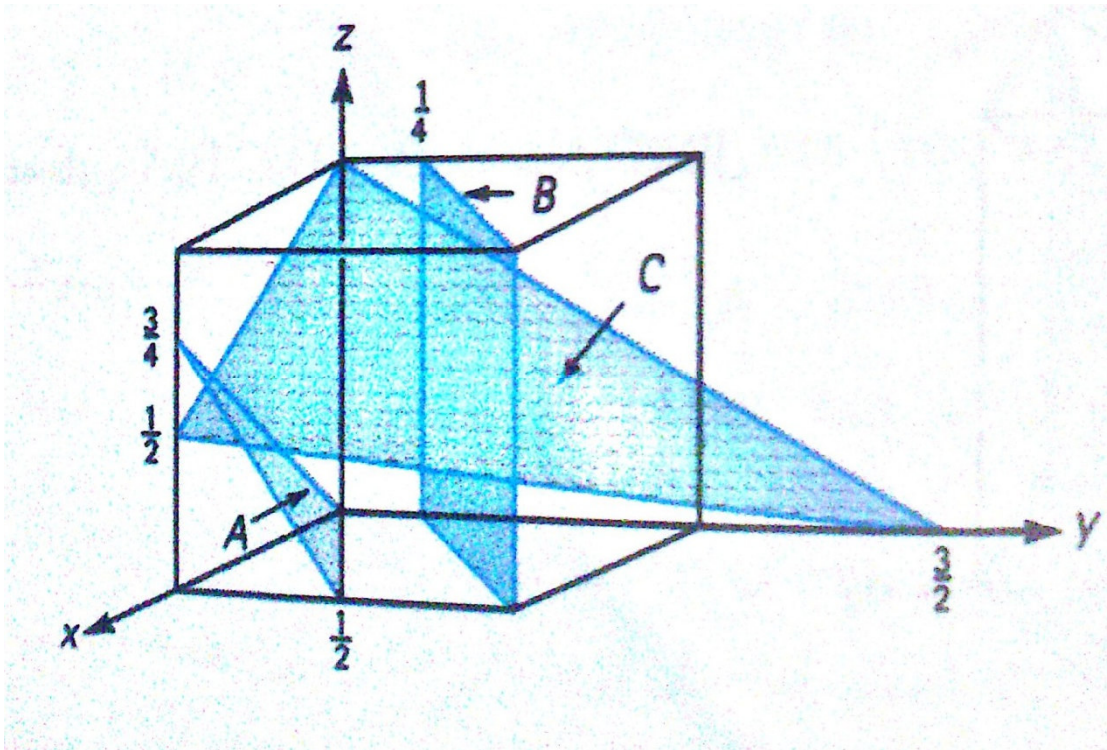
# تمرین

- جهات کریستالی در شکل زیر را نامگذاری کنید.



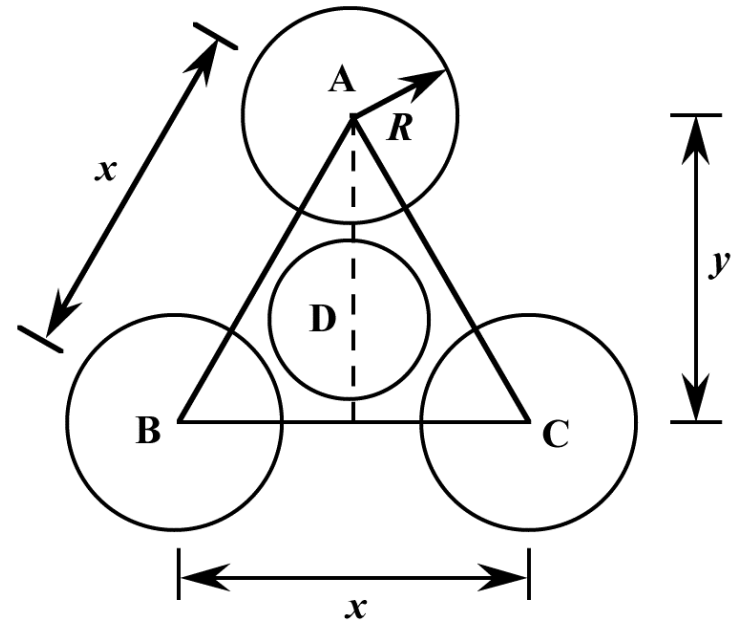
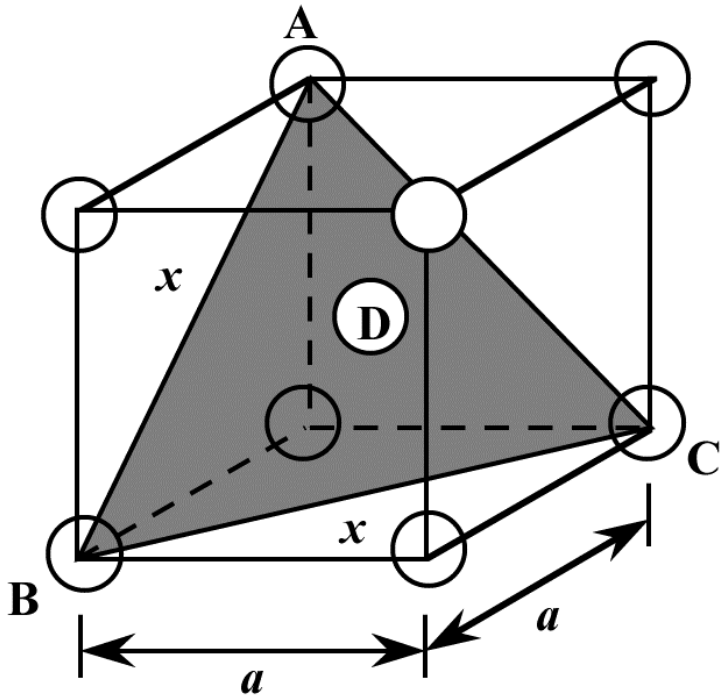
# تمرین

- اندیس گذاری میلر صفحات زیر را بنویسید.



# تمرین

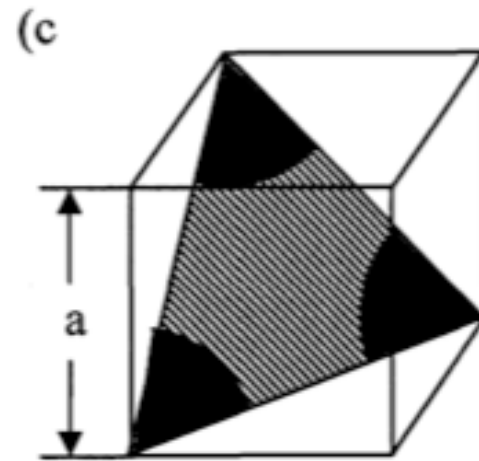
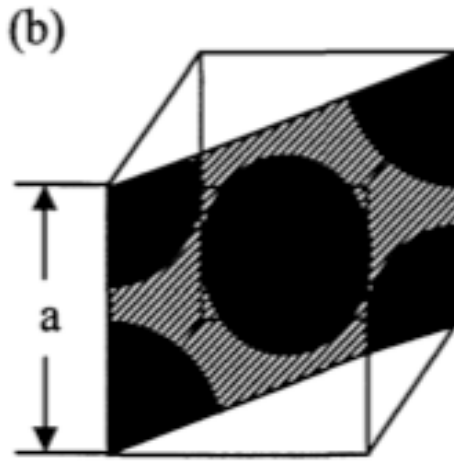
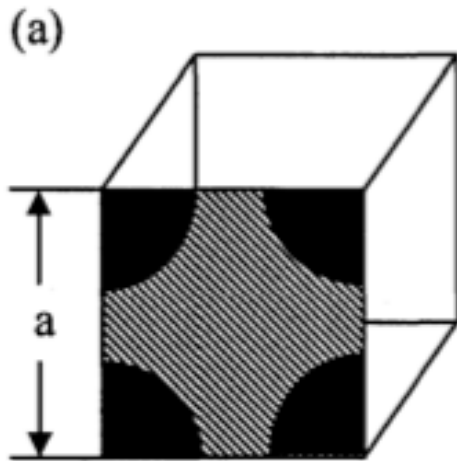
- چگالی صفحه ای صفحه (۱۱۱) در سیستم bcc را بدست آورید.



$$PD_{111}(\text{BCC}) = \frac{0.5 \text{ atom}}{\frac{8R^2}{\sqrt{3}}} = \frac{\sqrt{3}}{16R^2} = \frac{0.11}{R^2}$$

## تمرین

- چگالی صفحه ای صفحات  $(111)$ ،  $(110)$  و  $(100)$  در سیستم  $bcc$  را بدست آورید.



فصل سوم  
عیوب شبکه کریستالی

- کریستالی که دارای ساختار شبکه ای کاملاً **منظم از تکرار سلول واحد** باشد، **کریستال ایده آل** نامیده می شود.
- عموماً تمام کریستالها دارای عیوب مختلفی هستند که خواص فیزیکی و مکانیکی کریستالها را تغییر می دهند.
- با کنترل عیوب می توان فلزات و آلیاژهایی با استحکام بالا و خواص صنعتی بهتر تولید کرد.

# انواع عيوب شبکه كريستالی

## ۱- عيوب نقطه ای

- ❖ عيب جای خالی
- ❖ عيب بين نشینی
- ❖ عيب شوتکی
- ❖ عيب جانشینی
- ❖ عيب فرنکل

## ۲- عيوب خطی

- ❖ نابجایی لبه ای
- ❖ نابجایی پیچی
- ❖ نابجایی مختلط

## ۳- عيوب صفحه ای

- ❖ عيب لایه ای
- ❖ مرزدانه ها

## ۴- عيوب فضایی یا حجمی

# عیوب جای خالی

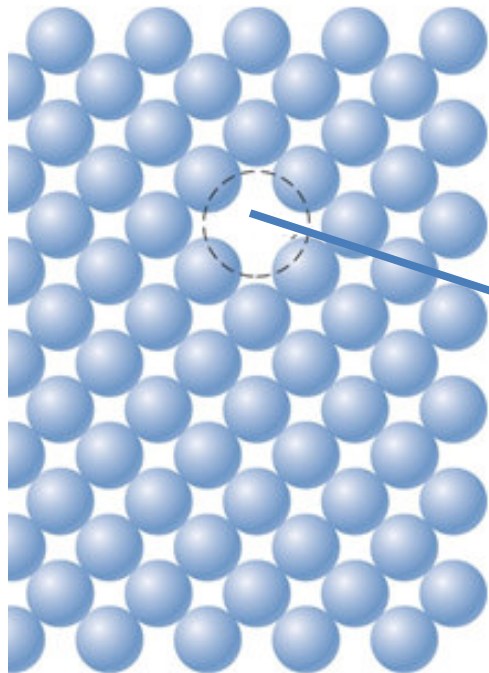
- این عیب به عنوان مهمترین و ساده ترین عیوب نقطه ای شناخته می شود.

- دلایل تشکیل:

- انجماد (به خصوص سرد کردن با سرعت زیاد از دمای بالا)

- تغییر شکل

- پرتودهی



جای خالی



# عیوب جای خالی

- محاسبه تعداد جای خالی در شبکه کریستالی

تعداد جای خالی

انرژی لازم برای تشکیل یک جای خالی

تعداد اتمهای شبکه

$$\frac{n}{N} = \exp\left(\frac{-Q}{kT}\right)$$

ثابت بولتزمن

دما (کلوین)

$$(1.38 \times 10^{-23} \text{ J/atom-K})$$

$$(8.62 \times 10^{-5} \text{ eV/atom-K})$$

# عیوب جای خالی

**مثال ۱:** مطلوبست تعداد جای خالی در اتم مس در دمای ۱۰۰۰ درجه سانتیگراد در ۱ متر مکعب اگر انرژی لازم برای تشکیل یک جای خالی برابر ۰.۹ eV/atom باشد.

$$\rho = 8.4 \text{ g/cm}^3$$

$$A_{\text{Cu}} = 63.5 \text{ g/mol}$$

$$N_A = 6.02 \times 10^{23} \text{ atoms/mol}$$

$$\frac{n}{N} = \exp\left(\frac{-Q}{kT}\right) = 2.7 \times 10^{-4}$$

Annotations:  $Q = 0.9 \text{ eV/atom}$  (red arrow),  $T = 1273 \text{ K}$  (yellow arrow),  $kT = 8.62 \times 10^{-5} \text{ eV/atom-K}$  (green arrow).

برای  $1 \text{ m}^3$ :  $N = \rho \times \frac{N_A}{A_{\text{Cu}}} \times 1 \text{ m}^3 = 8.0 \times 10^{28} \text{ sites}$

$$n = (2.7 \times 10^{-4})(8.0 \times 10^{28}) = 2.2 \times 10^{25} \text{ جای خالی}$$

**مثال ۲:** محاسبه کنید تعداد جای خالی اتمی لازم برای کسب آهنی با شبکه کریستالی bcc و با چگالی  $7.87 \text{ g/cm}^3$  اگر واحد شبکه آهن  $2.866 \text{ \AA}$  باشد

حل: مقدار چگالی آهن را از لحاظ نظری (تئوری) با فرض معلوم بودن واحد شبکه، تعداد اتم‌های سلول واحد و جرم اتمی و با توجه به تعداد دو اتم موجود در سلول واحد آن با استفاده از رابطه (۳-۱۲) می‌توان بدست آورد:

$$\rho = \frac{nM}{VN_A} = \frac{(2)(55/847 \text{ g/mol})}{(2/866 \times 10^{-10} \text{ m})^3 (6.02 \times 10^{23} \text{ atom/mol})} = 7/814 \times 10^6 \text{ g.m}^{-3}$$

اما از آنجا که منظور مسئله تولید آهنی با چگالی پایین‌تر یعنی  $\rho = 7/87 \times 10^6 \text{ g.m}^{-3}$  است، می‌توان با ایجاد محل‌های خالی اتمی به آن دست یافت.

$$n = \frac{\rho VN_A}{M} = \frac{(7/87 \times 10^6 \text{ g/m}^3)(2/866 \times 10^{-10} \text{ m})^3 (6.02 \times 10^{23} \text{ atom/mol})}{(55/847 \text{ g/mol})} = 1/9971 \text{ atom}$$

بنابراین باید تعداد جای خالی اتمی  $0.00029$  در هر سلول واحد وجود داشته باشد و تعداد جای خالی در هر متر مکعب برابر است با:

$$\text{تعداد جای خالی اتمی در هر متر مکعب} = \frac{0.00029}{(2/866 \times 10^{-10} \text{ m})^3} = 1/23 \times 10^{26}$$

**مثال ۳:** نوعی عملیات حرارتی در نظر بگیرید که حدود ۱۰۰۰ برابر جای خالی اتمی در مس بیش از آنچه در دمای محیط است ایجاد کند. اگر مقدار انرژی حرارتی مورد نیاز برای یک جای خالی 83700J/mol و ثابت شبکه مس 3.6151A باشد دمای مورد نیاز را محاسبه کنید.

✓ تعداد اتمها در هر متر مکعب:

$$N = \frac{F}{(0.36151 \times 10^{-9} \text{ m})^3} = 8.47 \times 10^{28}$$

✓ تعداد جای خالی در دمای اتاق:

$$n = (8.47 \times 10^{28} \text{ atom/m}^3) \exp\left[\frac{-83700 \text{ J/mol}}{(8.31 \text{ J.mol}^{-1}\text{K}^{-1})(298\text{K})}\right] = 1.774 \times 10^{14}$$

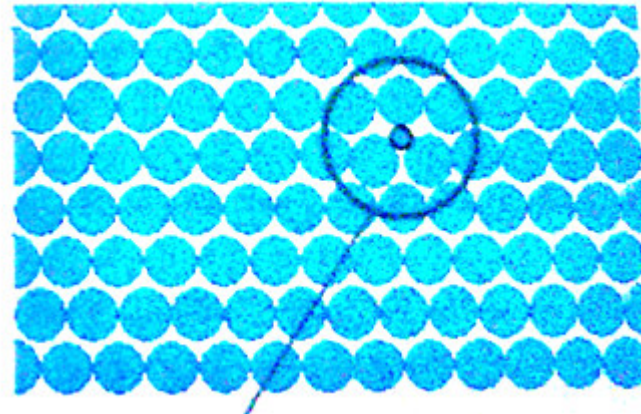
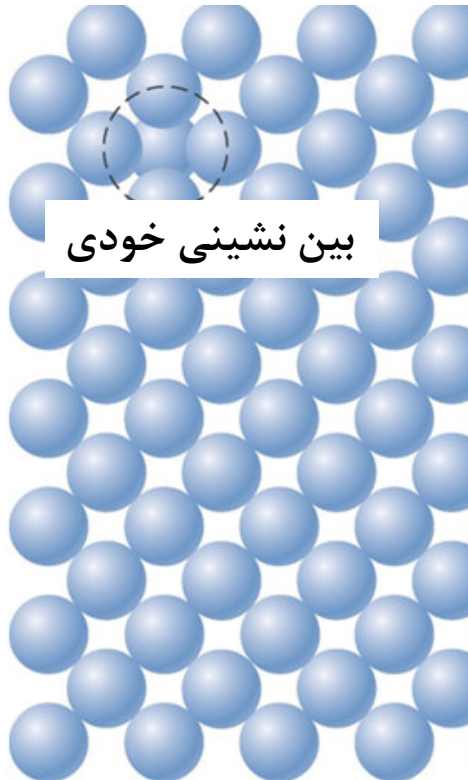
✓ هدف ایجاد جای خالی معادل ۱۰۰۰ برابر مقدار بالا می باشد، پس:

$$n = 1.774 \times 10^{14} \rightarrow \exp\left[\frac{-83700}{8.31T}\right] = \frac{1.774 \times 10^{14}}{8.47 \times 10^{28}} = 2.095 \times 10^{-12}$$

$$\frac{-83700}{8.31T} = \ln(2.095 \times 10^{-12}) = -26.89 \rightarrow T = \frac{83700}{8.31 \times 26.89} = 375^\circ\text{K} = 102^\circ\text{C}$$

# عیب بین نشینی

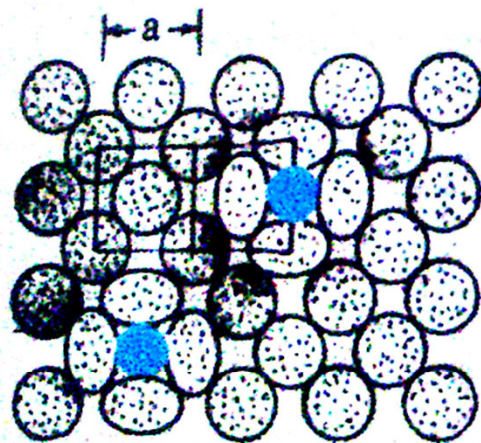
- قرار گرفتن یک اتم در فضای موجود بین اتمهای اصلی شبکه عیب بین نشینی است.
- شرط اولیه این عیب به اندازه کافی کوچک بودن اتم مهمان می باشد.
- این عیب بیشتر در شبکه هایی با APF پایین قابل مشاهده می باشد.
- این عیب می تواند به دو صورت بین نشینی **اتم مهمان** و **اتم خودی** صورت گیرد.



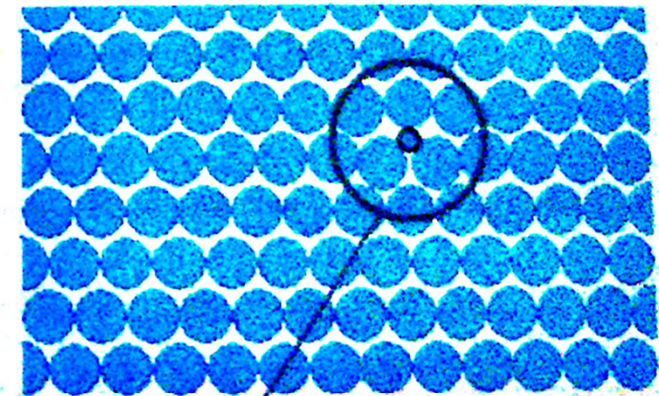
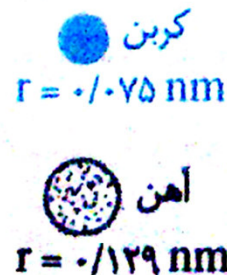
بین نشینی اتم مهمان

# عیب بین نشینی

- به عنوان مثال قرار گرفتن اتم آهن در شبکه fcc که باعث کجی یا تغییر شکل موضعی در ساختار شبکه کریستالی می شود.



(ب)



بین نشینی

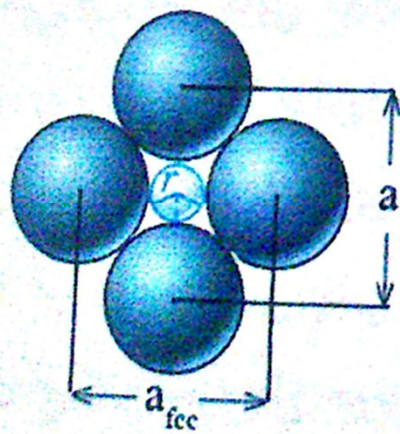
(الف)

شکل (۳-۴): (الف) عیب بین نشینی (ب) عیب بین نشینی و به هم ریختگی شبکه آهن در اطراف اتم

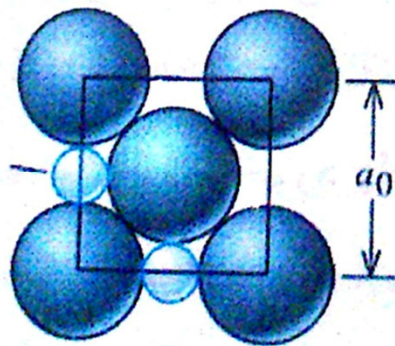
کربن در دمای بالاتر از  $920^\circ \text{C}$

## عیب بین نشینی

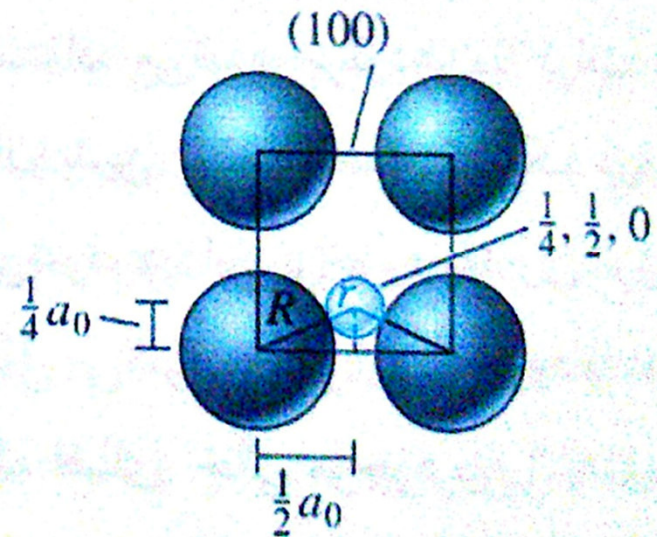
- محلهای مناسب برای قرار گرفتن کربن در شبکه آهن با ساختار **fcc** در **مرکز و وسط بالها** و در شبکه **bcc** در فضای خالی به **مختصات  $(\frac{1}{4}, \frac{1}{2}, 0)$**  می باشد.



(ج)



(ب)



(الف)

شکل (۴-۴): (الف) محل اتم بین نشینی در شبکه آهن **bcc**، (ب و ج) محل های اتم بین نشینی در شبکه آهن **fcc**.

# عیب بین نشینی

## بررسی شبکه bcc

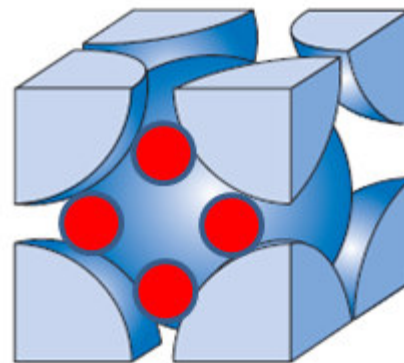
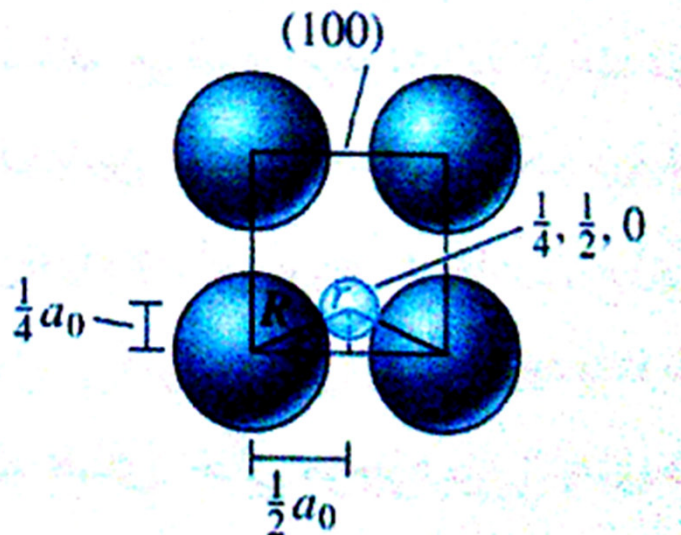
الف) محاسبه شعاع اتمی

$$R_{bcc} = \frac{\sqrt{3}a}{4} = \frac{\sqrt{3} \times 0.2886}{4} = 0.124$$

ب) ارتباط بین شعاع اتم مهمان و اتمهای شبکه

$$(r + R)^2 = \left(\frac{a}{2}\right)^2 + \left(\frac{a}{4}\right)^2 \rightarrow r = 0.0361nm$$

ج) تعداد محلهای مستعد ۲۴ محل و تعداد اتمهای معادل:



$$= 24 \times \frac{1}{2} = 12$$



# عیب بین نشینی

## بررسی شبکه fcc

الف) محاسبه شعاع اتمی

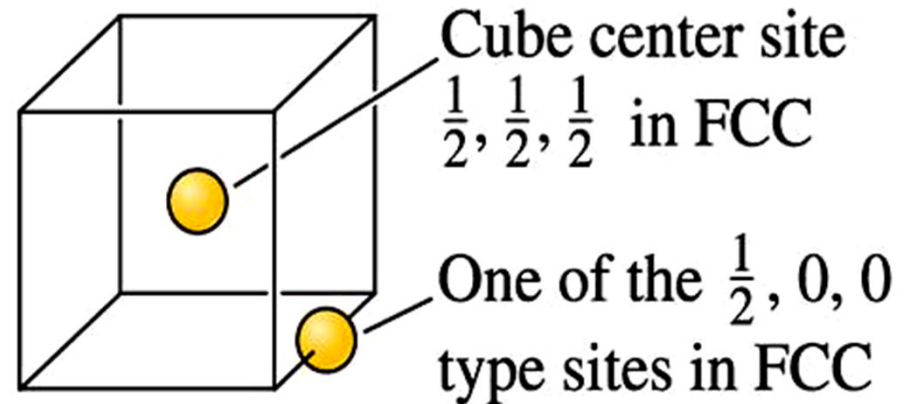
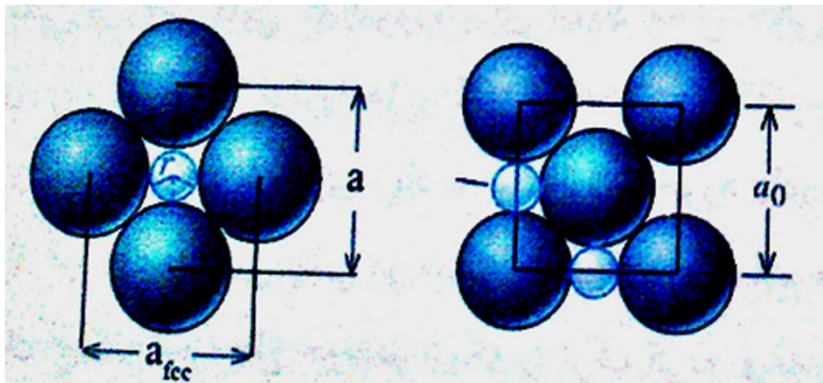
$$R_{fcc} = \frac{\sqrt{2}a}{4} = \frac{\sqrt{2} \times 0.3571}{4} = 0.1243nm$$

ب) ارتباط بین شعاع اتم مهمان و اتمهای شبکه

$$(2r + 2R) = a \rightarrow r = 0.0523nm$$

ج) تعداد محلهای مستعد ۱۳ و تعداد اتم مهمان در شبکه

$$= 12 \times \frac{1}{4} + 1 = 4$$



# عیب بین نشینی

**سوال ۱:** به هم خوردگی کدام یک از شبکه ها بیشتر است؟

$r_{\text{bcc}} = 0.0361 \text{ nm}$   
 $r_{\text{fcc}} = 0.0523 \text{ nm}$  } → محل بین نشینی در شبکه bcc کوچکتر از شبکه fcc است.

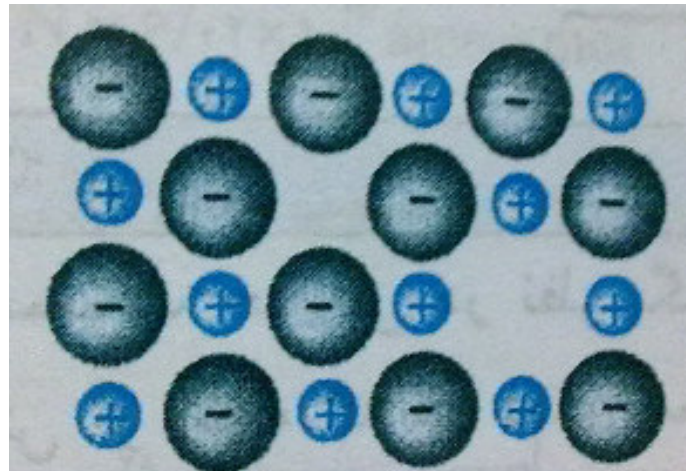
**سوال ۲:** درصد اتمی اتم مهمان در هر دو شبکه به چه صورت است؟

$$\text{درصد اتمی در bcc} = \frac{12 \text{ اتم مهمان}}{12 \text{ اتم مهمان} + 2 \text{ اتم آهن}} = 86\%$$

$$\text{درصد اتمی در fcc} = \frac{4 \text{ اتم کربن}}{4 \text{ اتم مهمان} + 4 \text{ اتم آهن}} = 50\%$$

# عیوب شوتکی (schottky)

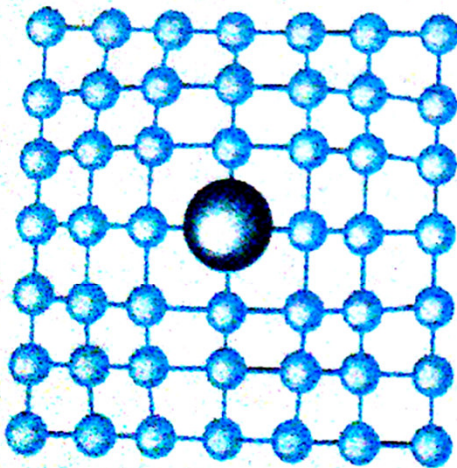
- این عیب در شبکه کریستالی با پیوند یونی یافت می شود.
- محل خالی یون مثبت یا منفی می باشد.
- دلایل ایجاد
  - عدم حضور یا حضور بیش از حد بار الکتریکی در شبکه
  - جایگزینی اتم باردار شبکه با اتمی دیگر با ظرفیت کمتر یا بیشتر
  - انحراف از قانون نسبت های معین (مثلا اکسید آهن کاملا بصورت  $\text{FeO}$  نباشد بلکه  $\text{Fe}_{0.9}\text{C}$  باشد)



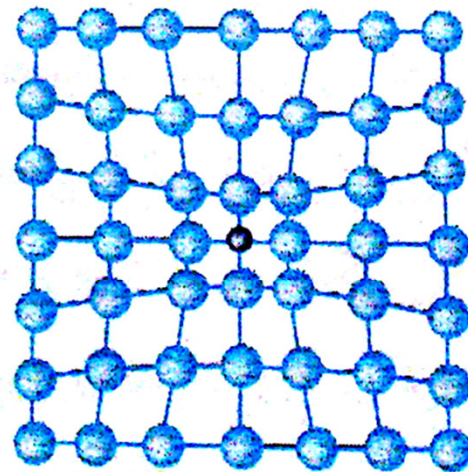
عیب شوتکی در کریستال NaCl

# عیب جانشینی

- اتمهایی در شبکه ممکن است جایگزین اتمهای شبکه شوند که اندازه آن ممکن است کوچکتر یا بزرگتر از اتمهای شبکه باشند.



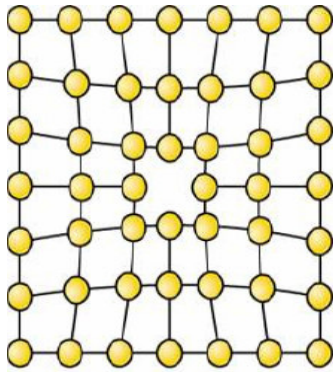
(ب)



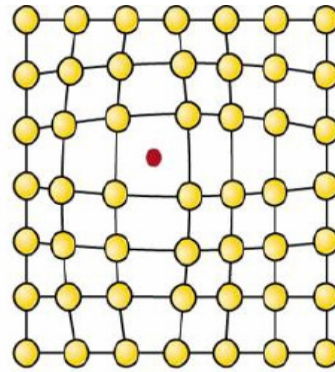
(الف)

شکل (۴-۵): عیب جانشینی (الف)  
اندازه اتم جانشینی کوچکتر، (ب)  
اندازه اتم جانشینی بزرگتر

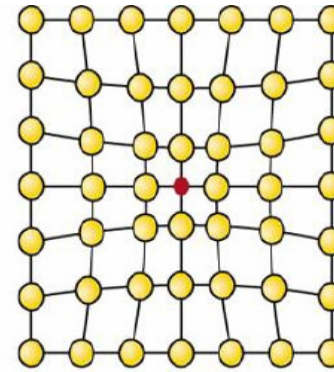
# انواع عیوب نقطه ای



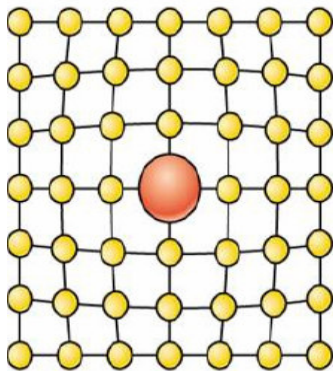
(a)



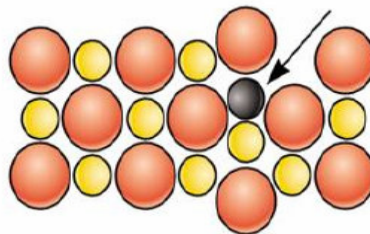
(b)



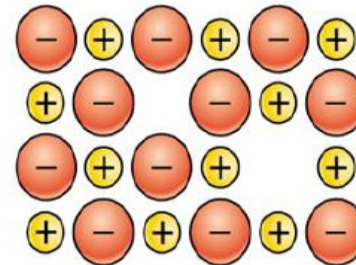
(c)



(d)



(e)

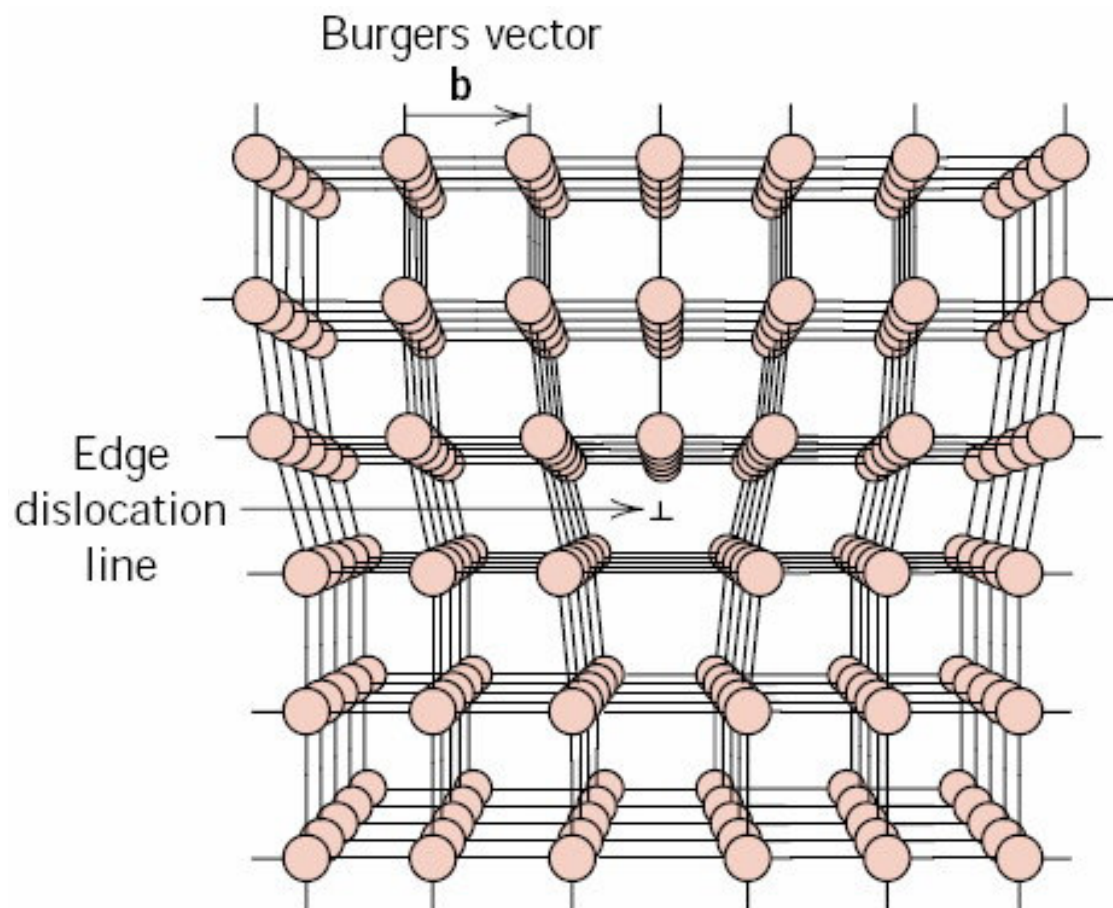


(f)

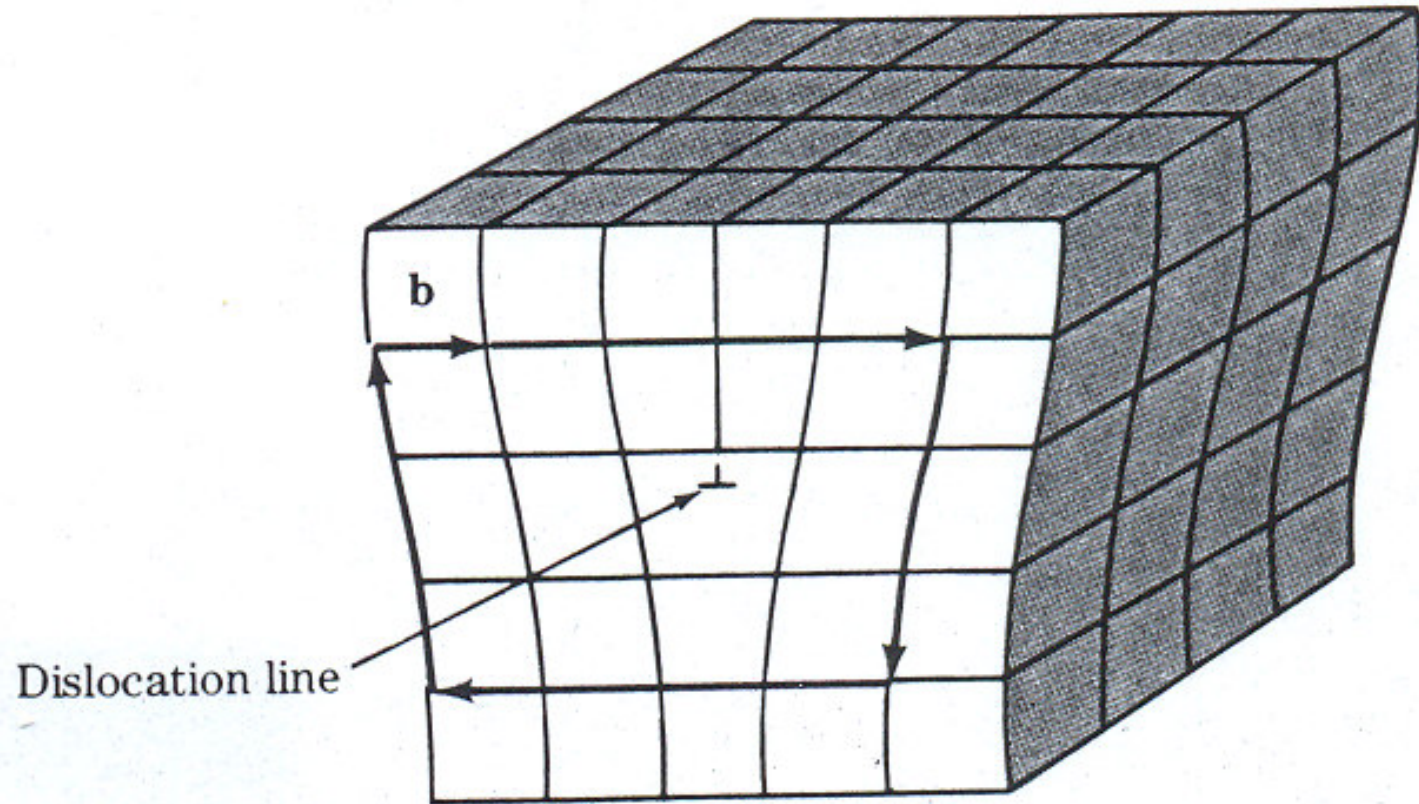
# عیوب خطی

• معمولترین نوع عیب خطی در درون بلور نابجایی است.

• **نابجایی خطی:** به صورت لبه صفحه اتمی اضافی در درون ساختار بلوری تعریف می شود.



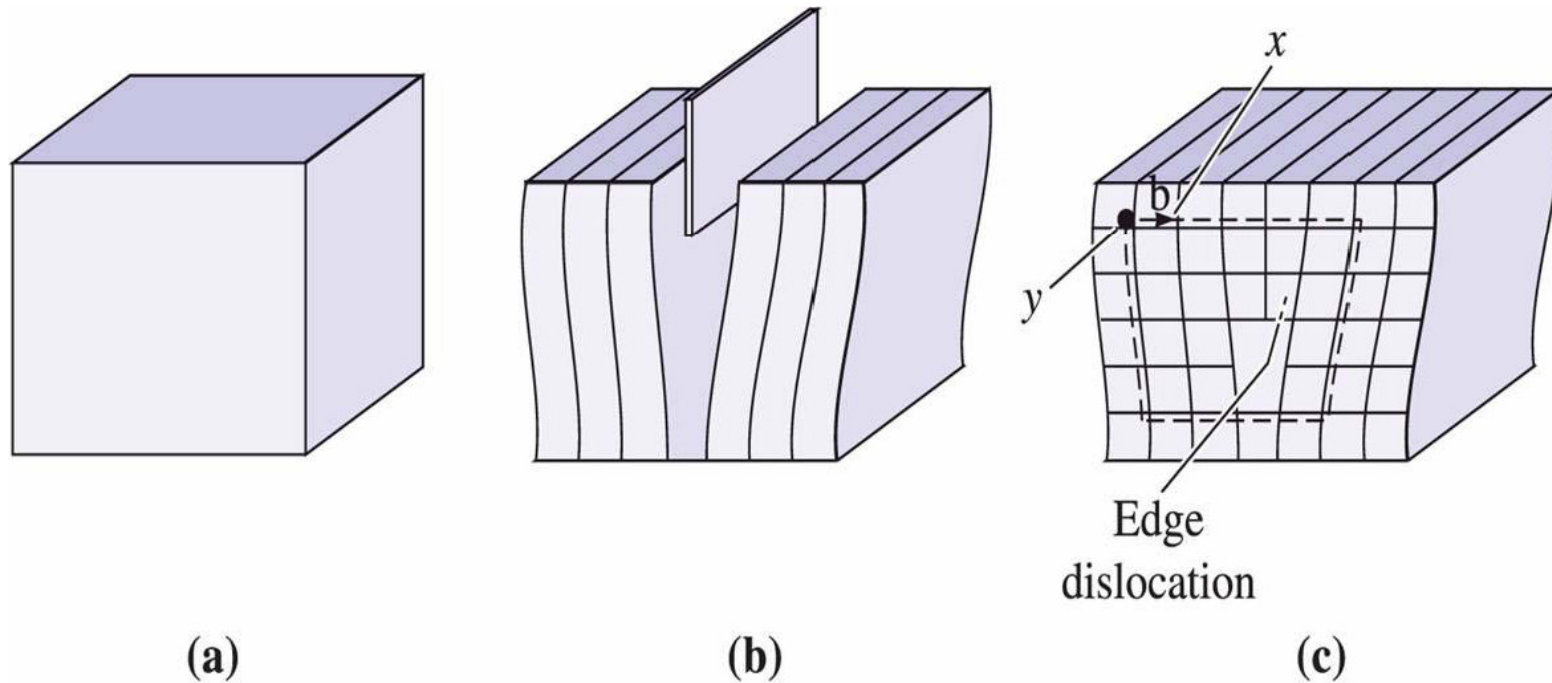
# نمایش سه بعدی نابجایی لبه ای



(b)

# عیوب خطی

## • نابجایی لبه ای

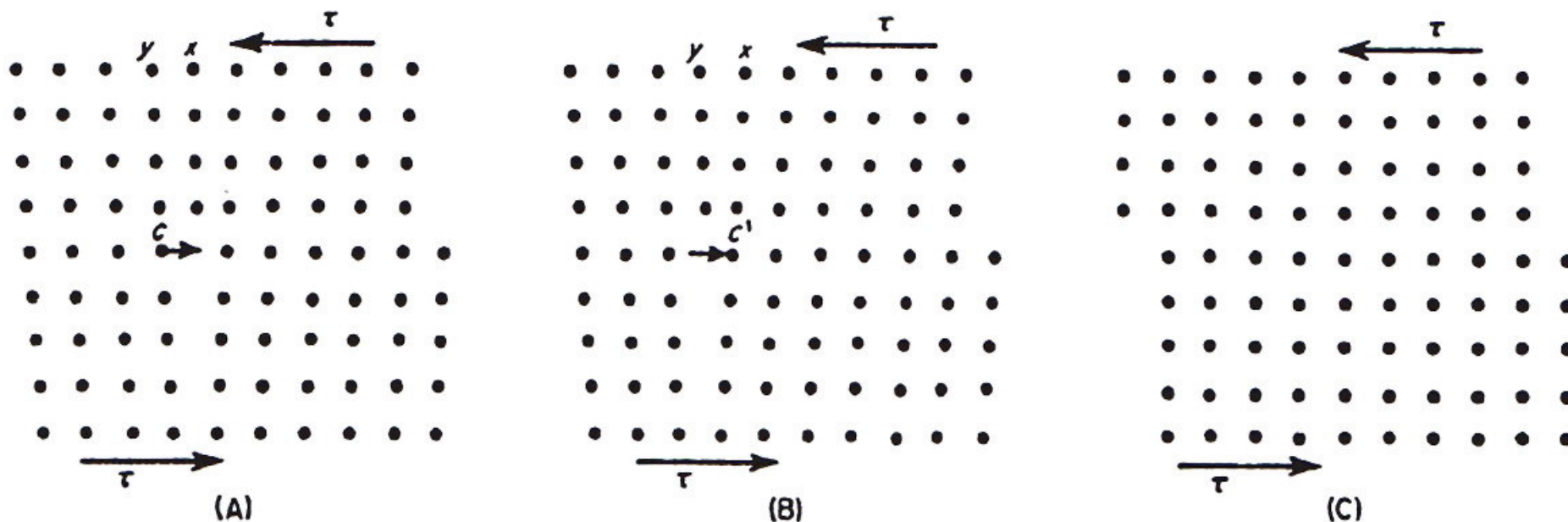


**Figure 4-5** The perfect crystal in (a) is cut and an extra plane of atoms is inserted (b). The bottom edge of the extra plane is an edge dislocation (c). A Burgers vector  $\mathbf{b}$  is required to close a loop of equal atom spacings around the edge dislocation. (Adapted from J.D. Verhoeven, *Fundamentals of Physical Metallurgy*, Wiley, 1975.)

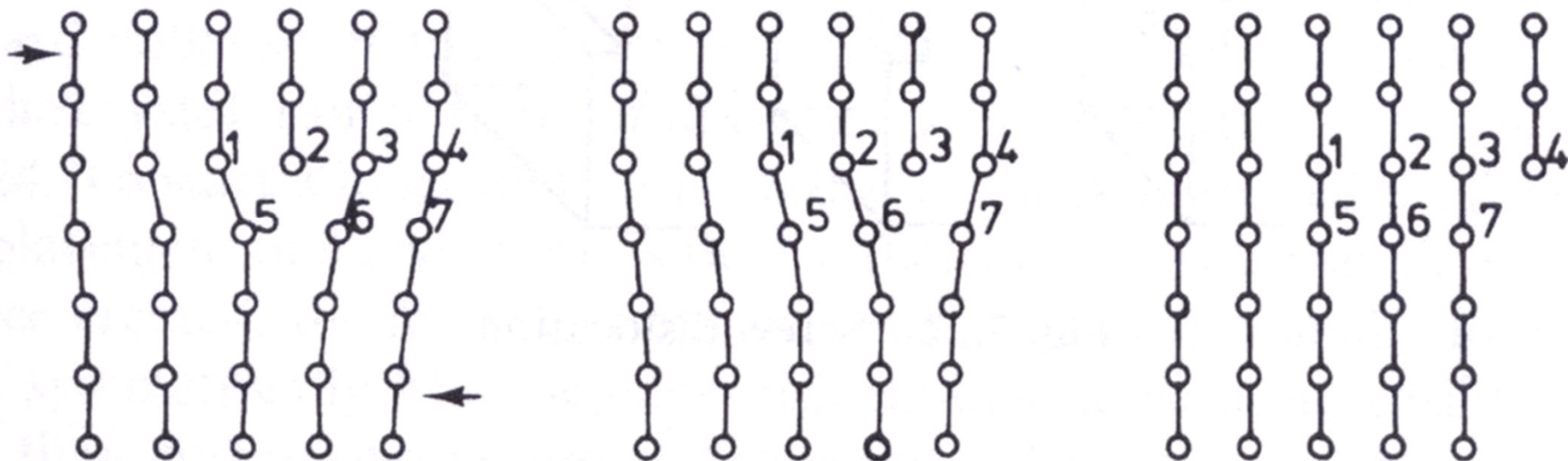


## مراحل حرکت یک نابجایی لبه‌ای از بین یک بلور

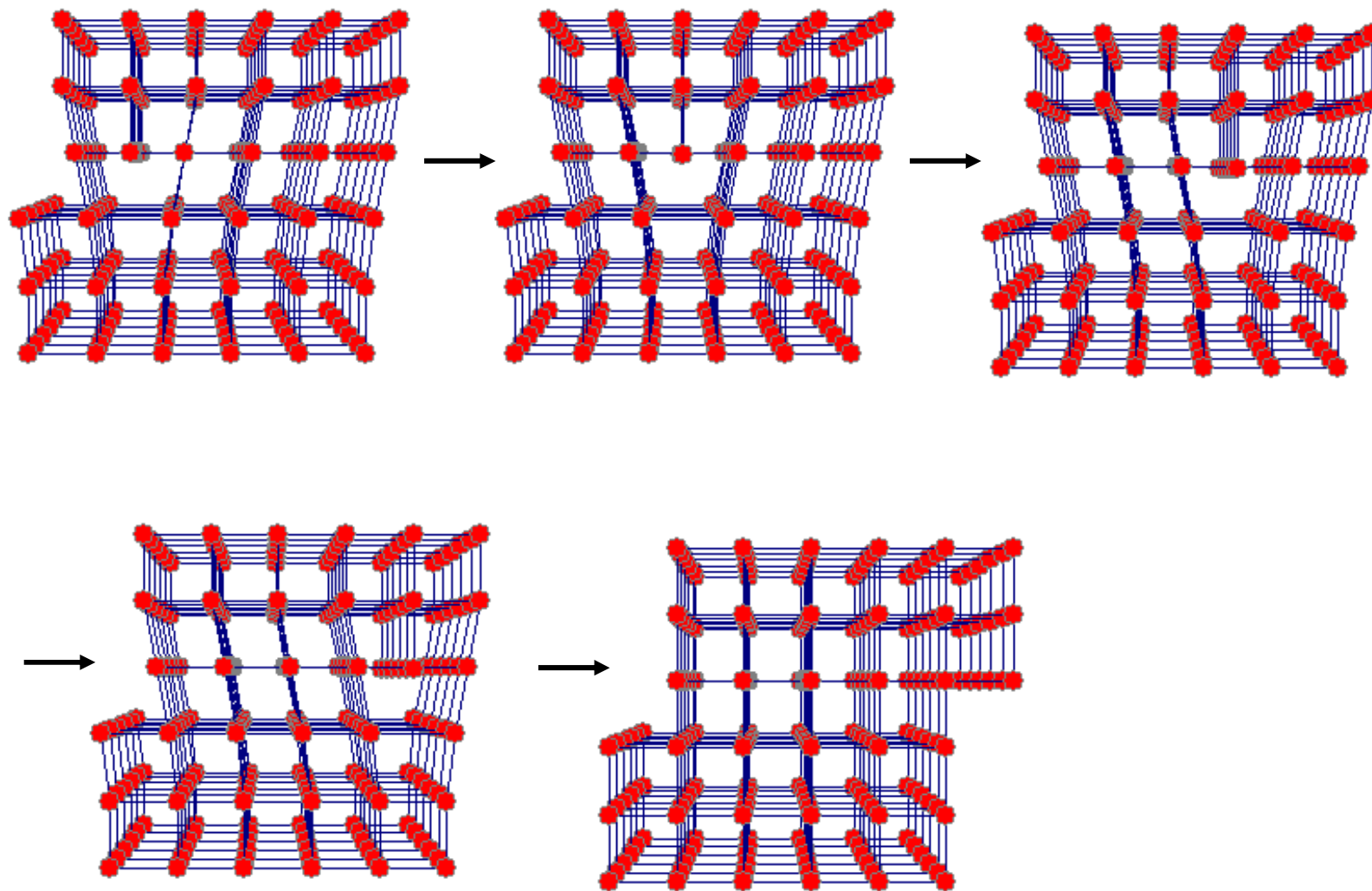
در نتیجه اعمال تنش، اتم  $C$  به موقعیت  $C'$  نقل مکان می‌کند و نابجایی به اندازه یک فاصله اتمی به چپ حرکت می‌کند. تداوم اعمال تنش باعث حرکت نابجایی در گام‌های بعدی در طول صفحه لغزش به اندازه یک فاصله اتمی می‌شود. این مراحل حرکت نابجایی مستلزم تغییر کوچکی در چیدمان اتم‌ها در همسایگی صفحه اضافی است و نیروی لازم برای این کار در حدود مقدار تنش تسلیم است.



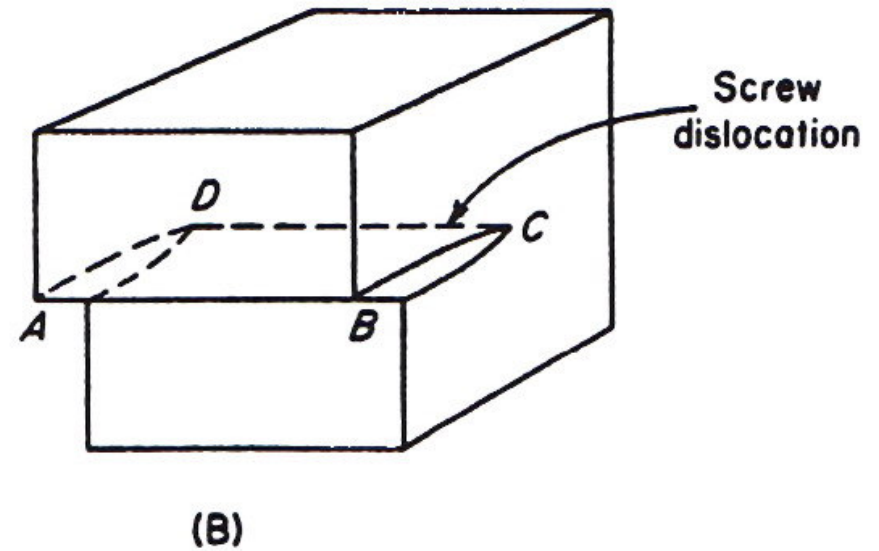
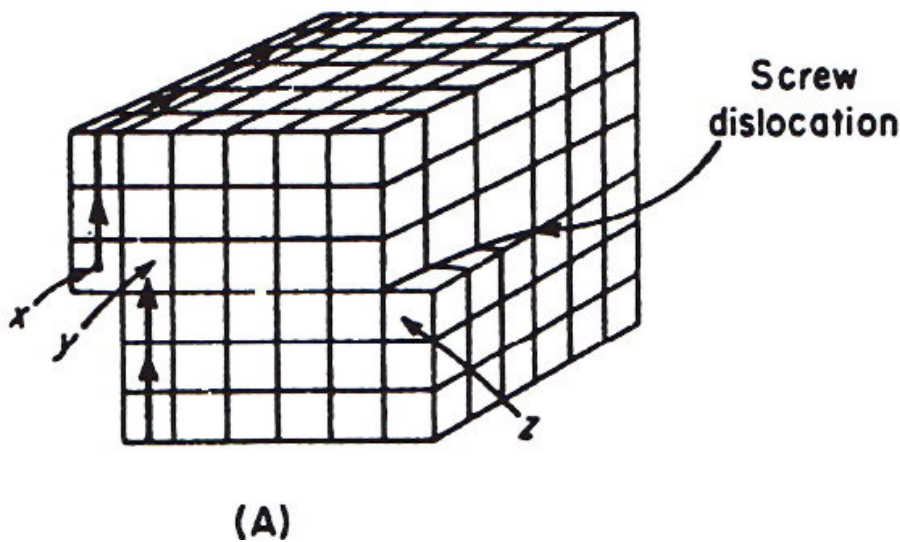
# مراحل حرکت یک نابجایی لبه‌ای از بین یک بلور



# مراحل حرکت یک نابجایی لبه‌ای از بین یک بلور



# نابجایی پیچی

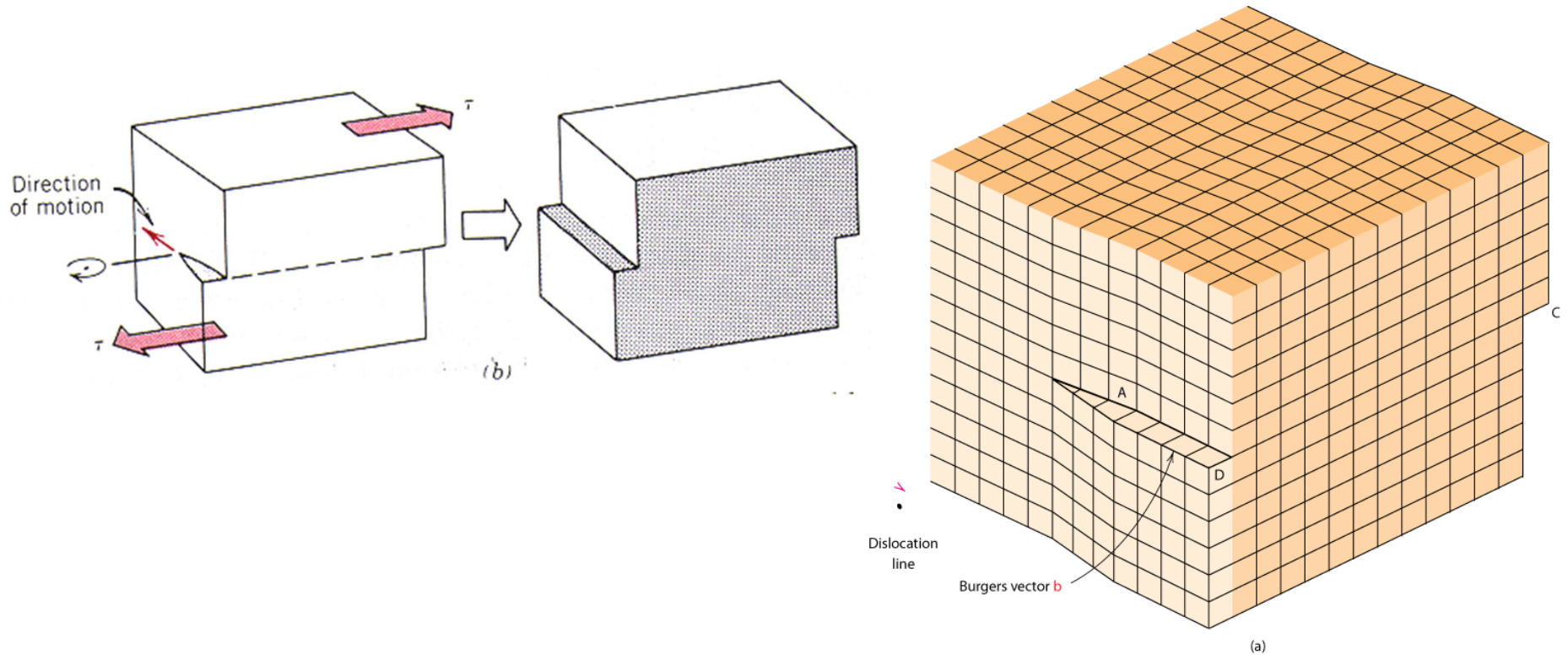


## دو نمایش از نابجایی پیچی

صفحات دور این نابجایی پیچی مثل یک پیچ چپ گرد چرخیده‌اند. نابجایی پیچی نیز مرز بین یک سطح لغزش یافته و یک سطح لغزش نیافته است.

# نابجایی پیچی

- تحت بارگذاری پیچشی، تغییر فرم این نابجایی به کل شبکه منتقل می شود



# عیوب صفحه ای

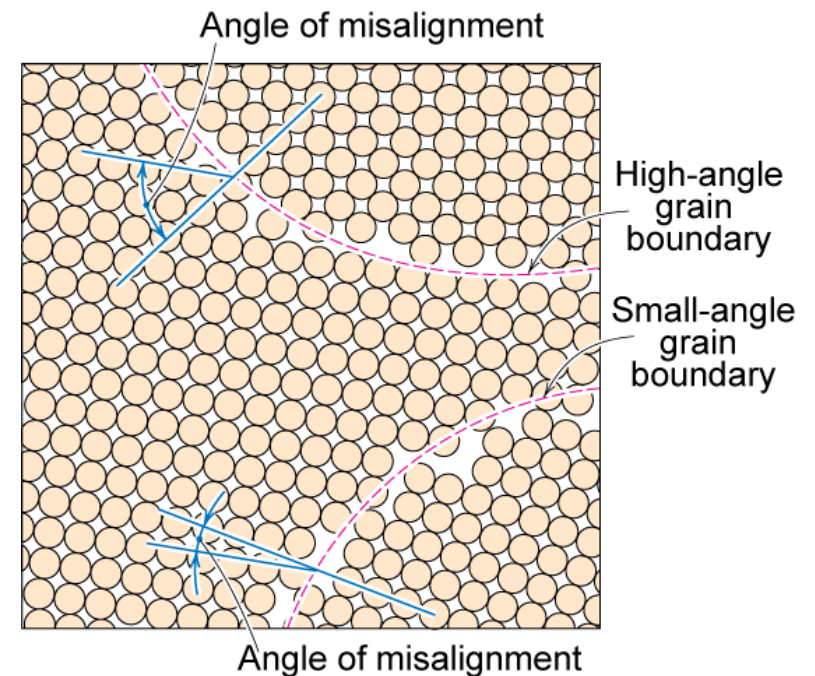
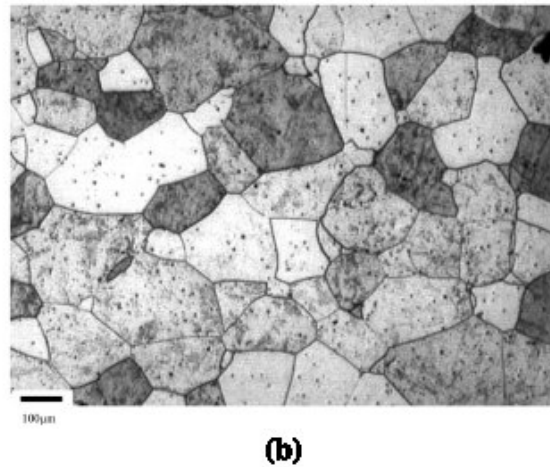
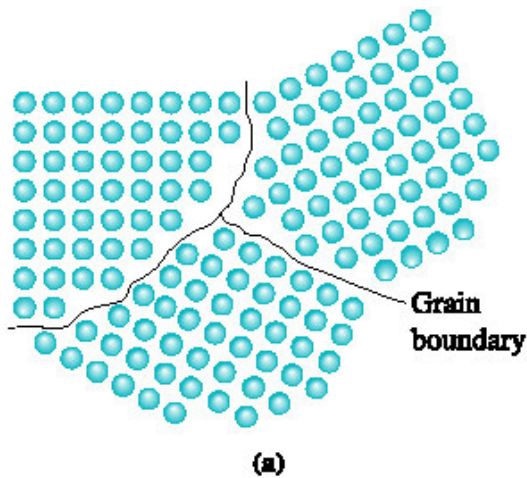
## ۱- عیب لایه ای

- این عیب از قرار گرفتن بدون نظم صفحات اتمی بر روی یکدیگر بوجود می آید. یعنی در قسمتی از کریستال یکی از لایه ها وجود ندارد.
- مثلا در سیستم هگزاگونال تکرار صفحات بصورت **ABBABAB...** باشد. در این حالت صفحه اتمی **A** در قسمتی از کریستال وجود ندارد.

# عیوب صفحه ای

## ۲- مرزدانه ها

تقریباً تمام مواد چند بلوری هستند که دارای تعداد زیادی دانه با جهات کریستالی مختلف می باشند که هر یک توسط مرزدانه ها از هم جدا شده اند.



## تصویر میکروسکوپ الکترونی (SEM) از دانه ها و مرز دانه ها

در مناطق مرزدانه اتمها در **فواصل تعادلی** خود نیستند. این مناطق انرژی بیشتری نسبت به درون دانه ها دارند. اگر فلز را به مدت چند ثانیه در یک **محلول مناسب** قرار دهیم مرزدانه ها سریعتر حل می شوند و می توان شکل دانه ها را به این صورت مشاهده کرد. این کار را **متالوگرافی** می ناند.

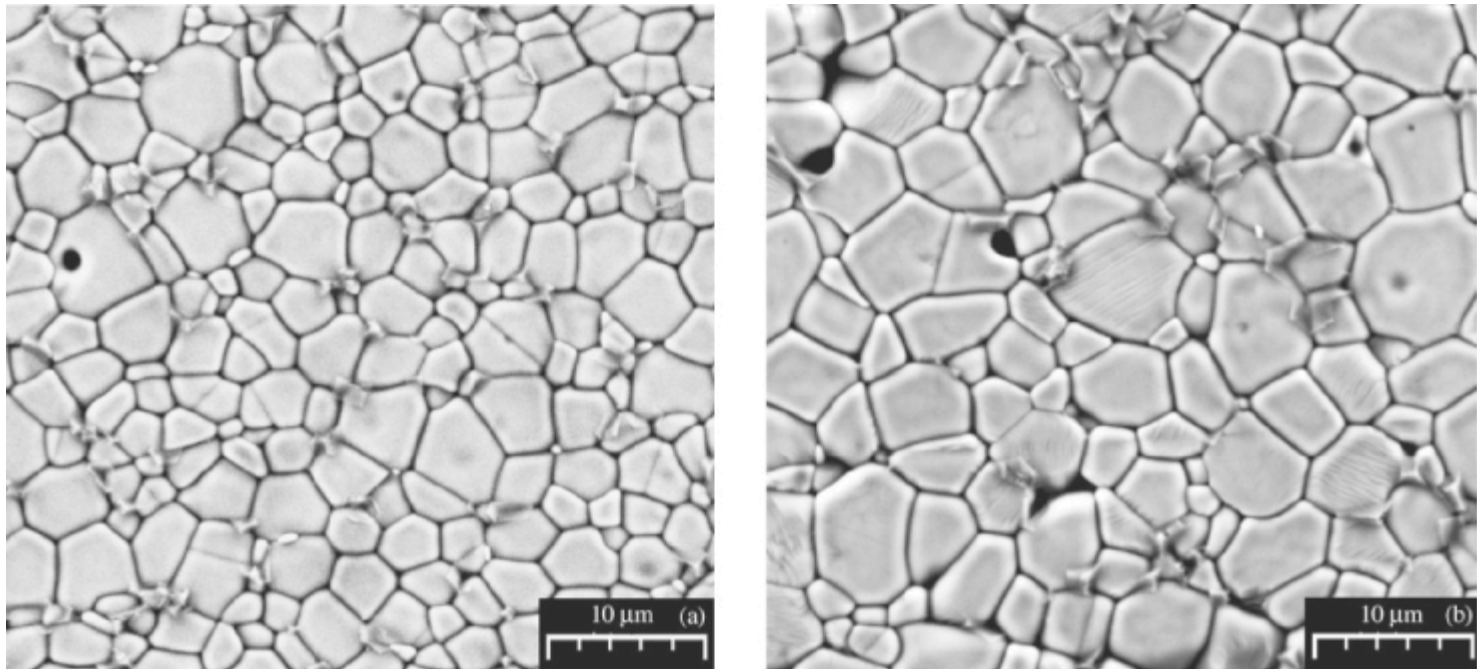


Figure 4. SEM micrographs of the SMNb0.2% composition sintered at 1300 °C for: (a) 1 h; (b) 4 h.



# مشخص کردن اندازه دانه

- از آنجایی که اندازه دانه اثرات زیادی بر خواص مکانیکی، نوری، مغناطیسی و ... دارد لازم است معیاری برای گزارش اندازه دانه داشته باشیم.

برای این منظور از استاندارد **ASTM** استفاده می کنیم.

ASTM= American Society for Testing Materilas

# مشخص کردن عدد اندازه (شماره) دانه

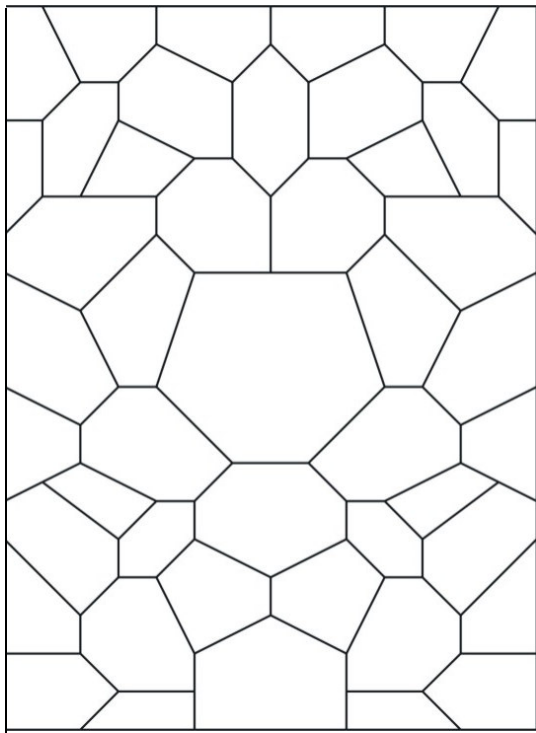
- ابتدا عکسی از نمونه در بزرگنمایی ۱۰۰ تهیه می کنیم و سپس تعداد دانه ها در ۱ اینچ مربع را می شماریم.
- از فرمول زیر برای محاسبه عدد اندازه دانه (Grain Size Number) استفاده می کنیم

$$N = 2^{n-1}$$

- در این فرمول  $N$  تعداد دانه ها در یک اینچ مربع می باشد که از عکسی که در بزرگنمایی ۱۰۰ به دست آمده، شمارش می شود.
- همچنین  $n$  عدد اندازه دانه (Grain size number) می باشد. هر چه  $n$  زیاد تر باشد اندازه دانه کوچکتر است.

## مشخص کردن اندازه دانه

- همان طور که در عکس مشاهده می شود بعضی دانه ها در گوشه عکس قرار می گیرند و بعضی در لبه ها (وجوه) و بعضی دانه ها کاملا داخل عکس قرار می گیرند.
- تعداد کل دانه ها = تعداد دانه ای داخل سطح + نصف تعداد دانه های در لبه ها +  $\frac{1}{4}$  دانه های در گوشه ها



# عیوب حجمی یا فضایی

- فضاهای خالی میکروسکوپی و ماکروسکوپی مانند ترکهای موئی، حفره های گازی و .... از این قبیل عیوب هستند.