

## موضوع آزمایشگاه

مشاهده صحیح پدیده

اندازه گیری پارامترهای دخیل

گزارش مشاهدات و نتایج (کمی و کیفی)

## اصول اندازه گیری

- انتخاب وسیله اندازه گیری
- روش اندازه گیری
- بیان کمیت های اندازه گیری
- بیان خطای اندازه گیری

## انتخاب وسیله اندازه گیری براساس

نوع آزمایش

دقت لازم برای اندازه گیری

## معیارهای انتخاب دستگاه اندازه گیری

■ تاچه حد اندازه گیری را نزدیک به واقعیت انجام می دهد

■ آیا با تکرار اندازه گیری مقدار یکسانی را نشان می دهد

■ آیا شرایط اندازه گیری (فشار ، دما، رطوبت...) بر روی اندازه گیری اثر می گذارد (شرایط استاندارد)

■ آیا ویژگیهای اپراتور در اندازه گیری دخیل است

■ آیا مقدار اندازه گیری شده در طول سالیان ثابت می ماند (کالیبراسیون)

■ آیا محدوده اندازه گیری دستگاه مناسب انتخاب شده است

■ سرعت عکس العمل دستگاه در مقابل مقادیر متغیر چگونه است

## دقت اندازه گیری

کمترین مقدار ممکن که توسط یک وسیله می توان اندازه گرفت

(حد اکثر خطای دستگاه)

بیان مقدار اندازه گیری در حد دقت وسیله

گرد کردن

ارقام با معنا

رقم غیرقطعی

## بیان کمیت اندازه گیری شده

کمیت گزارش شده = متوسط مقدار اندازه گیری شده  $\pm$  خطای اندازه گیری

طول یک میله، مقداری بین ۲۵۶ و ۲۶۰ میلیمتر است.  $L = (258 \pm 2)mm$

$$X' - \Delta X < X < X' + \Delta X$$

## نوع کمیت

کمیت اصلی: مستقیماً اندازه گیری شده

کمیت محاسبه شده: حاصل از قرار دادن کمیت های در یک رابطه ریاضی

## تحلیل آماری داده های اندازه گیری شده

• میانگین حسابی

$$\bar{x} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n x_i$$

• میانگین قدر مطلق انحراف ها  
• لزومی ندارد برابر صفر باشد

$$\bar{d}_i = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n |x_i - \bar{x}|$$

• انحراف معیار

$$\sigma = \left[ \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2 \right]^{\frac{1}{2}}$$

• معیاری از تغییرات در اندازه گیری

## انواع خطا در اندازه گیری کمیت اصلی

❖ خطای دستگاه اندازه گیری

کوچکترین درجه دستگاه اندازه گیری، دقت آن نامیده می شود.

❖ شخص

❖ عدم حساسیت

❖ عوامل محیطی



## محاسبه خطای شخص

استفاده غلط از دستگاه

نگاه کج به عقربه

قرار دادن غلط کولیس بر روی کار

بیشینه اختلاف بین مقادیر اندازه گیری شده و مقدار متوسط آنها

فرض کنیم مقادیر حاصله از اندازه گیری  $X_1, X_2, \dots, X_n$

$$X_m = \frac{X_1 + X_2 + \dots + X_n}{n}$$

$$\delta X_1 = |X_1 - X_m| \quad \delta X_2 = |X_2 - X_m| \quad \dots \quad \delta X_n = |X_n - X_m|$$

$$\text{خطای آزمایش کننده} = \max\{\delta X_1, \delta X_2, \dots, \delta X_n\}$$

## خطای کل

خطای کل = خطای شخص + خطای وسیله

## خطای مطلق و خطای نسبی

$X$  مقدار واقعی و  $X'$  مقدار اندازه گیری شده کمیت باشند در این صورت اختلاف بین این دو را خطای مطلق می گوئیم

$$\delta X = |X' - X|$$

نسبت خطای مطلق  $\Delta X$  به مقدار اندازه گرفته شده  $X'$  می باشد که آن را خطای نسبی می نامند.  $(\frac{\Delta X}{X'})$

$$100 \times \text{خطای نسبی} = \text{درصد خطا}$$

## محاسبه خطای کمیتهای حاصل از محاسبه

$$X = f(a, b, c, \dots) \quad \dots \Delta c, \Delta b, \Delta a$$

روش اول)

گرفتن دیفرانسیل از تابع

تبدیل تابع  $d$  به  $\Delta$

تبدیل علامت منفی  $\Delta$  به علامت مثبت

مثال (۱)

$$x = a + b$$

$$\Delta x = \Delta a + \Delta b$$

مثال (۲)

$$x = a - b$$

$$\Delta x = \Delta a - \Delta b$$

$$\Delta x = \Delta a (+) \Delta b$$

مثال (۳)

$$x = ab$$

$$\Delta x = a.\Delta b + b.\Delta a$$

مثال (۴)

$$x = \frac{a}{b}$$

$$\Delta x = \frac{b\Delta a - a\Delta b}{b^2}$$

$$\Delta x = \frac{b\Delta a + a\Delta b}{b^2}$$

## محاسبه خطای کمیتهای حاصل از محاسبه

روش دوم)

گرفتن لگاریتم از دو طرف رابطه

دیفرانسیل گرفتن از لگاریتم تابع

تبدیل علامت منفی  $\Delta$  به علامت مثبت

مثال (٥)

$$X = \frac{a}{b}$$

$$\text{Ln}X = \ln\left(\frac{a}{b}\right) = \text{Lna} - \text{Lnb}$$

$$\Rightarrow d(\text{Ln}X) = d[\text{Lna} - \text{Lnb}]$$

$$\rightarrow \frac{dX}{X} = \frac{da}{a} - \frac{db}{b}$$

$$\Rightarrow \frac{\Delta X}{X} = \frac{\Delta a}{a} + \frac{\Delta b}{b}$$



مثال ۶) حجم استوانه

$$V = \pi r^2 h \quad \Delta r, \Delta h$$

$$\ln V = \ln \pi + \ln r^2 + \ln h = \ln \pi + 2 \ln r + \ln h$$

$$\frac{\Delta V}{V} = 0 + 2 \frac{\Delta r}{r} + \frac{\Delta h}{h}$$

مثال ۷) خطای نسبی  $y = ae^{-\alpha x}$

$$y = ae^{-\alpha x} \Rightarrow \ln y = \ln a + \ln e^{-\alpha x} = \ln a - \alpha x$$

$$\frac{\Delta y}{y} = -\alpha \Delta x$$

مثال ۱: در آزمایش اندازه گیری شعاع خمیدگی آینه، نتایج زیر بدست آمده است مطلوبست:

$$a = (3.4 \pm 0.1) \text{cm}$$

$$h = (3.59 \pm 0.01) \text{mm}$$

الف) شعاع انحنای آینه را محاسبه کنید؟

ب) درصد خطای آنرا محاسبه کنید؟

$$r = \frac{a^2 + h^2}{2h} \quad r = \frac{(3.4 \times 10)^2 + (3.59)^2}{2(3.59)} = 162.80 \text{mm}$$

$$\ln r = \ln\left(\frac{a^2 + h^2}{2h}\right) \rightarrow \ln r = \ln(a^2 + h^2) - \ln 2h$$

$$\frac{dr}{r} = \frac{d(a^2 + h^2)}{a^2 + h^2} - \frac{2dh}{2h} = \frac{2ada + 2hdh}{a^2 + h^2} - \frac{dh}{h}$$

$$\rightarrow \frac{\Delta r}{r} = \frac{2a\Delta a + 2h\Delta h}{a^2 + h^2} + \frac{\Delta h}{h}$$

$$= 0.062$$

مثال ۲: در آزمایش تعیین ضریب اصطکاک استاتیک روی سطح شیبدار پس از سه بار انجام آزمایش اعداد زیر بدست آمده است. مطلوب است تعیین خطای نسبی  $\mu_s$ :

$\mu_s = \tan \theta$	۰/۵۳	۰/۴۵	۰/۵۵
$\theta$	$28^0$	$27^0$	$29^0$

$$\mu_s = \tan \theta \xrightarrow{\text{defransial}} d\mu_s = (1 + \tan^2 \theta) d\theta \Rightarrow \Delta\mu_s = (1 + \tan^2 \theta) \Delta\theta$$

$$\theta_m = \frac{28 + 27 + 29}{3} = 28^0$$

$$\delta\theta_1 = |\theta_m - \theta_1| = 0 \quad \delta\theta_2 = |\theta_m - \theta_2| = 1^0 \quad \delta\theta_3 = |\theta_m - \theta_3| = 1^0$$

خطای وسیله برابر یک درجه می باشد

$$\Delta\theta = 1^0 + 1^0 = 2^0 \rightarrow \Delta\theta = 2 \times \frac{\pi}{180} = 0.035 \text{ Rd}$$

$$\frac{\Delta\mu_s}{\mu_s} = \frac{1 + \tan^2 \theta_m}{\tan \theta_m} \Delta\theta = \frac{1 + \tan^2 28}{\tan 28} \times 0.035 = 0.054$$

